

---

# Demystifying Blockchain & Digital Tokens: A Primer

Presentation by: **Prof. R.A. Farrokhnia**  
Columbia Business & Engineering Schools  
*Advanced Projects & Applied Research in Fintech*

---

# Welcome & Agenda

**Before we begin ...**  
**DISCLAIMERS & PROTOCOLS**

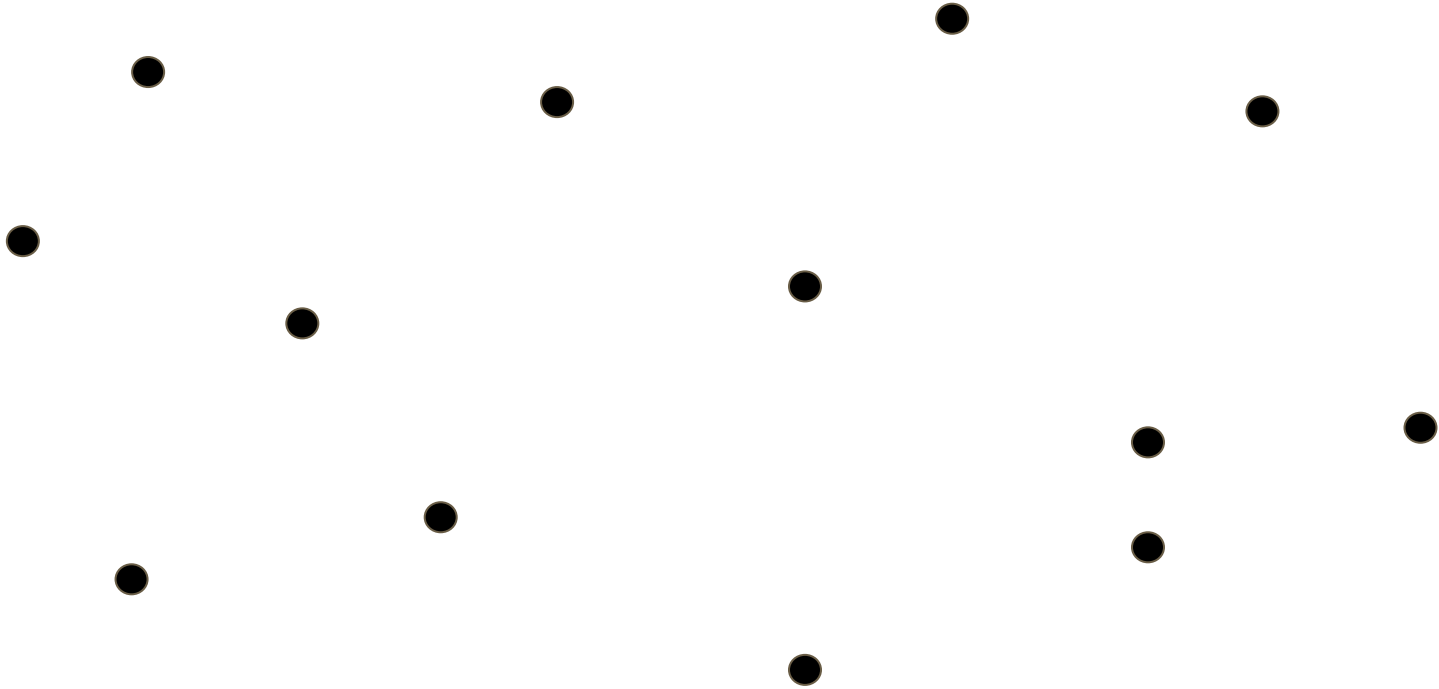
# I. Networks

How does the internet work?  
Why do we need to protect it?

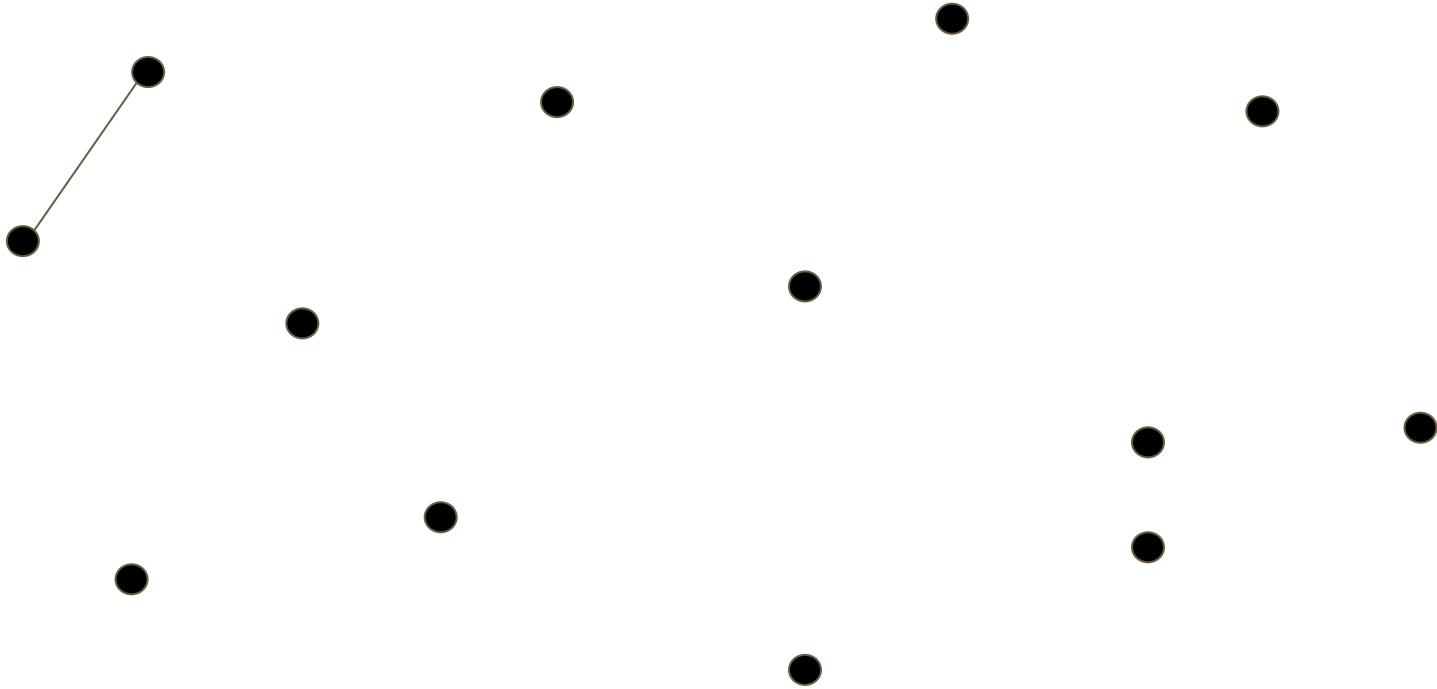


**A few words on networks ... in the context of  
order, complexity, and resiliency**

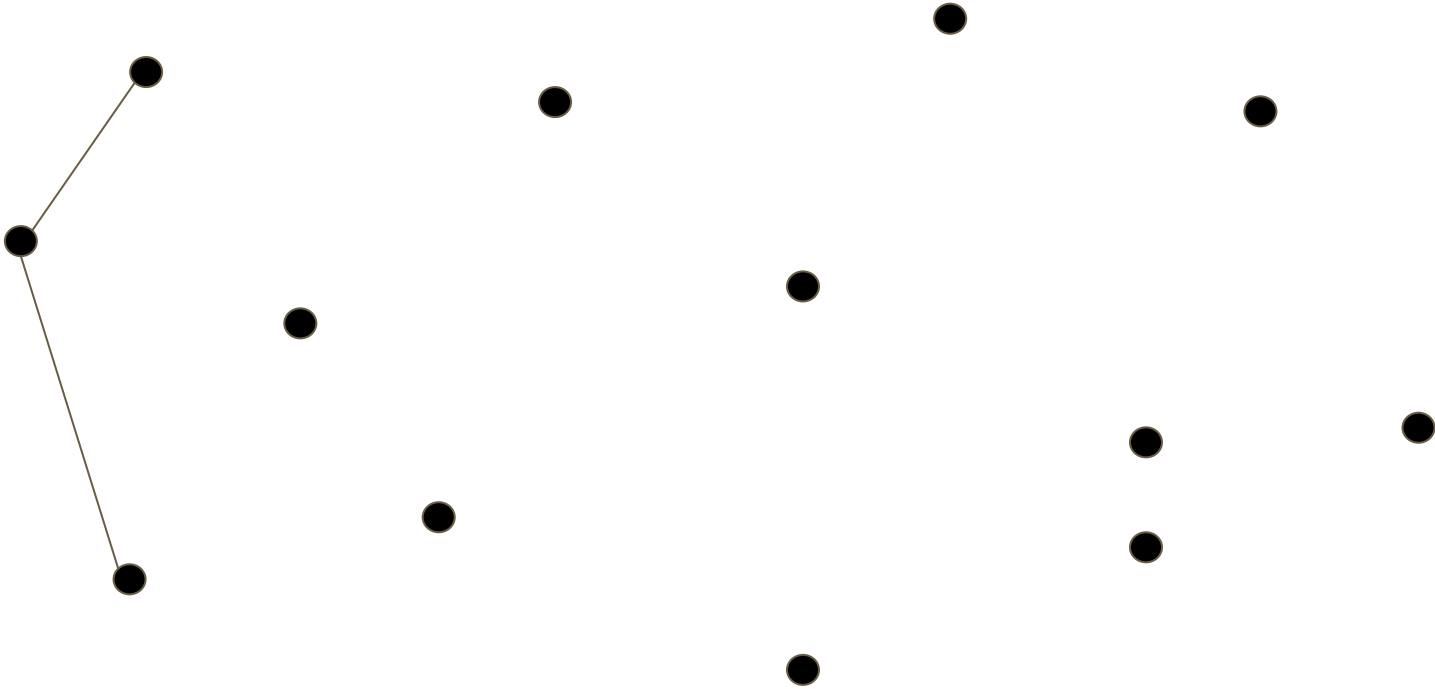
# Networks: a collection of connected nodes



# Networks: a collection of connected nodes

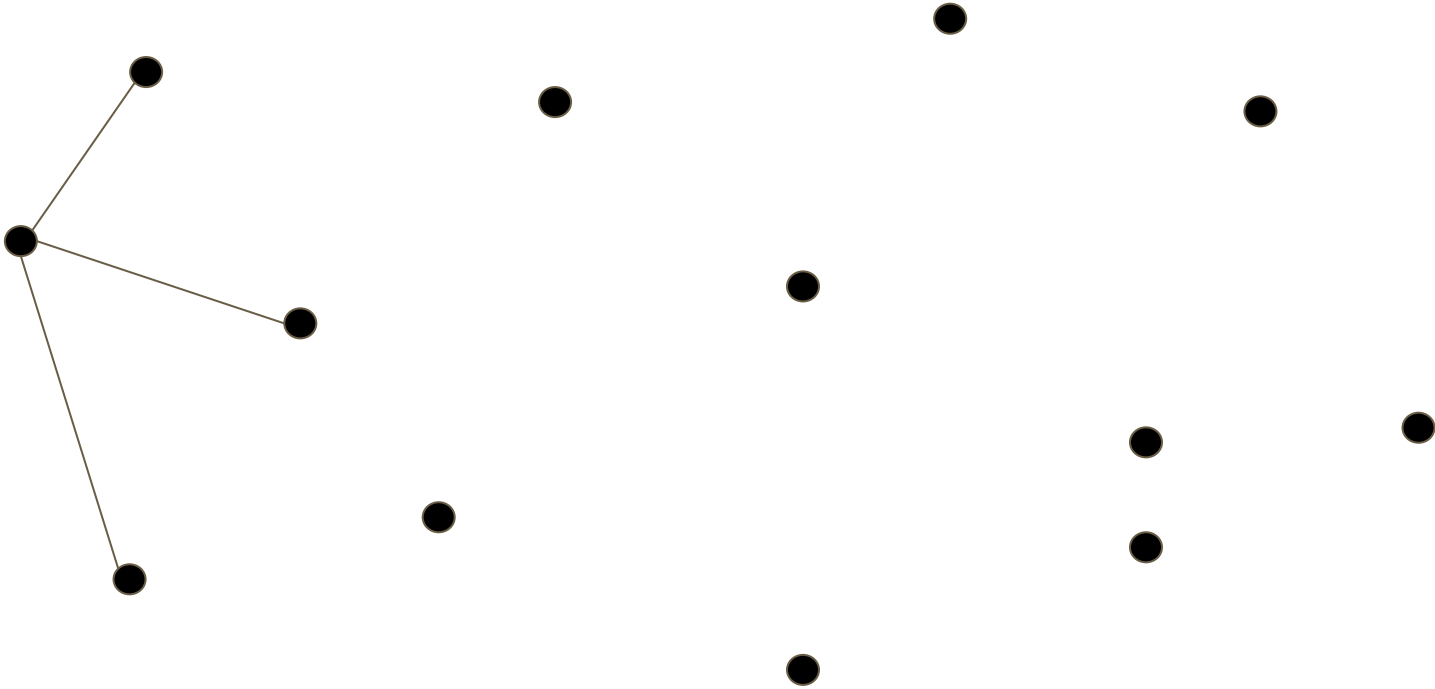


# Networks: a collection of connected nodes



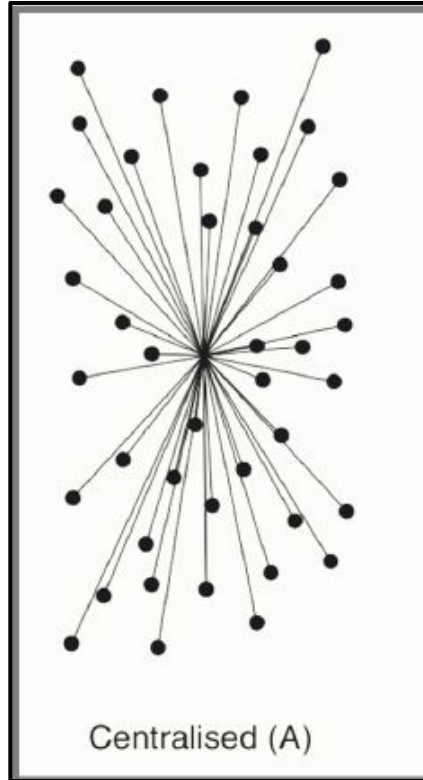


# Networks: a collection of connected nodes

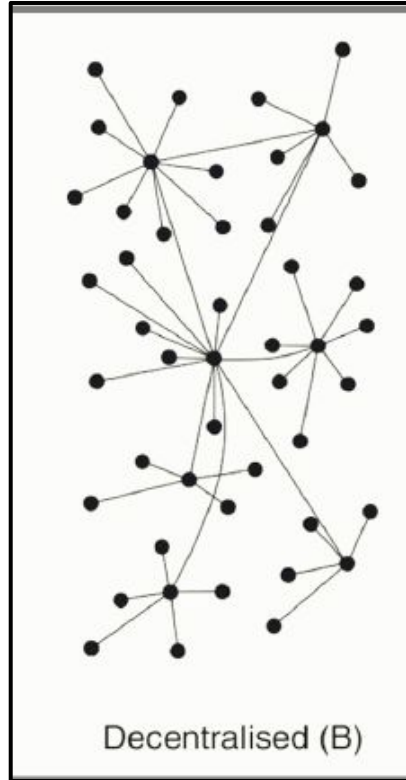


# Centralized (vs. Decentralized vs. Distributed)

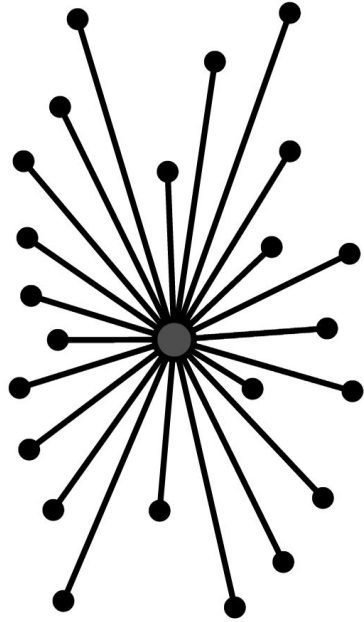
# Centralized (vs. Decentralized vs. Distributed)



# Centralized vs. Decentralized (vs. Distributed)

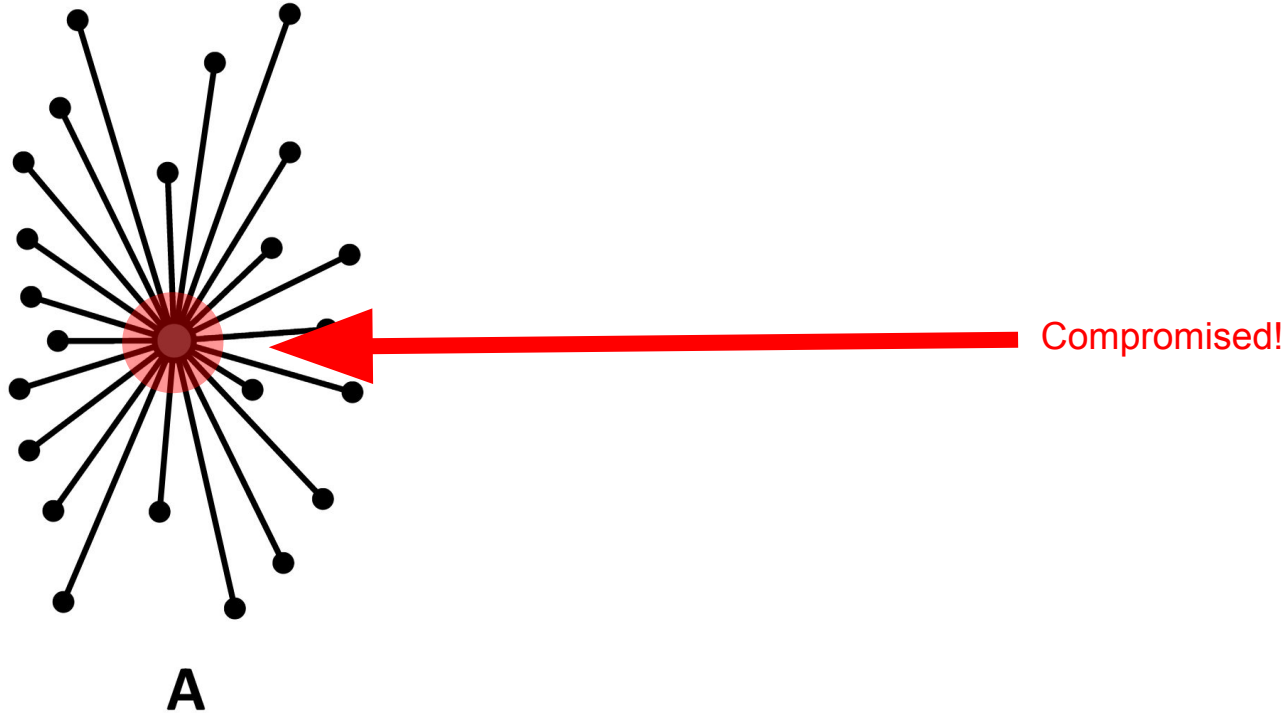


# Centralized vs. Decentralized

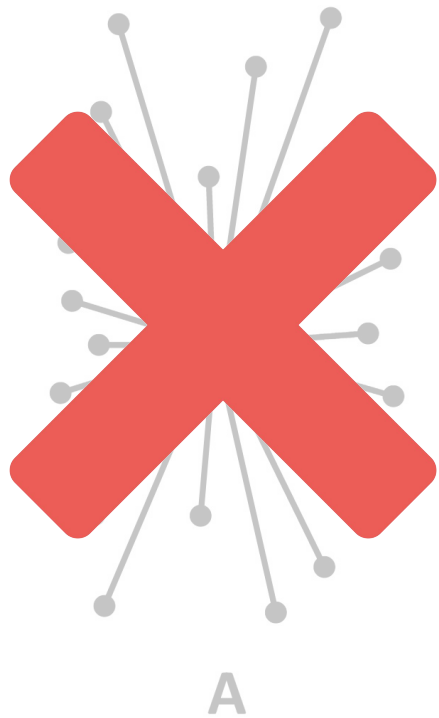


A

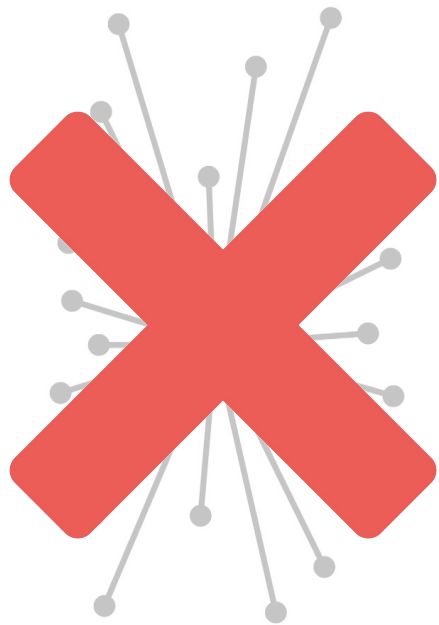
# What if the central node is compromised?



# What Can We Do?

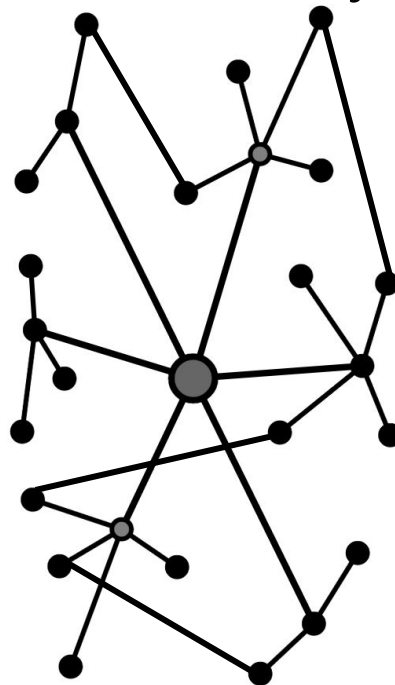


# What Can We Do?



A

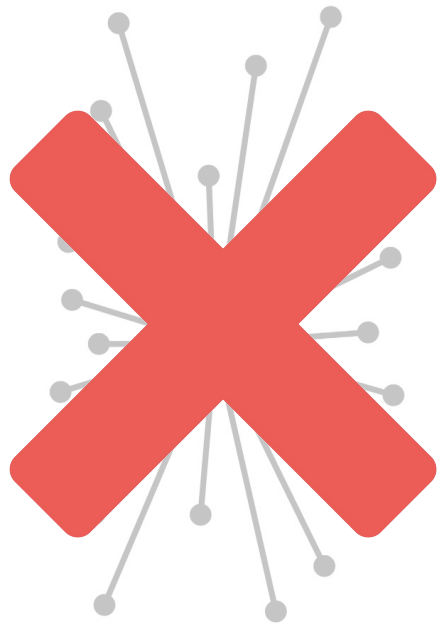
# Decentralized System



B

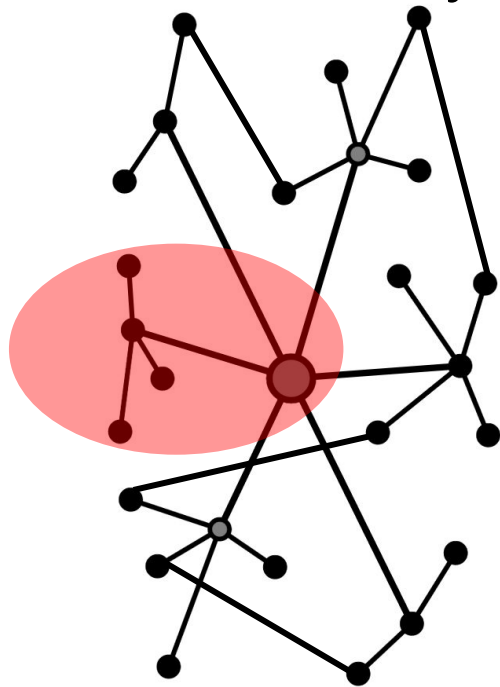


# What Can We Do?



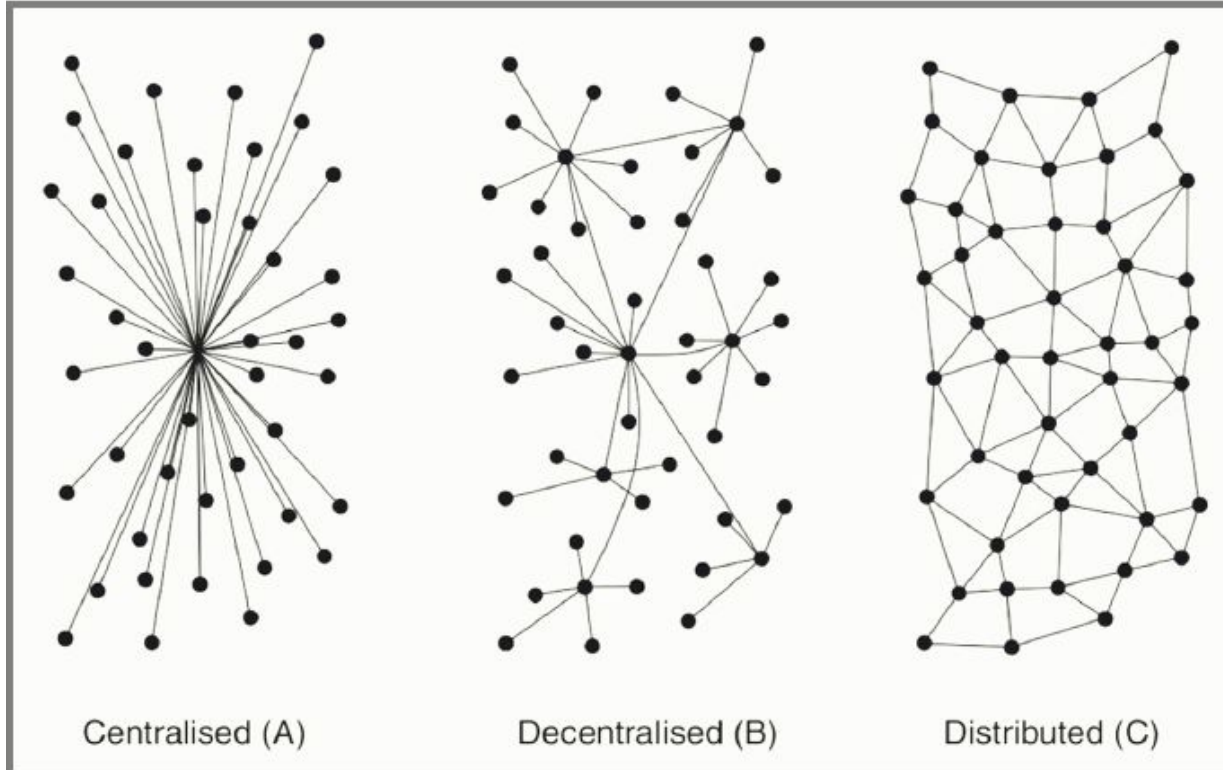
A

# Decentralized System



B

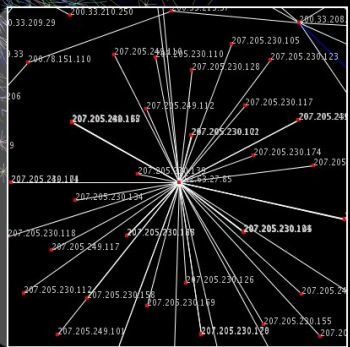
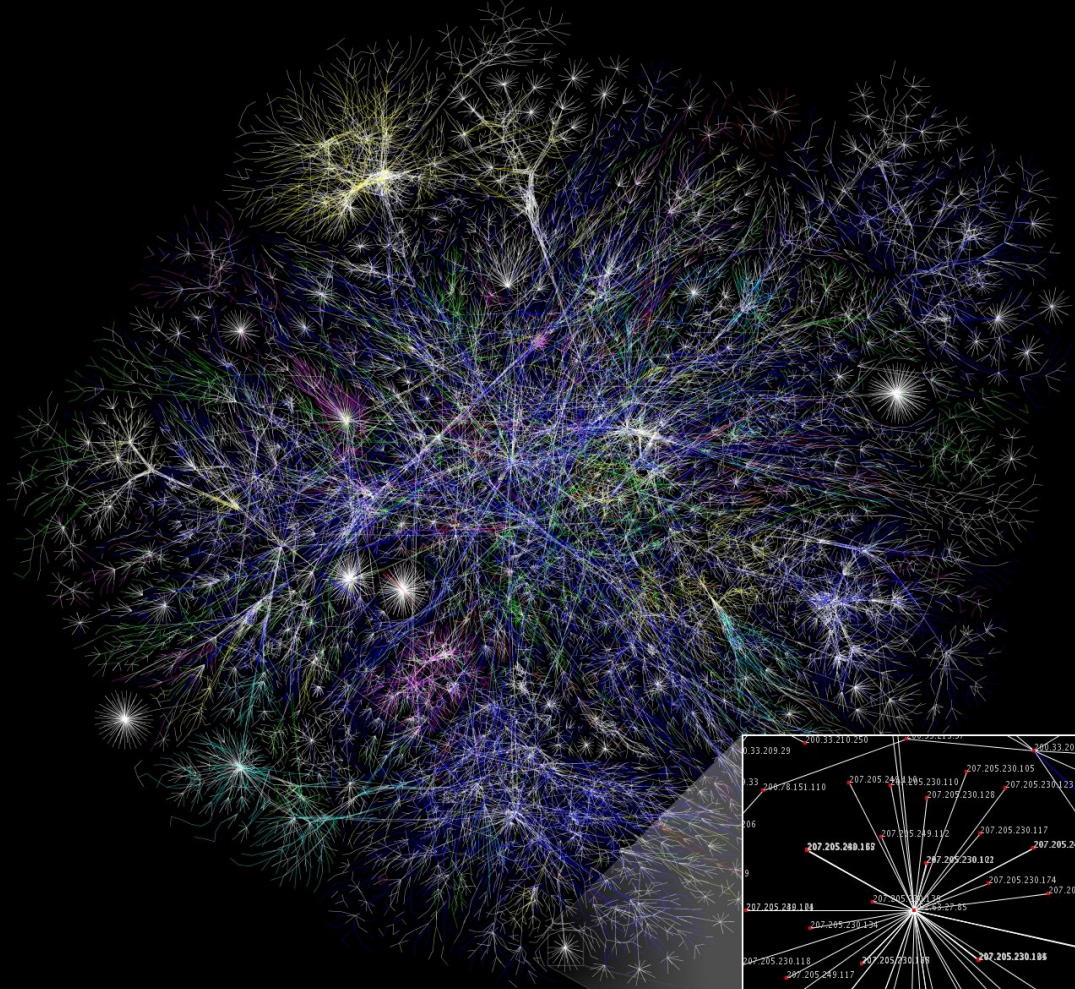
# Centralized vs. Decentralized vs. Distributed



# Real Decentralized Technologies



Internet



# Real Decentralized Technologies



Internet



Bitcoin

**Another ingredient we need to run networks:  
PROTOCOLS**

# A few words on Protocols

- TCP/IP
- SMTP
- IMAP
- POP
- FTP
- HTTP
- HTTPS/TLS
- UDP
- WLAN
- DNS .... and many more!

**All Communication needs protocols!**



# All Communication needs protocols!



**All Communication needs protocols!**

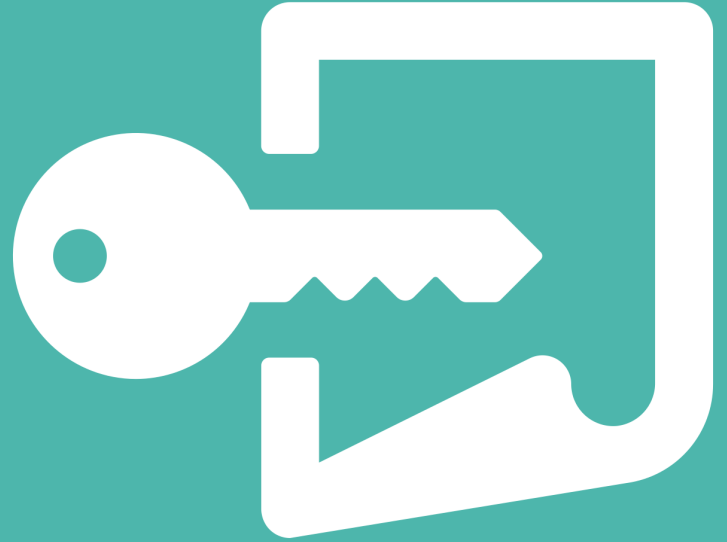


**All Communication needs protocols!**



# 0. Please Don't Tell

A brief primer on the codes and ciphers used throughout history to protect information.



# Plaintext vs. Ciphertext

Plaintext                    I love the sun

Ciphertext                  w jd7h bmg vns

# Cipher Shift (or substitution), aka Caesar Cipher

Plaintext            I love the sun

Ciphertext         ?   ????   ???   ???

# Cipher Shift (zero or no shift)

Plaintext Alphabet	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
Ciphertext Alphabet	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M

Plaintext Alphabet	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Ciphertext Alphabet	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

# Cipher Shift (zero or no shift)

<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	<b>F</b>	<b>G</b>	<b>H</b>	<b>I</b>	<b>J</b>	<b>K</b>	<b>L</b>	<b>M</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M

<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>N</b>	<b>O</b>	<b>P</b>	<b>Q</b>	<b>R</b>	<b>S</b>	<b>T</b>	<b>U</b>	<b>V</b>	<b>W</b>	<b>X</b>	<b>Y</b>	<b>Z</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z



# Cipher Shift (shift of one)

<b>Plaintext Alphabet</b>			<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	<b>F</b>	<b>G</b>	<b>H</b>	<b>I</b>	<b>J</b>	<b>K</b>	<b>L</b>	<b>M</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M

<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>N</b>	<b>O</b>	<b>P</b>	<b>Q</b>	<b>R</b>	<b>S</b>	<b>T</b>	<b>U</b>	<b>V</b>	<b>W</b>	<b>X</b>	<b>Y</b>	<b>Z</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	N	C	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

# Cipher Shift (shift of one)

<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	<b>F</b>	<b>G</b>	<b>H</b>	<b>I</b>	<b>J</b>	<b>K</b>	<b>L</b>	<b>M</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	

# Cipher Shift (+1)

Plaintext Alphabet	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
Ciphertext Alphabet	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N

Plaintext Alphabet	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Ciphertext Alphabet	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A

Plaintext            i love the sun

Ciphertext            ??????????????

# Cipher Shift (+1)

Plaintext Alphabet	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
Ciphertext Alphabet	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N

Plaintext Alphabet	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Ciphertext Alphabet	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A

Plaintext            i love the sun

Ciphertext

# Cipher Shift (+1)

<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	<b>F</b>	<b>G</b>	<b>H</b>	<b>I</b>	<b>J</b>	<b>K</b>	<b>L</b>	<b>M</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>	<b>F</b>	<b>G</b>	<b>H</b>	<b>I</b>	<b>J</b>	<b>K</b>	<b>L</b>	<b>M</b>	<b>N</b>
<b>Plaintext Alphabet</b>	<b>N</b>	<b>O</b>	<b>P</b>	<b>Q</b>	<b>R</b>	<b>S</b>	<b>T</b>	<b>U</b>	<b>V</b>	<b>W</b>	<b>X</b>	<b>Y</b>	<b>Z</b>
<b>Ciphertext Alphabet</b>	<b>O</b>	<b>P</b>	<b>Q</b>	<b>R</b>	<b>S</b>	<b>T</b>	<b>U</b>	<b>V</b>	<b>W</b>	<b>X</b>	<b>Y</b>	<b>Z</b>	<b>A</b>

Plaintext

i love the sun

Ciphertext

j



# Cipher Shift (+1)

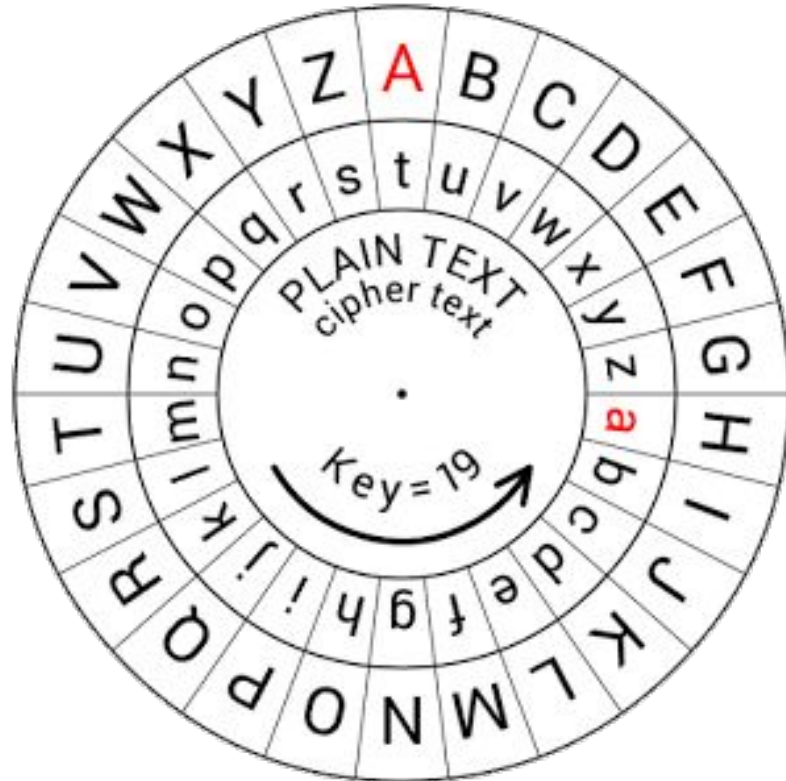
<b>Plaintext Alphabet</b>	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
<b>Ciphertext Alphabet</b>	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N

<b>Plaintext Alphabet</b>	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
<b>Ciphertext Alphabet</b>	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A

Plaintext            i love the sun

Ciphertext           j mpwf uif tvo

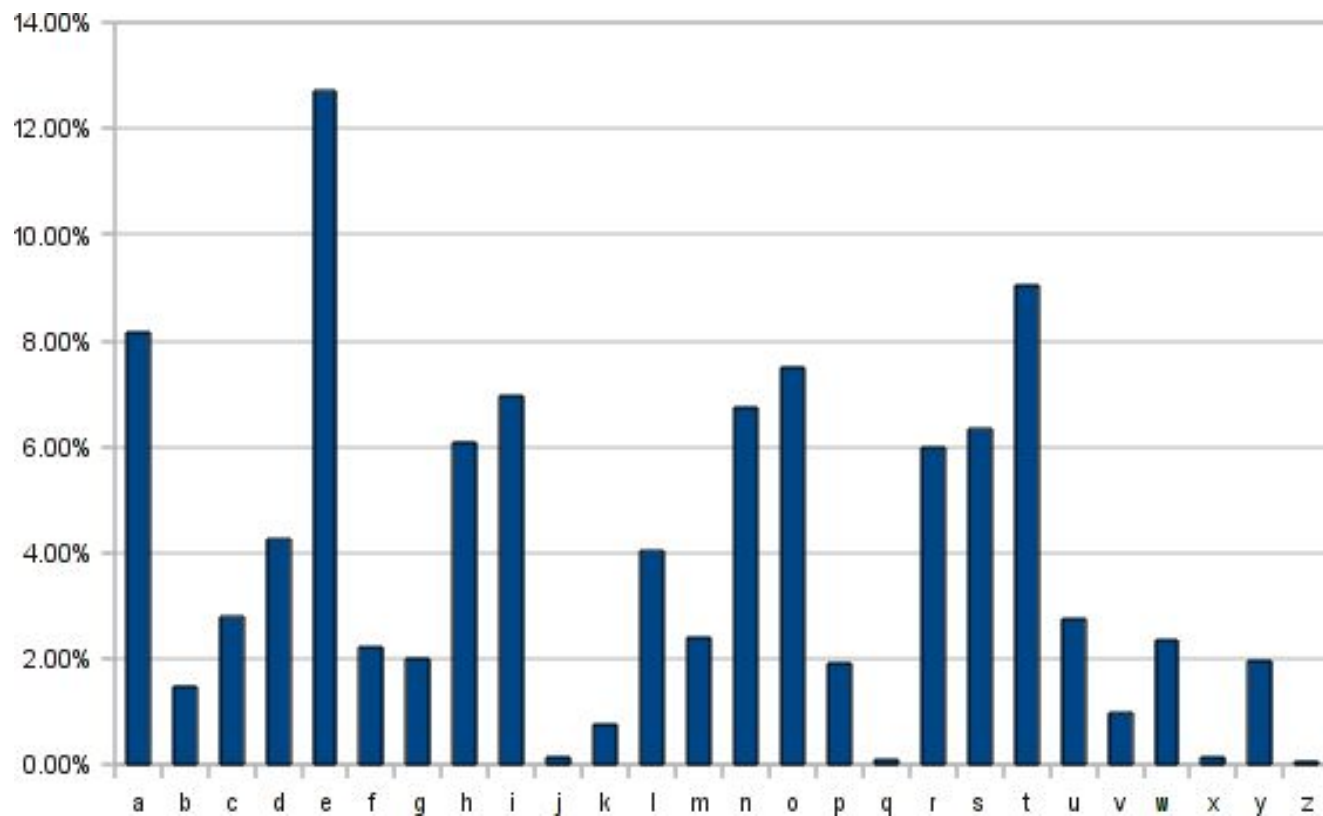
# Cipher Shift Wheel



**Cipher Shift Decoded (or rather, decrypted!)**



# Cipher Shift Decoded (or rather, decrypted!)



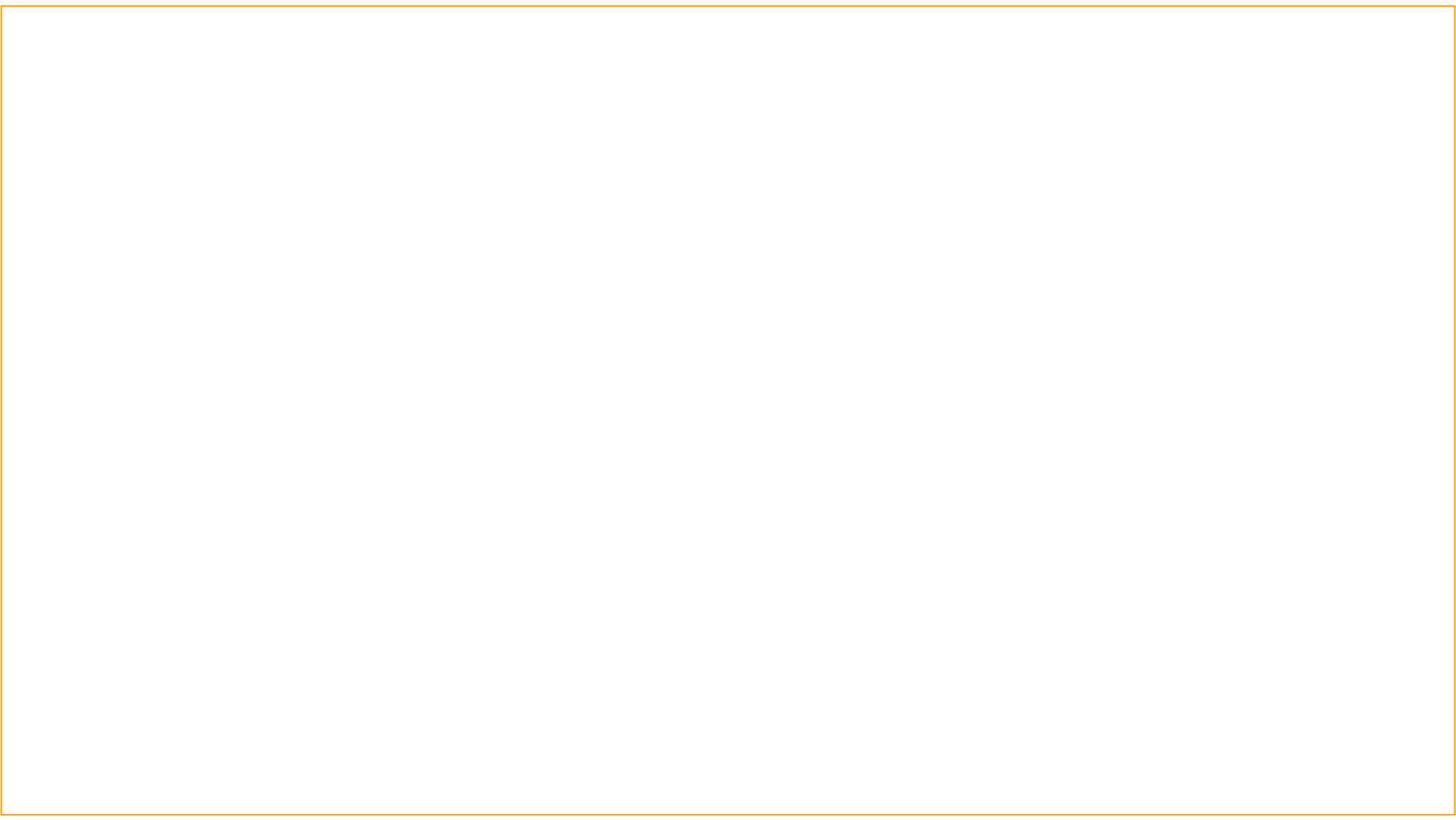
## Breaking code (by hand): frequency & other tricks

MPQZCP HP NLY ELWV LMZFE ESP DAPNTQTND ZQ  
XZOPCY NCJAEZRCLASJ, MWZNVNSLTYD, ZC  
MTENZTY, HP XFDE QTCDE ELWV LMZFE ESP CZWP  
ZQ XLESPXLETND, FYOPCDELYOTYR SZH TE TD  
LAAWTPO LYO SZH TE TD QFYOLXPYELW EZ LWW  
ESLE EPNSYZWZRJ LTXD EZ LNSTPGP.

**But how to safely and securely transmit the  
cipher-shift “key”?**

**A clever thought-experiment to transmit  
key, esp to those you haven't met before!**

**How it works?**

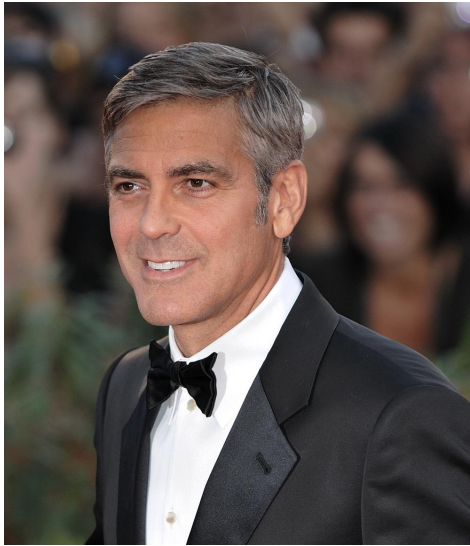
















сия, державшей сторону Урлик; но четверник, что она  
предвещала, улетать, она была уже до сих пор не  
была.

Впрочем, во всем же мире бы было бы не  
замечать, что именно именно в этой стране  
она была бы в том же, что и в том же, что и в том же.

Тогда, когда она была, она была и в том же  
и в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.  
Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.  
Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.

Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.  
Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.

Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.  
Именно в том же, что и в том же, что и в том же, что и в том же.

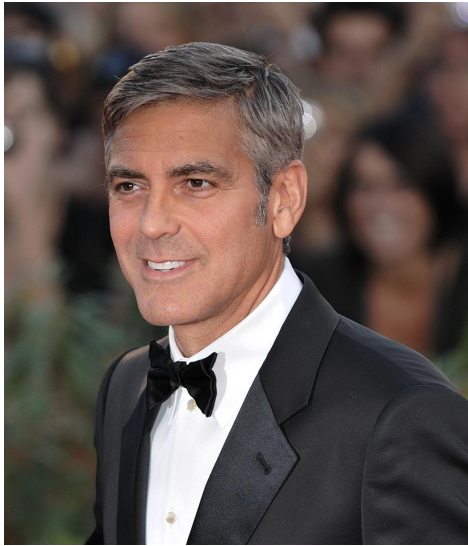


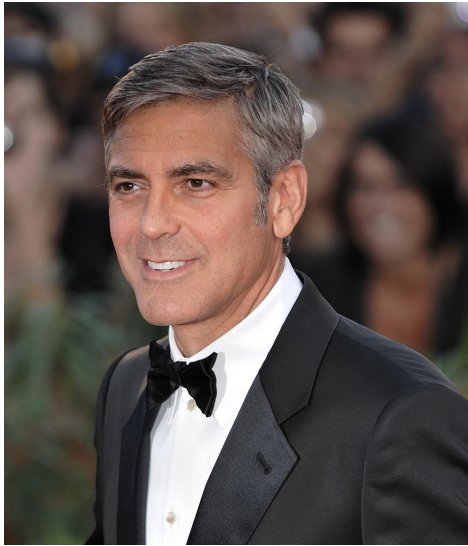
— 302 —

сия, державной стороне Урлик; на четвертом, что она  
 определена увидеть человека арка до сих тысяч че-  
 ловек.  
 Впрочем, во всем же мире есть был сказано на за-  
 канном, что именно человек на этой стороне он-  
 вля, человек Руби-Скопелет, и непереносимости ко-  
 прима Урлик-Тели.  
 Тогда, такая оброта, отчета и на дроня забрава-  
 ние Урлик. Которая была для себе изданию  
 и на свой Руби-Скопелет, той пере, которую она  
 делала этой копиркой, чтобы против против  
 определены она, которая против против копирки  
 на копирку против Руби-Скопелет. Которая на  
 свой стороне она, которая, на которая оброта  
 четвертый она, которая на Руби-Скопелет, на за-  
 канном и на которая человек, чтоб, чтоб копир-  
 кой человек.  
 Которая Которая против Руби-Скопелет копир-  
 кой человек, а для которой на этой стороне  
 человек против на Руби-Скопелет она, чтоб  
 человек, человек, человек на Руби-Скопелет на Во-  
 лик, а Урлик, чтоб человек Руби-Скопелет, которая на  
 Лету.  
 Которая Которая был Руби-Скопелет, которая была,  
 чтоб Которая Которая и которая человек на Во-  
 лик, которая на Руби-Скопелет и которая была  
 против Руби-Скопелет, которая была человек.  
 Которая Которая, чтоб Которая, которая, что в  
 чтоб человек Которая, которая Которая, котор-  
 кой человек, которая, чтоб человек на, чтоб



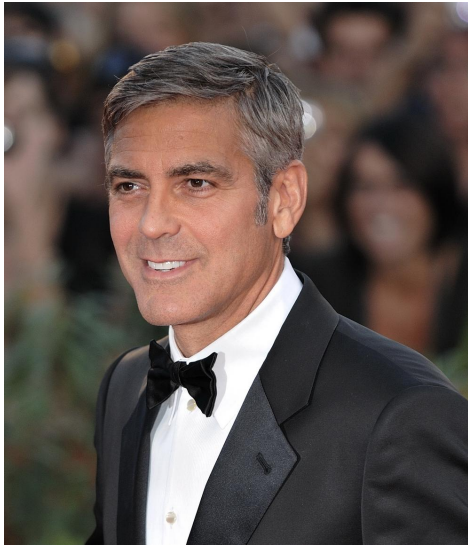












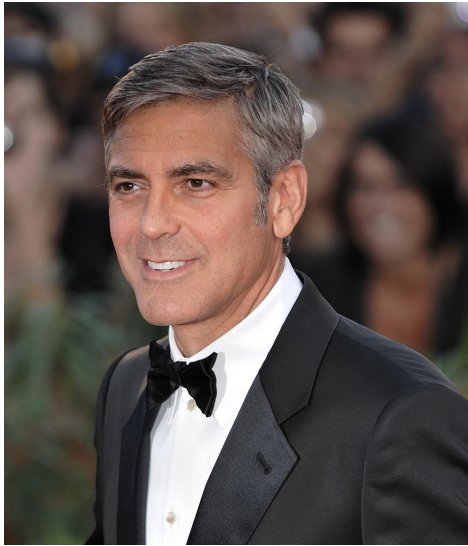




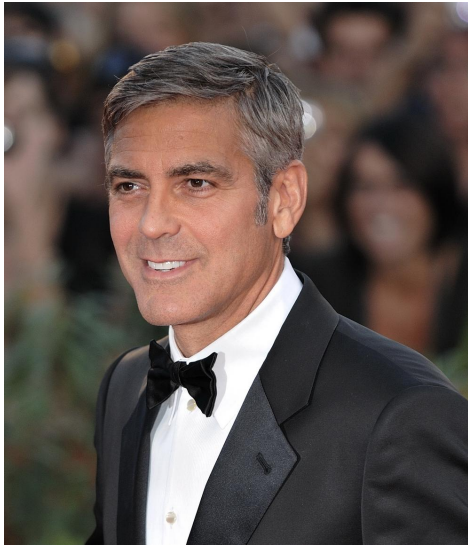


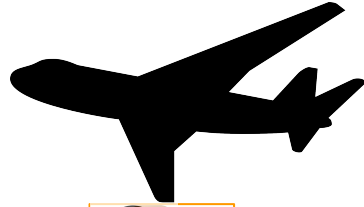








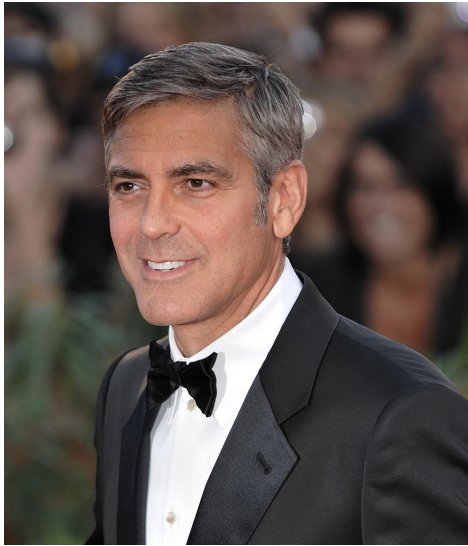






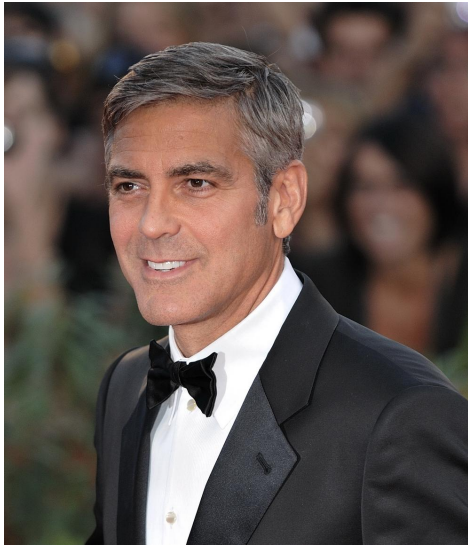


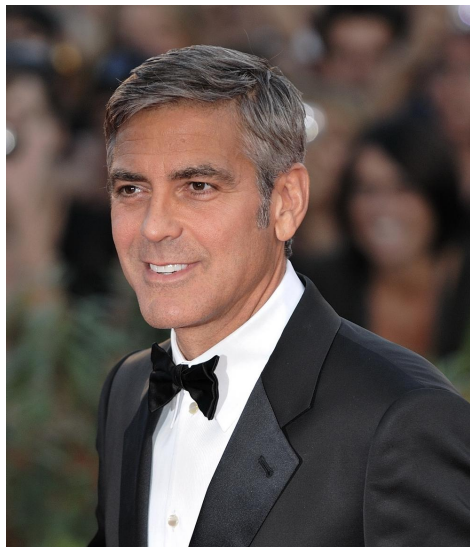










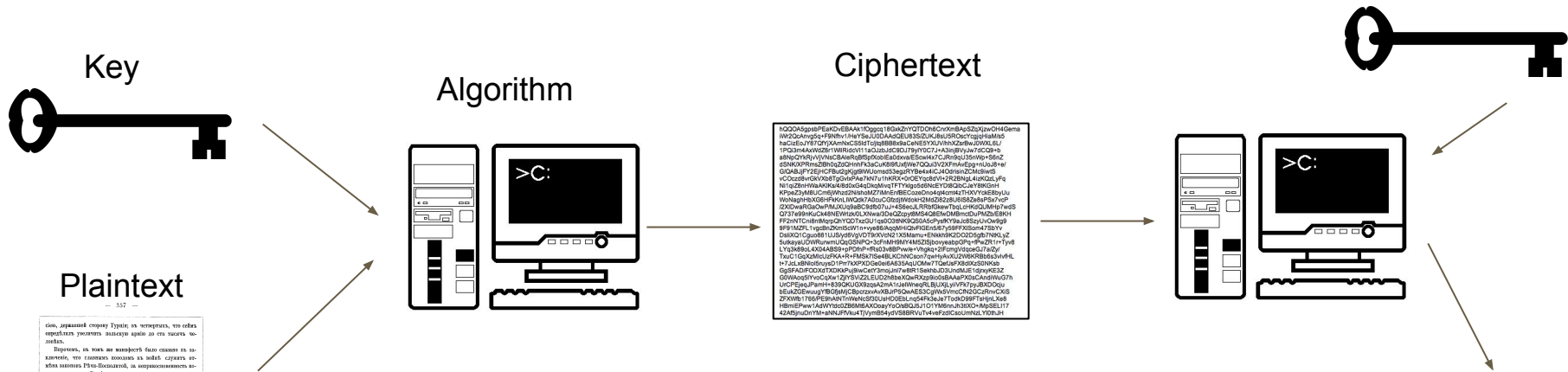




**Isn't that cool? We exchanged a secret  
(encrypted) message without having to  
agree to and exchange keys beforehand!**



# Digital Cryptography - Sequence Matters!



Сам, державный секретарь Тургенев, не подозревая, что себя арестовали, просит выслать письмо из его кабинета.

Впрочем, из того же кабинета было сказано за замком, что писемки пойдут на почту, сданные по ящику писемца Пана-Полонской, из корреспонденции авторства г-на Пана.

Тургенев, узнав об этом, отнесся к делу довольно скептически. Писемки он писал для себя и никому и в своем Пана-Полонской, как и прежде, не писал никаких писем, оставаясь простым корреспондентом, который иногда писал корреспонденцию из заключенных тюрем Тургеневых. Конфиденциальность с этой стороны писем заключена, из которых следовало бы вывести, что писемки эти принадлежат не Пана, а другим, так называемым корреспондентам.

Писемки Пана не были бы известны, если бы не тот, кто державный секретарь Тургенев, не подозревая, что себя арестовали, просит выслать письмо из его кабинета.

Впрочем, из того же кабинета было сказано за замком, что писемки пойдут на почту, сданные по ящику писемца Пана-Полонской, из корреспонденции авторства г-на Пана.

Сам, державный секретарь Тургенев, не подозревая, что себя арестовали, просит выслать письмо из его кабинета.

Впрочем, из того же кабинета было сказано за замком, что писемки пойдут на почту, сданные по ящику писемца Пана-Полонской, из корреспонденции авторства г-на Пана.

Тургенев, узнав об этом, отнесся к делу довольно скептически. Писемки он писал для себя и никому и в своем Пана-Полонской, как и прежде, не писал никаких писем, оставаясь простым корреспондентом, который иногда писал корреспонденцию из заключенных тюрем Тургеневых. Конфиденциальность с этой стороны писем заключена, из которых следовало бы вывести, что писемки эти принадлежат не Пана, а другим, так называемым корреспондентам.

Писемки Пана не были бы известны, если бы не тот, кто державный секретарь Тургенев, не подозревая, что себя арестовали, просит выслать письмо из его кабинета.

Впрочем, из того же кабинета было сказано за замком, что писемки пойдут на почту, сданные по ящику писемца Пана-Полонской, из корреспонденции авторства г-на Пана.

**One encryption on top of another! Remember LIFO?**



**A clever way to transmit key, in particular to those you haven't met before!**

**“irreversible” solution = Public + Private Key Pairs**



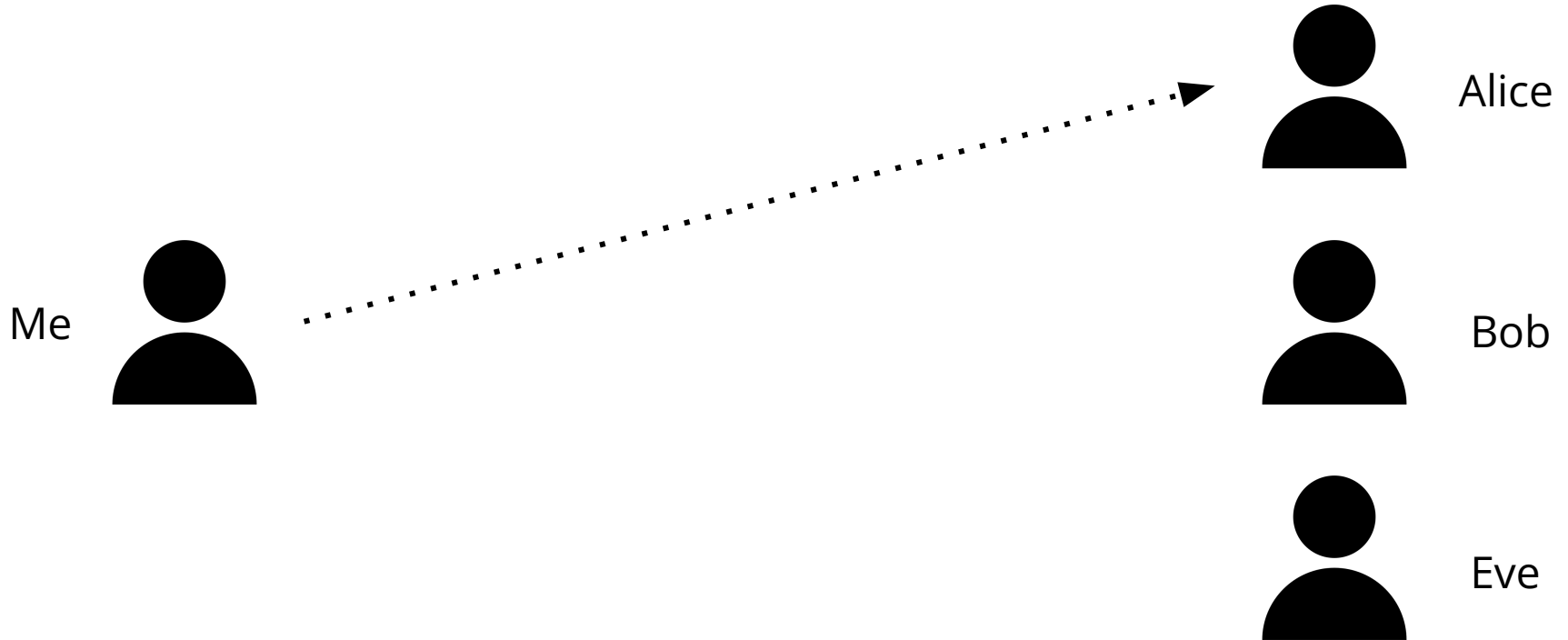
# “irreversible” solution = Public + Private Key Pairs



## Main Key Pair Attributes:

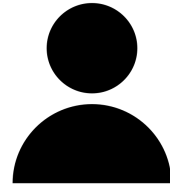
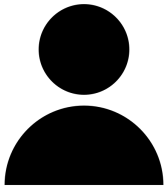
- Related, but separate (each unique on its own)
- They are unique to each person/user
- When one locks, only the other one can unlock
- Do NOT share private key ... ever!

# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

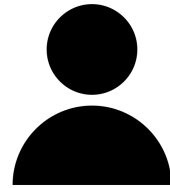


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

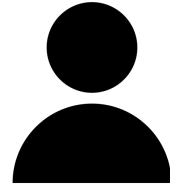
Me



Alice



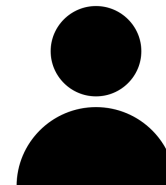
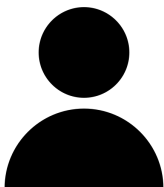
Bob



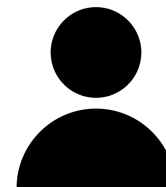
Eve

# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

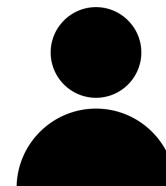
Me



Alice



Bob



Eve





# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

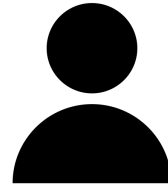
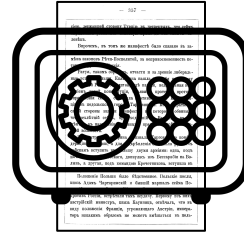
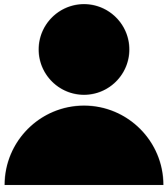


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

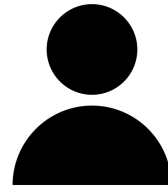


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

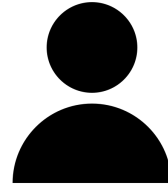
Me



Alice



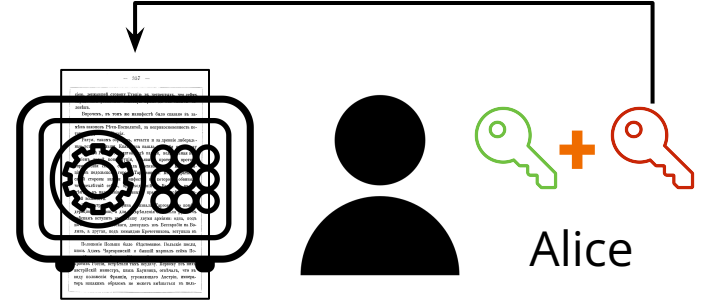
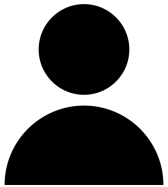
Bob



Eve

# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

Me



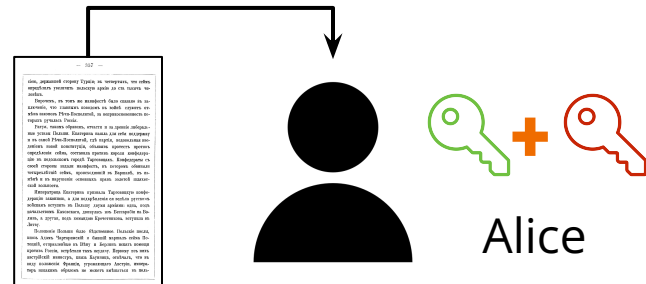
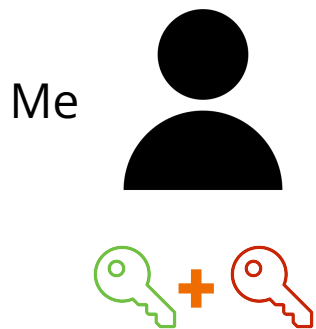
Alice

Bob

Eve



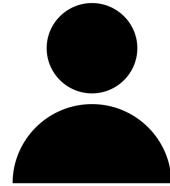
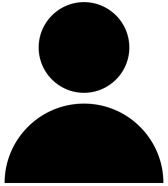
# Sending an Encrypted Message with Key Pairs



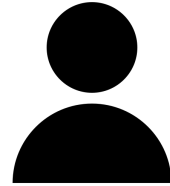
**Isn't that super cool?**  
**But how about the following scenario ...**

# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

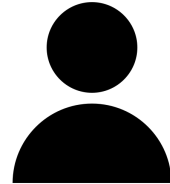
Me



Alice



Bob

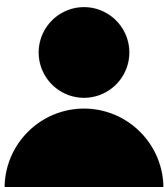


Eve

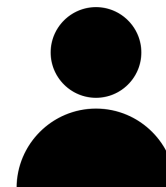


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

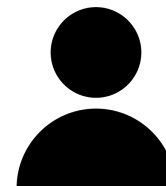
Me



Alice



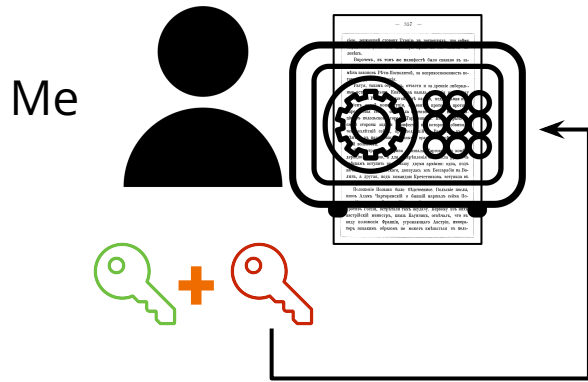
Bob



Eve



# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

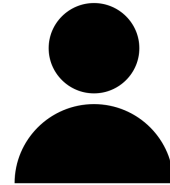
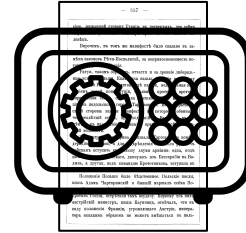
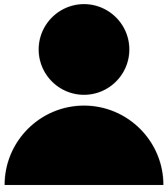


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

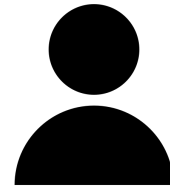


# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

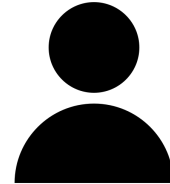
Me



Alice



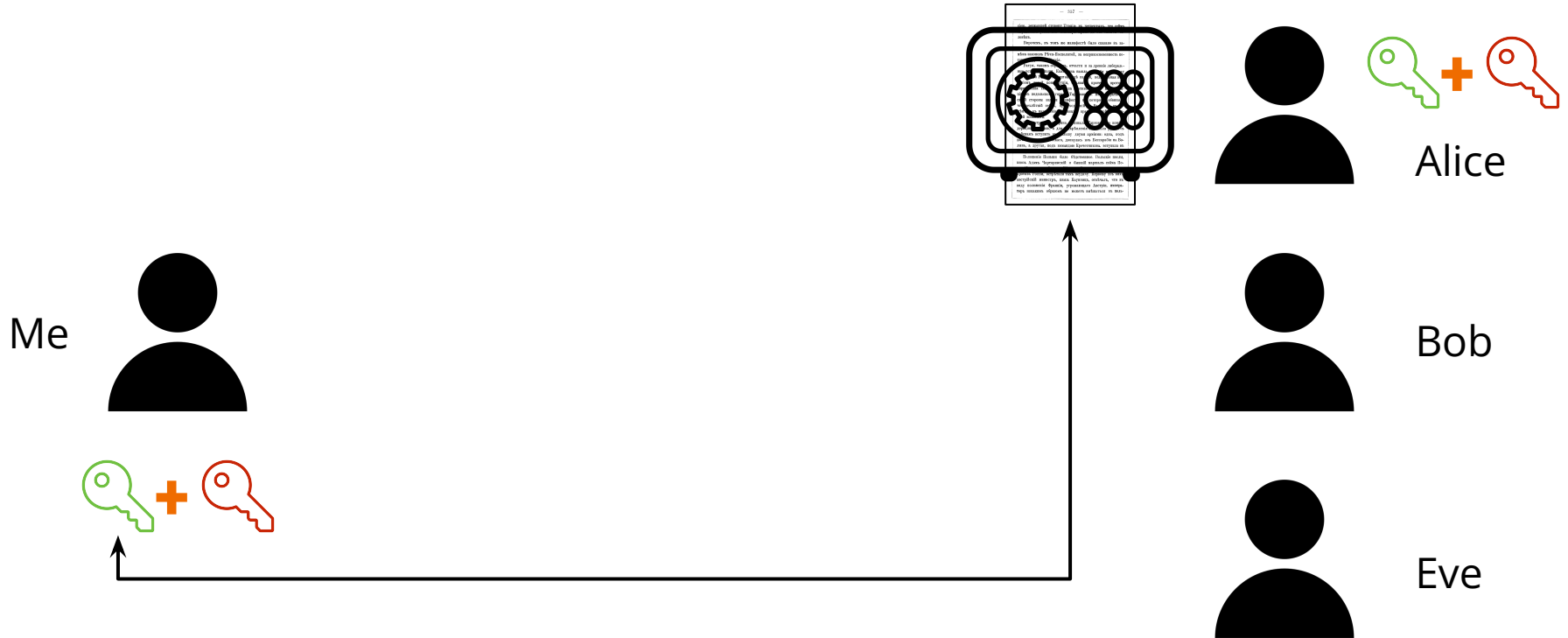
Bob



Eve

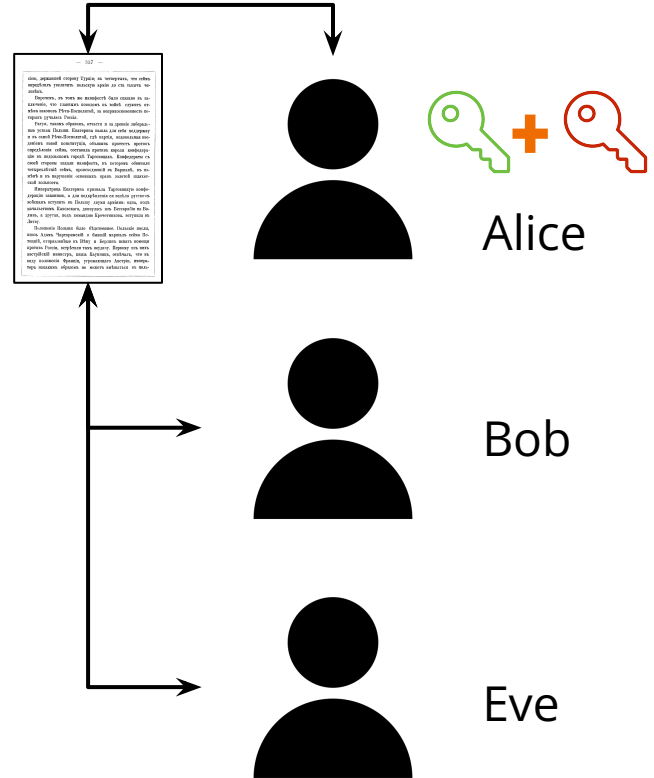
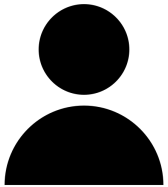
**Who can decrypt this message?  
What do you need to do it?**

# Sending an Encrypted Message with Key Pairs



# Sending an Encrypted Message with Key Pairs

Me



Alice

Bob

Eve



**Who can decrypt this message? EVERYONE**  
**What do you need to do it? MY PUBLIC KEY**

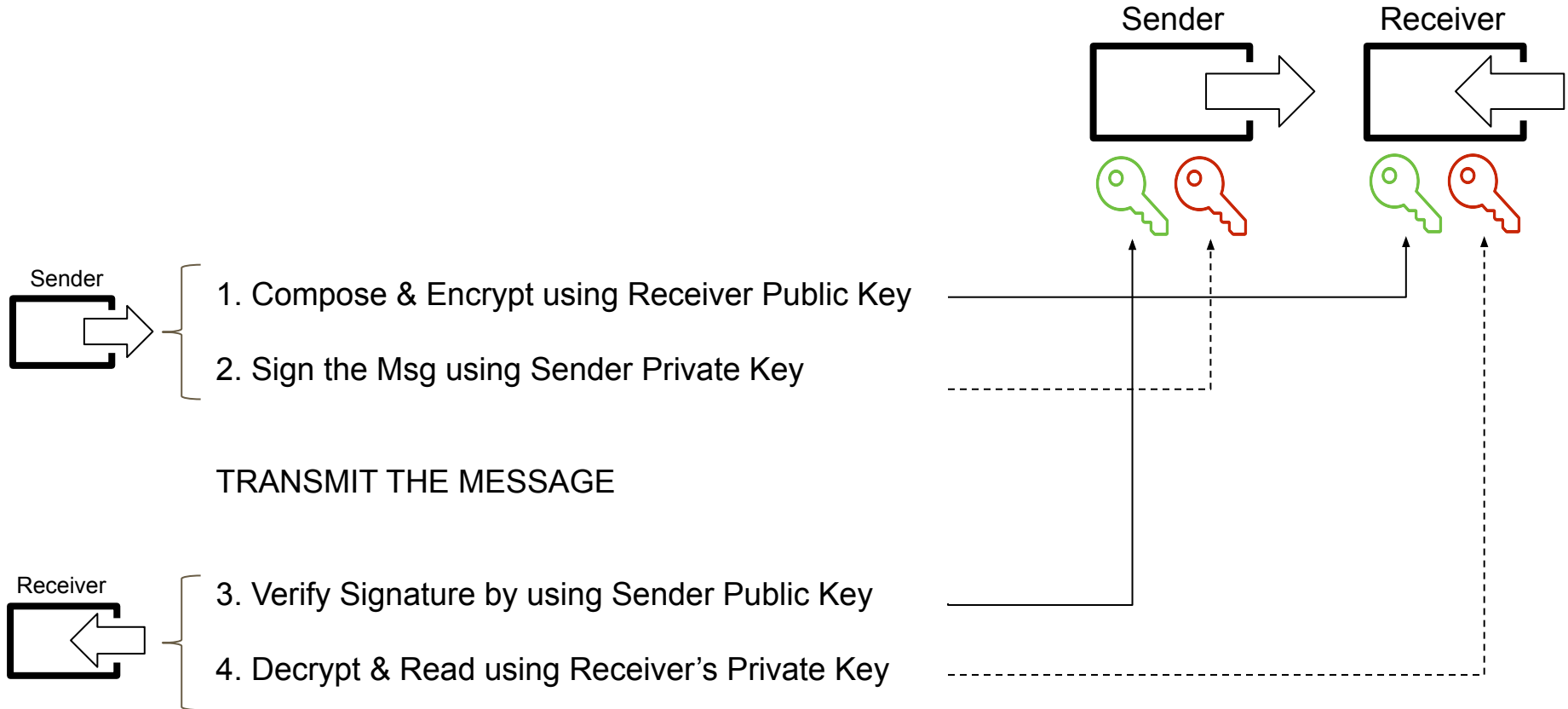
**Wouldn't that be stupid?**

**Who can decrypt this message? EVERYONE**  
**What do you need to do it? MY PUBLIC KEY**

**Wouldn't that be stupid?**  
**OR WOULD IT?!**

# **Digital Signatures ... Proving Authorship**

# How to encrypt, sign, transmit, and decrypt a msg



# IV. Math to the Rescue

One-way functions, secure hashing and SHA-256



# Functions in Math

- Simply put, a function is a (mathematical) operation ...
- ... one input equals to one output
- $f(x)$  where  $x$  is the input value
- Example:
  - our function is “Doubling”  $\rightarrow$
  - $f(x) = 2x \rightarrow$
  - Take an input, then double it (or multiply by 2)
  - For  $x=4$  (**i.e. input is 4**), then the **output is 8**
- But then a funny thing happens ...

# Functions in Math

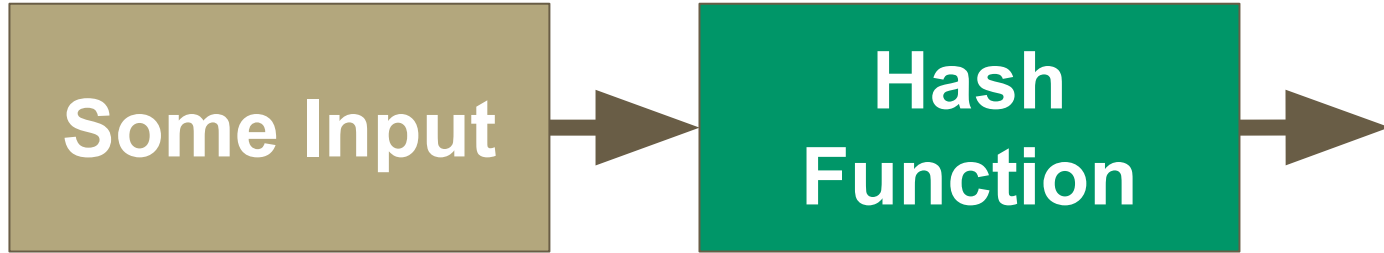
- Let's look at this "funny" business ...
- ... our function is still "Doubling" →
- So what if I give you the output only? Can you figure out the input?
- OF COURSE ... we'll just reverse the function
- Example:
  - our function is "Doubling" →
  - $f(x) = 2x$  →
  - If the output is **16**, then the input is ...
  - **8** :-)
- Most functions in math are Two-way Functions (reversible), but ...
- Some functions are one-way (e.g., hashing functions)

# Hashing (One Way Functions)





# Hashing (One Way Functions)



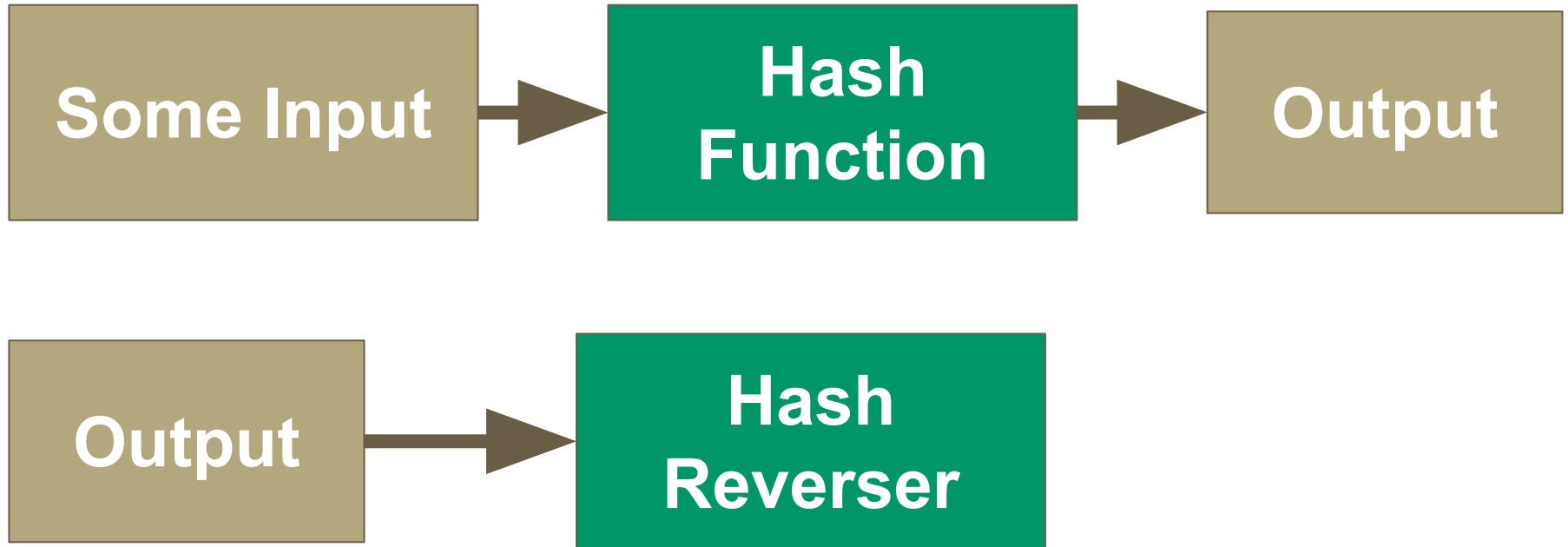
# Hashing (One Way Functions)



# Hashing (One Way Functions)



# Hashing (One Way Functions)



# Hashing (One Way Functions)



**Great example of a One-way Function ...**

# Real-World One-Way Function (Hashing Function)



# Real-World One-Way Function (Hashing Function)

SuperPages.com		195
<b>Cartage New England Inc</b> 26 Allen Ln Ipswich 01938.....	978 356-9960	<b>Carter F</b> 24 Hillock Ros 02131..... 617 327-1105
<b>Cartagama Lydia</b> 18 Jewett Ros 02131.....	617 323-7639	<b>Faye &amp; Ricky</b> 357 Columbus Av Bos 02116..... 617 437-7331
<b>Cartagena Avith</b> 9 Bancroft Rox 02119.....	617 442-9780	<b>Francis S</b> 134 Temple W Rox 02132.. 617 323-6781
<b>B Hyd</b> 02136.....	617 361-5253	<b>Franklin &amp; Anne</b> 221 Mt Auburn Cam 02138..... 617 354-0798
<b>Jessica</b> 50 Decatur Cha 02129.....	617 241-0152	<b>Fred</b> 42 Haverford Jam 02130..... 617 524-3078
<b>Lucilla</b> 174 Harvard Cam 02139.....	617 491-5621	<b>Fred</b> 96 Hinckley Rd Mil 02186..... 617 698-1343
<b>M</b> 95 Rowe Ros 02131.....	617 323-9713	<b>G &amp; R</b> 8 Verdun Dor 02124..... 617 436-8906
<b>Melvin</b> 501 Green Cam 02139.....	617 576-1061	<b>G T</b> 27 Franklin Av Som 02145..... 617 623-7121
<b>Carte Nicholas</b> 18 Appleton Boston 02116.....	617 695-6996	<b>Gayle</b> 25 Frontenac Dor 02124..... 617 825-0322
<b>Cartegena O</b> 4 Milford Bos 02118.....	617 338-8219	<b>Geo S</b> 115 Moss Hill Rd Jam 02130..... 617 522-3215
<b>Carten Thos J Sr &amp; Claire</b> 1 Paradise Rd Mil 02186.....	617 698-6163	<b>George</b> 125 Nashua Bos 02114..... 617 367-9548
<b>Thomas &amp; Kathleen</b> 50 Thompson Ln Mil 02186.....	617 696-6919	<b>Carter Halliday Associate</b> 107 S Street Bos 02111..... 617 456-1689
<b>Carter A</b> Ros 02131.....	617 327-2257	<b>Carter Harry F</b> 26 Runng Brk Rd W Rox 02132..... 617 325-5465
<b>A</b> Roxbury.....	617 442-5230	<b>Carter Hide Co Inc</b> 146 Summer Bos 02110..... 617 542-7987
<b>A</b> 31 Bethune Wy Roxbury 02119.....	617 442-1219	<b>Carter Hilary</b> 61 Harvey Cam 02140..... 617 876-2750
<b>A</b> 260 Putnam Av Cambridge 02139.....	617 492-4174	<b>Horace</b> 241 Walnut Av Roxbury 02119..... 617 442-5307
<b>A M</b> 255 Maschsts Av Bos 02115.....	617 266-7153	<b>Howard Jr</b> 26 Notre Dme Rox 02119. 617 445-5552



# Real-World One-Way Function (Hashing Function)

**SuperPages.com** **195**

<b>Cartage New England Inc</b> 26 Allen Ln Ipswich 01938.....	<b>978 356-9960</b>	<b>Carter F</b> 24 Hillock Ros 02131.....	<b>617 327-1105</b>
<b>Cartagemma Lydia</b> 18 Jewett Ros 02131.....	<b>617 323-7639</b>	<b>Faye &amp; Ricky</b> 357 Columbus Av Bos 02116.....	<b>617 437-7331</b>
<b>Cartagena Avith</b> 9 Bancroft Rox 02119.....	<b>617 442-9780</b>	<b>Francis S</b> 134 Temple W Rox 02132..	<b>617 323-6781</b>
<b>B</b> Hyd 02136.....	<b>617 361-5253</b>	<b>Franklin &amp; Anne</b> 221 Mt Auburn Cam 02138.....	<b>617 354-0798</b>
<b>Jessica</b> 50 Decatur Cha 02129.....	<b>617 241-0152</b>	<b>Fred</b> 42 Haverford Jam 02130.....	<b>617 524-3078</b>
<b>Lucilla</b> 174 Harvard Cam 02139.....	<b>617 491-5621</b>	<b>Fred</b> 96 Hinckley Rd Mil 02186.....	<b>617 698-1343</b>
<b>M</b> 95 Rowe Ros 02131.....	<b>617 323-9713</b>	<b>G &amp; R</b> 8 Verdun Dor 02124.....	<b>617 436-8906</b>
<b>Melvin</b> 501 Green Cam 02139.....	<b>617 576-1061</b>	<b>G T</b> 27 Franklin Av Som 02145.....	<b>617 623-7121</b>
<b>Carte Nicholas</b> 18 Appleton Boston 02116.....	<b>617 695-6996</b>	<b>Gayle</b> 25 Frontenac Dor 02124.....	<b>617 825-0322</b>
<b>Cartegena O</b> 4 Milford Bos 02118.....	<b>617 338-8219</b>	<b>Geo S</b> 115 Moss Hill Rd Jam 02130.....	<b>617 522-3215</b>
<b>Carten Thos J Sr &amp; Claire</b> 1 Paradise Rd Mil 02186.....	<b>617 698-6163</b>	<b>George</b> 125 Nashua Bos 02114.....	<b>617 367-9548</b>
<b>Thomas &amp; Kathleen</b> 50 Thompson Ln Mil 02186.....	<b>617 696-6919</b>	<b>Carter Halliday Associate</b> 107 S Street Bos 02111.....	<b>617 456-1689</b>
<b>Carter A</b> Ros 02131.....	<b>617 327-2257</b>	<b>Carter Harry F</b> 26 Runng Brk Rd W Rox 02132.....	<b>617 325-5465</b>
<b>A</b> Roxbury.....	<b>617 442-5230</b>	<b>Carter Hide Co Inc</b> 146 Summer Bos 02110.....	<b>617 542-7987</b>
<b>A</b> 31 Bethune Wy Roxbury 02119.....	<b>617 442-1219</b>	<b>Carter Hilary</b> 61 Harvey Cam 02140.....	<b>617 876-2750</b>
<b>A</b> 260 Putnam Av Cambridge 02139.....	<b>617 492-4174</b>	<b>Horace</b> 241 Walnut Av Roxbury 02119.....	<b>617 442-5307</b>
<b>A M</b> 255 Maschsts Av Bos 02115.....	<b>617 266-7153</b>	<b>Howard Jr</b> 26 Notre Dme Rox 02119.	<b>617 445-5552</b>

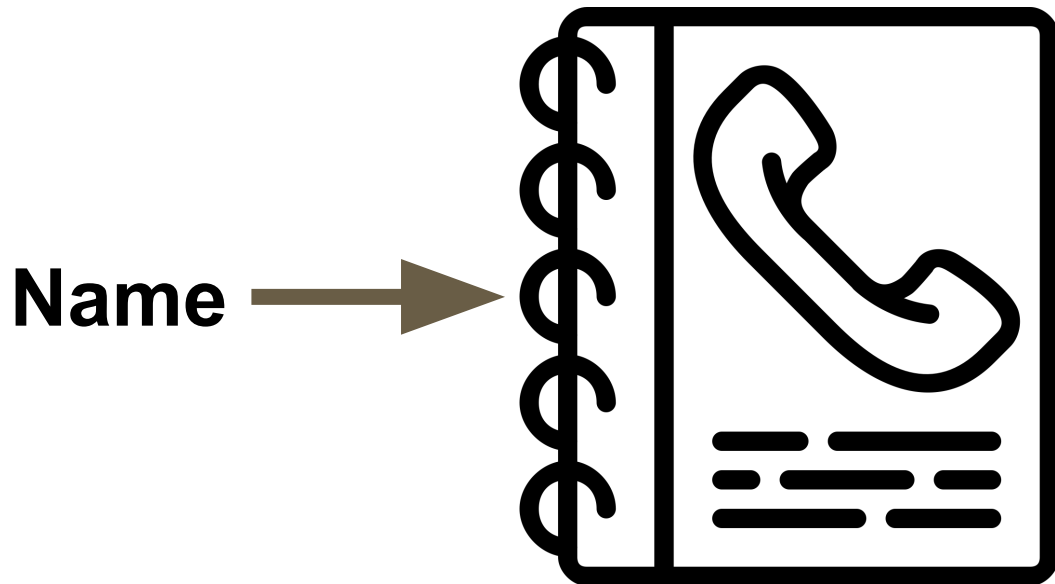
**Our Function is =  
for a given input, find the output**

**Our Function is =**  
**for a given input (name) →**  
**find the output (corresponding phone number)**

# A Real-World Hashing Function



# A Real-World Hashing Function

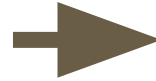


# A Real-World Hashing Function



# A Real-World Hashing Function

Columbia  
Business  
School



**(212) 854-1100**

**Our Reverse Function is =**  
**for a given input (phone number) →**  
**find the output (corresponding name)**



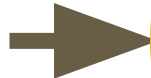
# A Real-World Hashing Function

**(212) 854-5553**



# A Real-World Hashing Function

**(212) 854-5553**



# Real-World One-Way Function (Hashing Function)

SuperPages.com		195
<b>Cartage New England Inc</b> 26 Allen Ln Ipswich 01938.....	<b>978 356-9960</b>	<b>Carter F</b> 24 Hillock Ros 02131..... <b>617 327-1105</b>
<b>Cartagama Lydia</b> 18 Jewett Ros 02131.....	<b>617 323-7639</b>	<b>Faye &amp; Ricky</b> 357 Columbus Av Bos 02116..... <b>617 437-7331</b>
<b>Cartagena Avith</b> 9 Bancroft Rox 02119.....	<b>617 442-9780</b>	<b>Francis S</b> 134 Temple W Rox 02132.. <b>617 323-6781</b>
<b>B</b> Hyd 02136.....	<b>617 361-5253</b>	<b>Franklin &amp; Anne</b> 221 Mt Auburn Cam 02138..... <b>617 354-0798</b>
<b>Jessica</b> 50 Decatur Cha 02129.....	<b>617 241-0152</b>	<b>Fred</b> 42 Haverford Jam 02130..... <b>617 524-3078</b>
<b>Lucilla</b> 174 Harvard Cam 02139.....	<b>617 491-5621</b>	<b>Fred</b> 96 Hinckley Rd Mil 02186..... <b>617 698-1343</b>
<b>M</b> 95 Rowe Ros 02131.....	<b>617 323-9713</b>	<b>G &amp; R</b> 8 Verdun Dor 02124..... <b>617 436-8906</b>
<b>Melvin</b> 501 Green Cam 02139.....	<b>617 576-1061</b>	<b>G T</b> 27 Franklin Av Som 02145..... <b>617 623-7121</b>
<b>Carte Nicholas</b> 18 Appleton Boston 02116.....	<b>617 695-6996</b>	<b>Gayle</b> 25 Frontenac Dor 02124..... <b>617 825-0322</b>
<b>Cartegena O</b> 4 Milford Bos 02118.....	<b>617 338-8219</b>	<b>Geo S</b> 115 Moss Hill Rd Jam 02130..... <b>617 522-3215</b>
<b>Carten Thos J Sr &amp; Claire</b> 1 Paradise Rd Mil 02186.....	<b>617 698-6163</b>	<b>George</b> 125 Nashua Bos 02114..... <b>617 367-9548</b>
<b>Thomas &amp; Kathleen</b> 50 Thompson Ln Mil 02186.....	<b>617 696-6919</b>	<b>Carter Halliday Associate</b> 107 S Street Bos 02111..... <b>617 456-1689</b>
<b>Carter A</b> Ros 02131.....	<b>617 327-2257</b>	<b>Carter Harry F</b> 26 Runng Brk Rd W Rox 02132..... <b>617 325-5465</b>
<b>A</b> Roxbury.....	<b>617 442-5230</b>	<b>Carter Hide Co Inc</b> 146 Summer Bos 02110..... <b>617 542-7987</b>
<b>A</b> 31 Bethune Wy Roxbury 02119.....	<b>617 442-1219</b>	<b>Carter Hilary</b> 61 Harvey Cam 02140..... <b>617 876-2750</b>
<b>A</b> 260 Putnam Av Cambridge 02139.....	<b>617 492-4174</b>	<b>Horace</b> 241 Walnut Av Roxbury 02119..... <b>617 442-5307</b>
<b>A M</b> 255 Maschsts Av Bos 02115.....	<b>617 266-7153</b>	<b>Howard Jr</b> 26 Notre Dme Rox 02119. <b>617 445-5552</b>

# Secure Hashing Algo (used in Bitcoin & others)



# Secure Hashing Algo (used in Bitcoin & others)



# Secure Hashing Algo (used in Bitcoin & others)



# Secure Hashing Algo (used in Bitcoin & others)



# SHA-256

**SHA-256 hash:** a number with the range:

$$0 \rightarrow 2^{256}$$

$$2^{256} = 115,792,089,237,316,195,423,570,985,008,687,907,853,269,984,665,640,564,039,457,584,007,913,129,639,936$$



# SHA-256 Hash

0

$2^{256}$



# SHA-256 Hash: a continuous number line

0

$2^{256}$



$2^{256} = 115,792,089,237,316,195,423,570,985,008,687,907,853,269,984,665,640,564,039,457,584,007,913,129,639,936$

# SHA-256 Hash: a continuous number line



$2^{256} = 115,792,089,237,316,195,423,570,985,008,687,907,853,269,984,665,640,564,039,457,584,007,913,129,639,936$

# SHA-256: points on the long line

**Each point would be consisting of many digits:**

0

1

2

3

4

8

25

9387

23430174432

57098500868790785

7316195423570985008687907853269984665640

4853269984665907859895748813748971384798546645240492

115792089237316195423570985008687907853269984665640564039457584007913129639

# Numerical Encoding

	<b>Example</b>	<b>Digits Used</b>
<b>Decimal Number</b>	2128541100	0123456789
<b>Hexadecimal Number</b>	7edef5ac	0123456789abcdef





















**Hashing Demo and Sample Use Case ...  
... that actually happened with a student!**

# SHA-256

"hi"

"This is a sentence."



**SHA-256**

8f434346648f6b96df89dda901c5176b10a6d83961dd3c1ac88b59b2dc327aa4

79f5c65fe815417fe2dc3fdbfbda9dbff7e0ecf63dea6162d4339546e7aa4d49

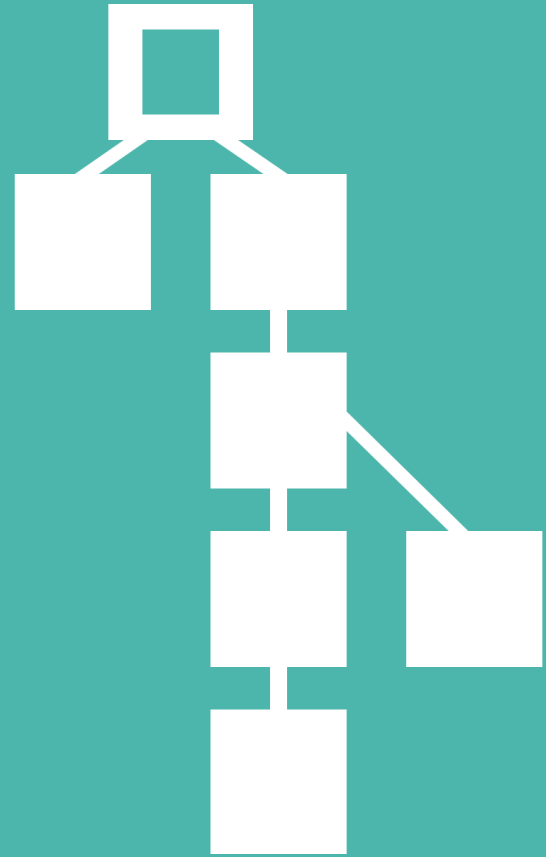
fd04788626e5f87b3b22b2b855bddaae2f1ee43956232d2fa57c5afa7d3f09b9

d38b38a2dd476e045c299e8ee5d6466834456d97bd592a71746b423a6a05f386



# IV. Building the Blockchain

Using all we've learned to build an immutable chain of "digital assets" (and more)



# Exercise: let's do a deal!

## Parties involved:

1. **Bridget Fox (BF); Commercial Bank Corp (CBC); IB**
2. **Robert Farrokhnia (RF); Columbia University (COL); Advisor**
3. **Jeff Dewey (JD); Dewey, Cheatem & Howe (DCH); Law**
4. **Alex Runne (AR); Steel, Runne & Hyde (SRH): Accounting**

**We will have lots of documents going back and forth.**

# Exercise: let's collaborate on a document

Our document naming convention, or protocol:

[type of doc]\_[company name]\_[author's initials]\_[author's employer]\_[date: dd/mm/yy]\_[version number: v#]

**[type of doc]\_[company name]\_[author's  
initials]\_[author's employer]\_[date:  
dd/mm/yy]\_[version number: v#]**

**PPM\_Newco\_RF\_COL\_010123\_v1**

**[type of doc]\_[company name]\_[author's initials]\_[author's employer]\_[date: dd/mm/yy]\_[version number: v#]**

**PPM\_Newco\_RF\_COL\_010123\_v1**

**PPM\_Newco\_BF\_CBC\_010223\_v2**





**What can do wrong? How to fix the system?**

**Let's build a blockchain, connecting and linking verified digital files in an immutable way with a shared ledger to keep track of it all that every party can see.**





# Hash 000...

## PPM v1

Сам, державшей сторону Турин; из четвертых, что себя  
предельно усилить вышнюю армию до ста тысяч че-  
ловек.

Рубинчик, в том же манере был связан на за-  
казнике, что слышно пошел из швейцарии вли-  
велья князя Рубин-Посольский, из которого-то и по-  
лучил рубинчик Рубин.

Рубинчик, после обращения, отнес и на время добрал-  
ное устно Рубин. Который начал для себя изобрести  
и из своей Рубин-Посольской, сего швейцарца, по-  
добных своей изобретения, объявил против против  
перебавил себя, отозвал против против изобрете-  
ние из изобретения против Туринского. Который на  
своей стороне начал изобрести, то изобрести объявил  
чужеземный себя, присоединил из Рубинчик, из ко-  
торых и из изобретения объявил против изобрете-  
ния изобретения.

Изобретения Рубинчик принял Туринскому инфе-  
ренте изобретения, и для изобретения на изобретения  
изобретения изобретения, из Рубинчик изобретения  
изобретения Рубинчик, изобретения из Рубинчик из Рубин-  
чик, и изобретения изобретения изобретения, изобретения из  
Рубинчик.

Изобретения Рубинчик был изобретения. Изобретения изобретения,  
изобретения Рубинчик изобретения и изобретения изобретения Рубин-  
чик, изобретения из Рубинчик и Рубинчик изобретения изобретения  
изобретения Рубинчик, изобретения изобретения. Изобретения изобретения  
изобретения изобретения, изобретения Рубинчик, изобретения, что из  
изобретения Рубинчик, изобретения изобретения, изобретения  
изобретения изобретения, изобретения изобретения из Рубинчик.



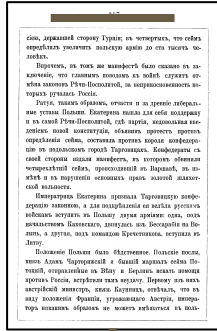
Hash: 09592b438bfe8ac1fd



Sign with author Private Key to verify authenticity

Hash 000...

# PPM v1



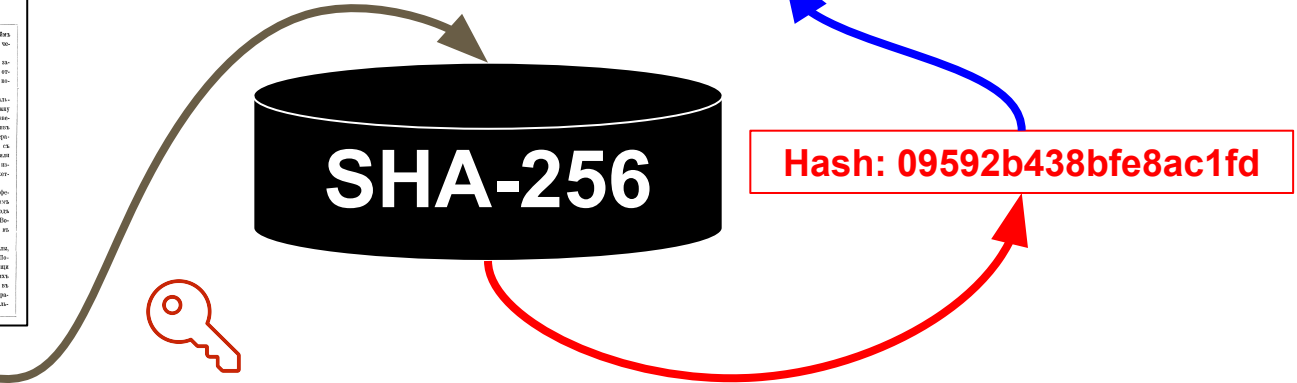
Sign with author Private Key to verify authenticity



Verified & Recorded on Distributed Shared Ledger

\$\$ Reward

Hash: 09592b438bfe8ac1fd



Hash 000...

PPM v1

Син, державней сторону Турин; въ четвертомъ, что оубо  
переводитъ увеличитъ вышнему армян до его тысячъ че-  
ловекъ.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Sign with author Private  
Key to verify authenticity



Verified & Recorded on  
Distributed Shared Ledger

\$\$ Reward

Hash: 09592b438bfe8ac1fd

PPM v2

Син, державней сторону Турин; въ четвертомъ, что оубо  
переводитъ увеличитъ вышнему армян до его тысячъ че-  
ловекъ.

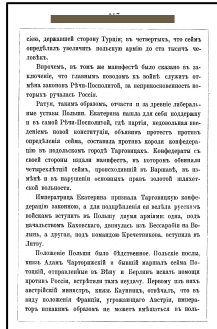
Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Поручилъ, въ томъ же манерѣ былъ оубо въ за-  
казаномъ, что оубо оубо оубо въ оубо оубо оубо  
вѣкъ манеръ Пумъ Пумовою, въ оубо оубо оубо оубо  
оубо оубо оубо.

Hash 000...

PPM v1

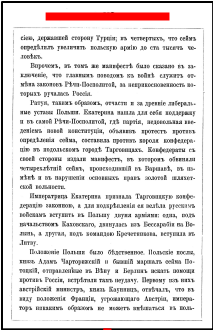


Verified & Recorded on  
Distributed Shared Ledger

\$\$ Reward

Hash: 09592b438bfe8ac1fd

PPM v2



Hash: fa1960e7a6b57ee967

Sign with author Private  
Key to verify authenticity





Hash 000...  
PPM v1

Список, размещенный в блокчейне Bitcoin, не гарантирует, что он будет проверен и записан в блокчейн. Однако, если вы хотите убедиться, что информация, которую вы собираете, действительно принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256. Этот хеш уникален и не зависит от размера информации. Например, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.

Важно отметить, что хеш SHA-256 не гарантирует, что информация принадлежит к этому блокчейну. Однако, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.



SHA-256

Verified & Recorded on Distributed Shared Ledger

Hash: 09592b438bfe8ac1fd

\$\$ Reward

PPM v2

Список, размещенный в блокчейне Bitcoin, не гарантирует, что он будет проверен и записан в блокчейн. Однако, если вы хотите убедиться, что информация, которую вы собираете, действительно принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256. Этот хеш уникален и не зависит от размера информации. Например, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.

Важно отметить, что хеш SHA-256 не гарантирует, что информация принадлежит к этому блокчейну. Однако, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.



SHA-256

Verified & Recorded on Distributed Shared Ledger

Hash: fa1960e7a6b57ee967

\$\$ Reward

Список, размещенный в блокчейне Bitcoin, не гарантирует, что он будет проверен и записан в блокчейн. Однако, если вы хотите убедиться, что информация, которую вы собираете, действительно принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256. Этот хеш уникален и не зависит от размера информации. Например, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.

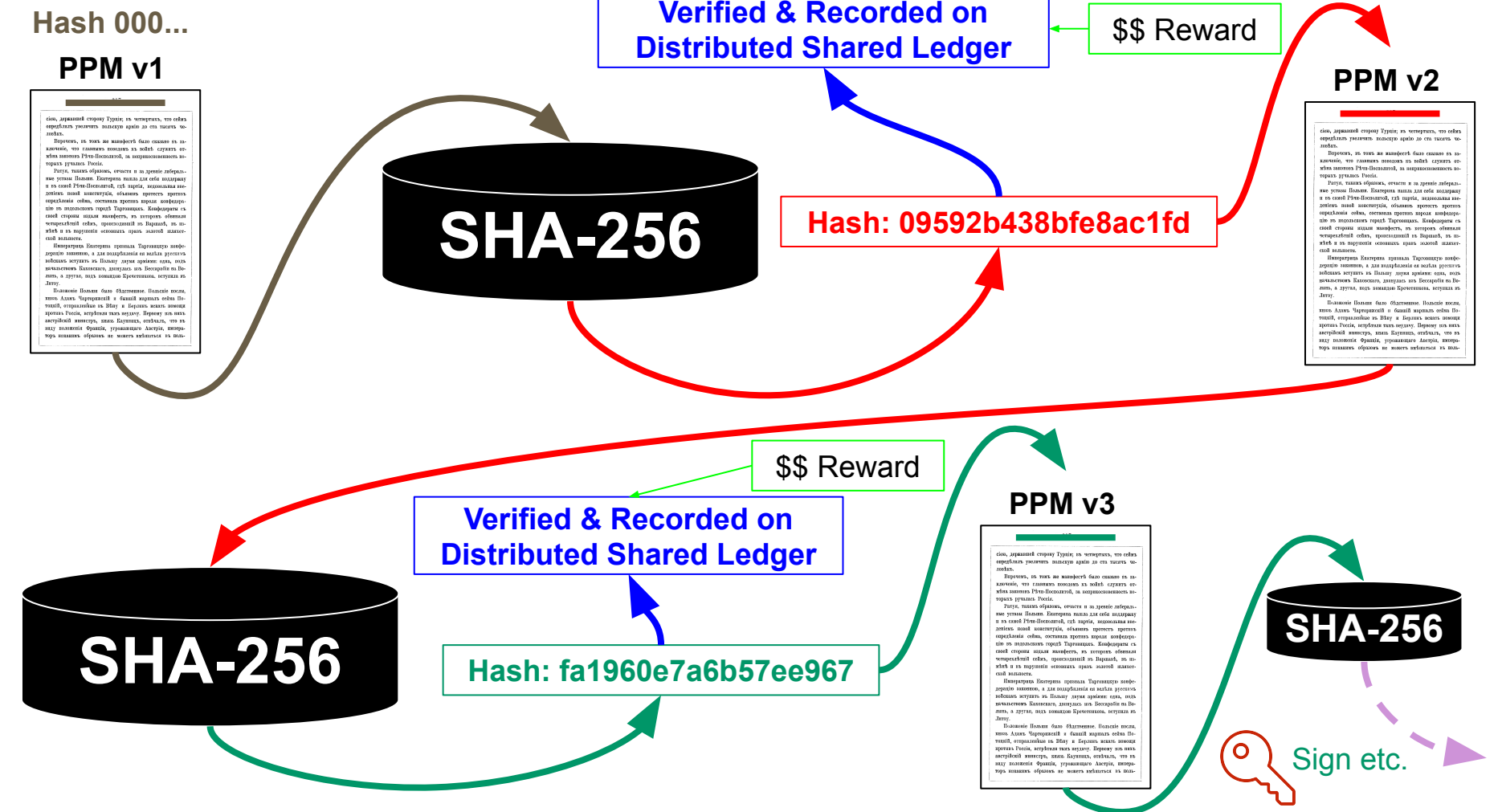
Важно отметить, что хеш SHA-256 не гарантирует, что информация принадлежит к этому блокчейну. Однако, если вы знаете, что информация принадлежит к этому блокчейну, вы можете использовать хеш SHA-256, чтобы убедиться, что информация действительно принадлежит к этому блокчейну.

PPM v3



SHA-256

Sign etc.







# One of the earliest papers on “Blockchain”

## How to Time-Stamp a Digital Document\*

Stuart Haber  
stuart@bellcore.com

W. Scott Stornetta  
stornetta@bellcore.com

Bellcore  
445 South Street  
Morristown, N.J. 07960-1910

### Abstract

The prospect of a world in which all text, audio, picture, and video documents are in digital form on easily modifiable media raises the issue of how to certify when a document was created or last changed. The problem is to time-stamp the data, not the medium. We propose computationally practical procedures for digital time-stamping of such documents so that it is infeasible for a user either to back-date or to forward-date his document, even with the collusion of a time-stamping service. Our procedures maintain complete privacy of the documents themselves, and require no record-keeping by the time-stamping service.

---

\*Appeared, with minor editorial changes, in *Journal of Cryptology*, Vol. 3, No. 2, pp. 99–111, 1991.

# One of the earliest papers on “Blockchain”

## How to Time-Stamp a Digital Document\*

Stuart Haber  
stuart@bellcore.com

W. Scott Stornetta  
stornetta@bellcore.com

Bellcore  
445 South Street  
Morristown, N.J. 07960-1910

### Abstract

The prospect of a world in which all text, audio, picture, and video documents are in digital form on easily modifiable media raises the issue of how to certify when a document was created or last changed. The problem is to time-stamp the data, not the medium. We propose computationally practical procedures for digital time-stamping of such documents so that it is infeasible for a user either to back-date or to forward-date his document, even with the collusion of a time-stamping service. Our procedures maintain complete privacy of the documents themselves, and require no record-keeping by the time-stamping service.

---

\* Appeared, with minor editorial changes, in *Journal of Cryptology*, Vol. 3, No. 2, pp. 99–111, 1991.

**a few examples for the use of  
blockchain-based technology and applications  
in a few domains (beyond financial services) ...**





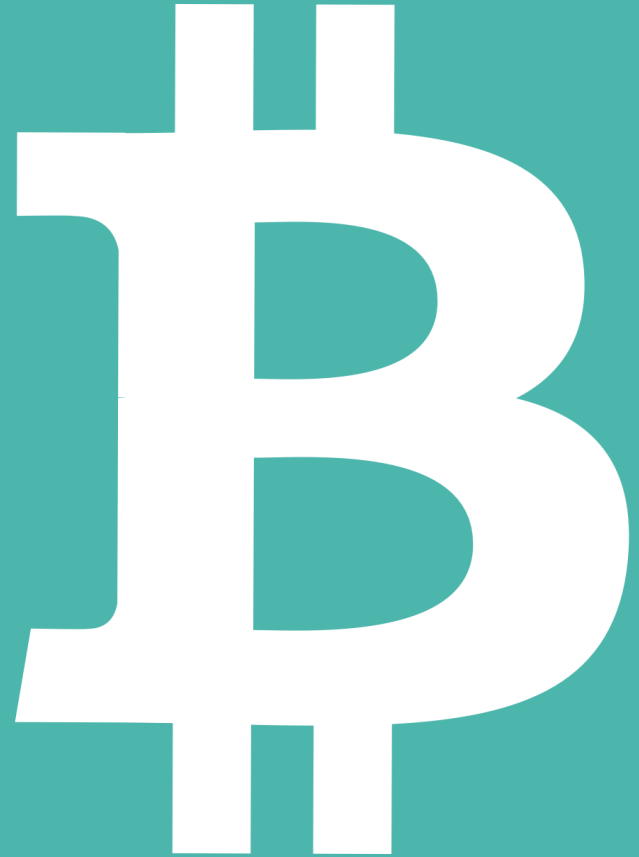


**Question for Class:**  
**What do you think the “killer app” for  
blockchain will be?**

**Time permitting ... let's discuss an application  
of blockchain that's seen the broadest use to  
date ... Bitcoin!!**

## V. Bitcoin

Leveraging the blockchain to create a decentralized digital cryptocurrency.





# Let's set up a standard model:



Alice



Bob



Carol



Dave



Edith

# Our Model

\$100



Alice

\$100



Carol



Dave

\$100

\$100



Bob

\$100



Edith

# Our Model

\$100



Alice

\$5  
To: Bob  
From: Alice

\$100



Carol



Dave

\$100

\$100



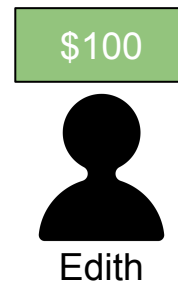
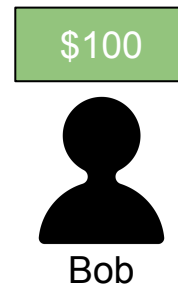
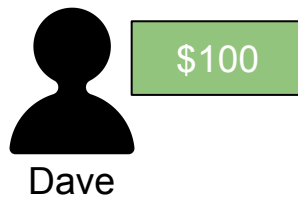
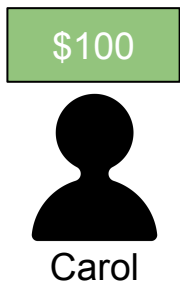
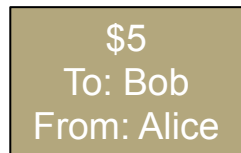
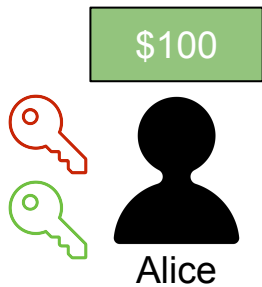
Bob

\$100

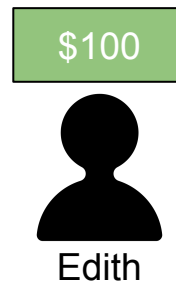
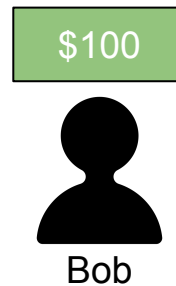
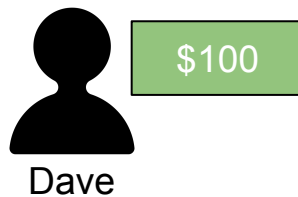
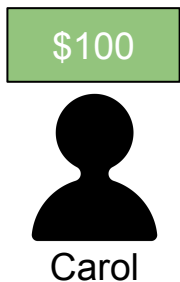
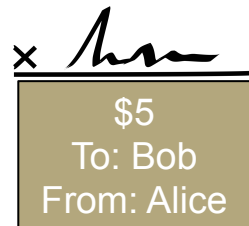
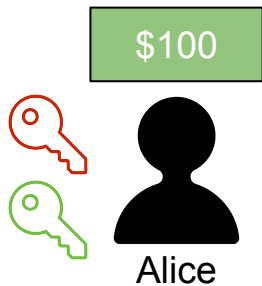


Edith

# Our Model



# Our Model



# Central Ledger

x *Alice*

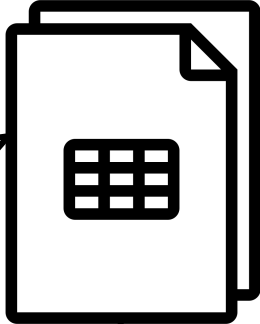
# Ledger

\$100




Alice

\$5  
To: Bob  
From: Alice




\$100



Bob

\$100




Carol



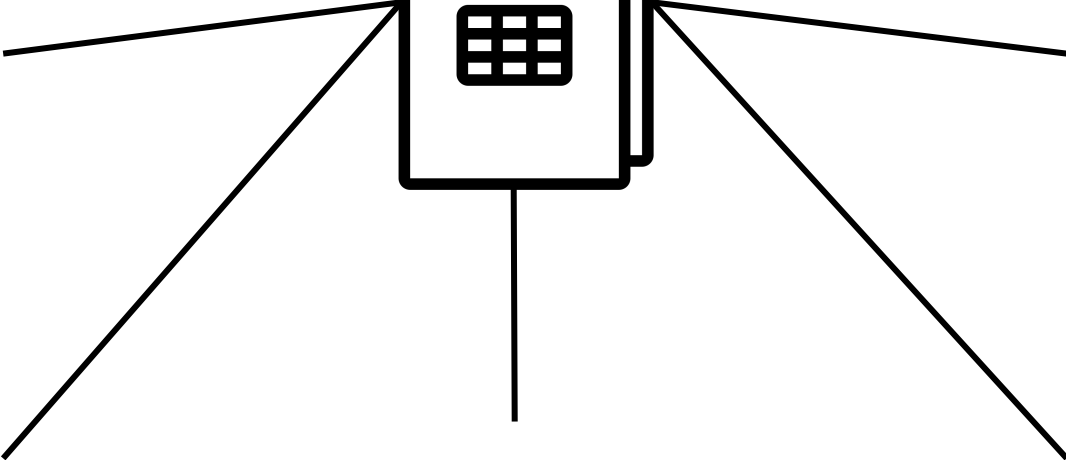
\$100

Dave

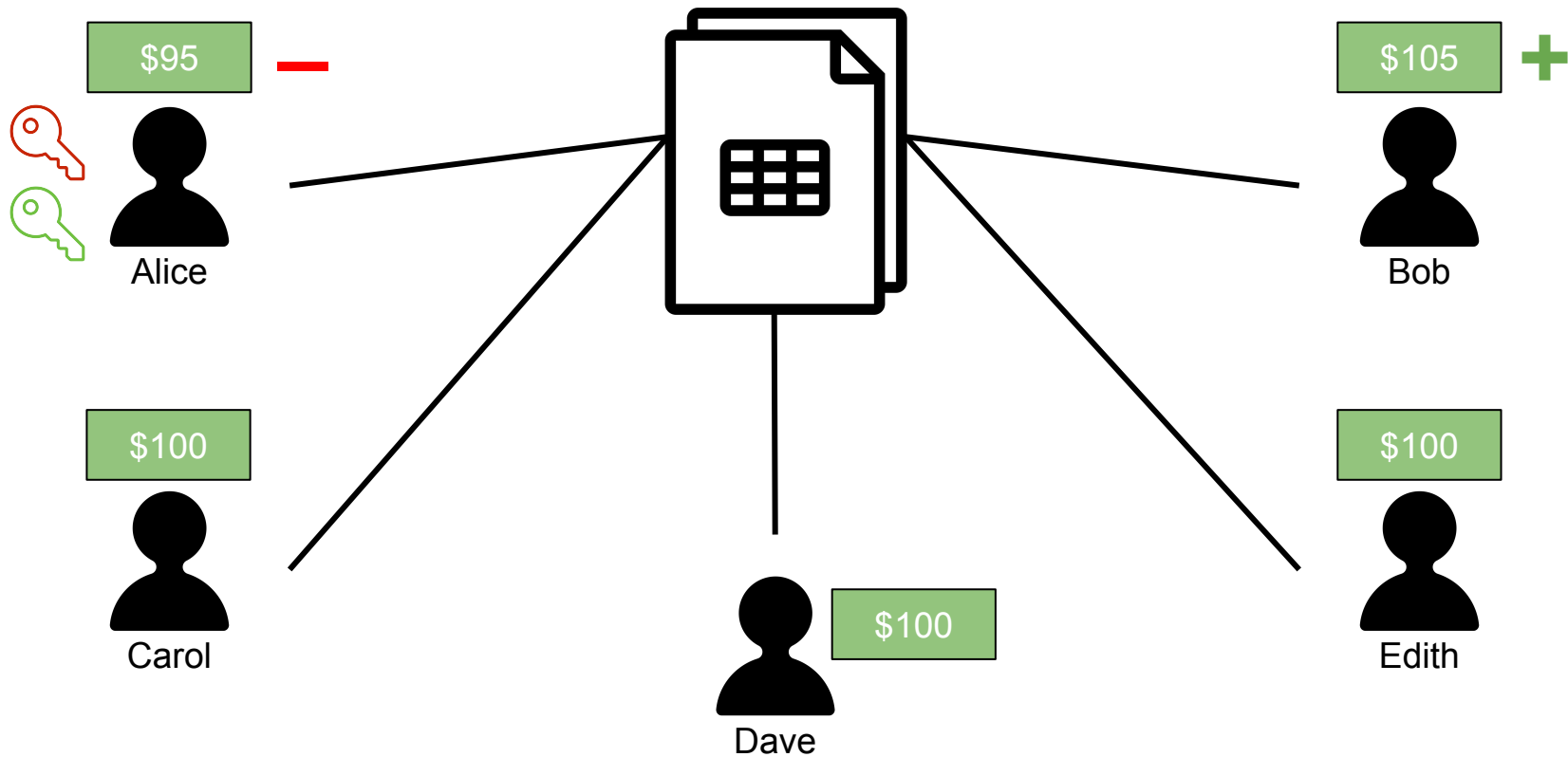
\$100



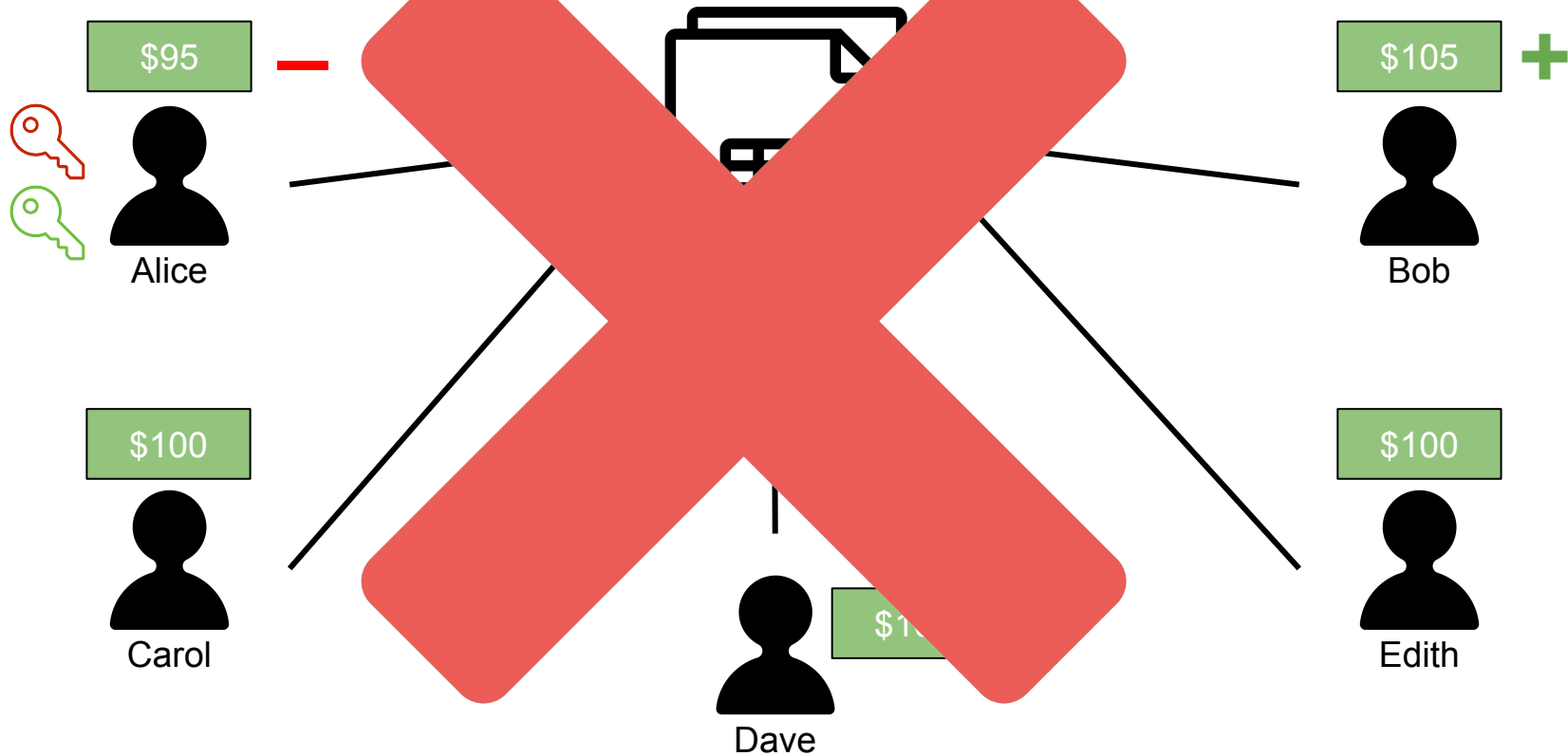
Edith



# Central Ledger



# Central Ledger

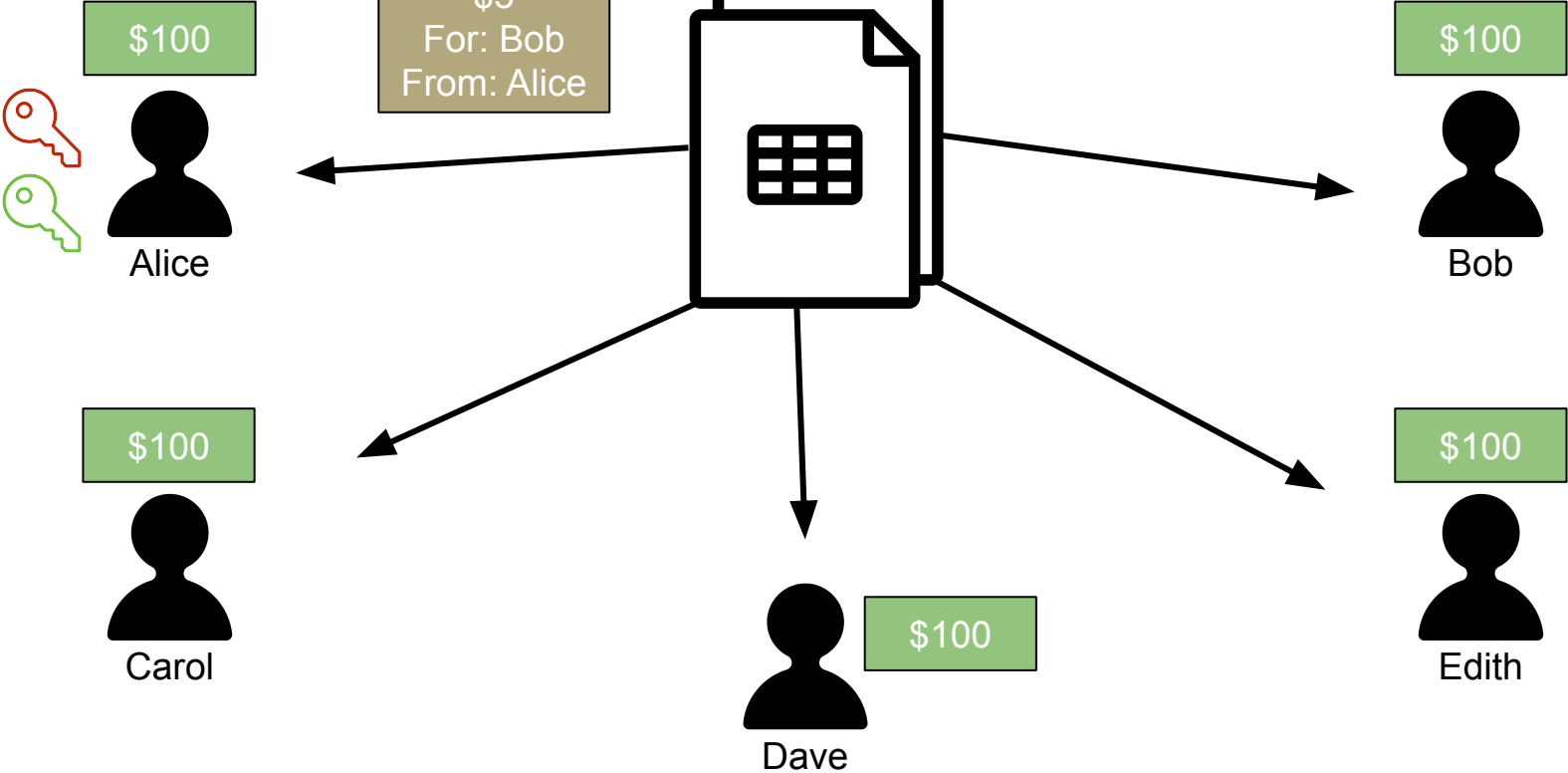




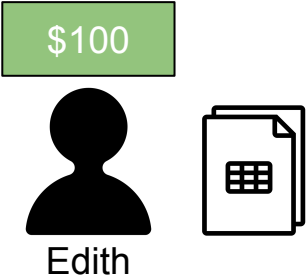
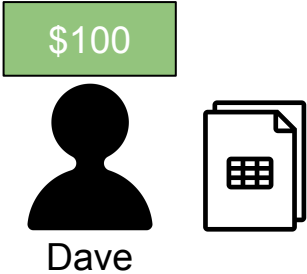
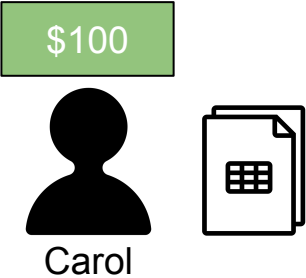
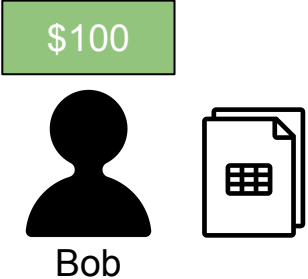
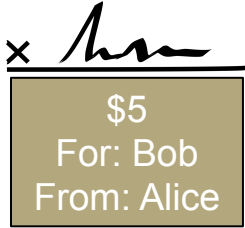
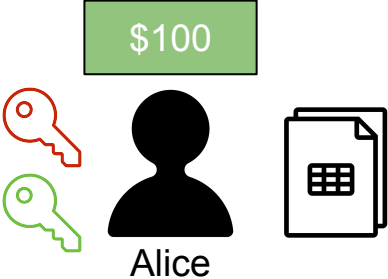
# Blockchains

x *Alice*

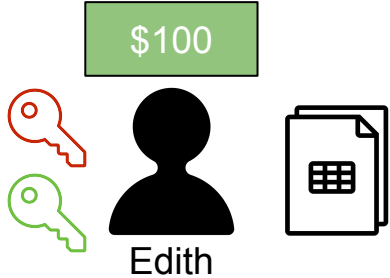
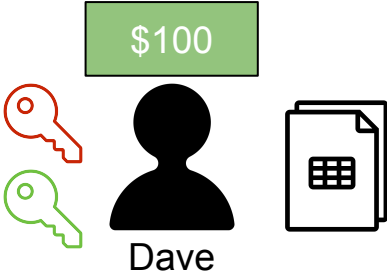
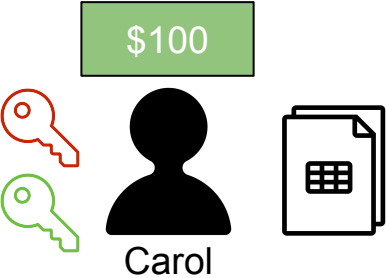
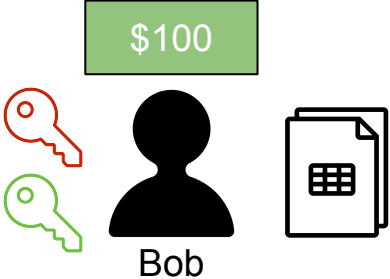
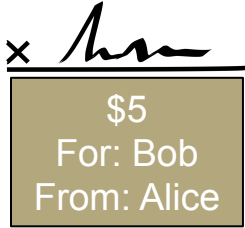
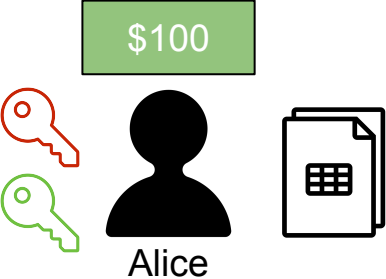
## Ledger



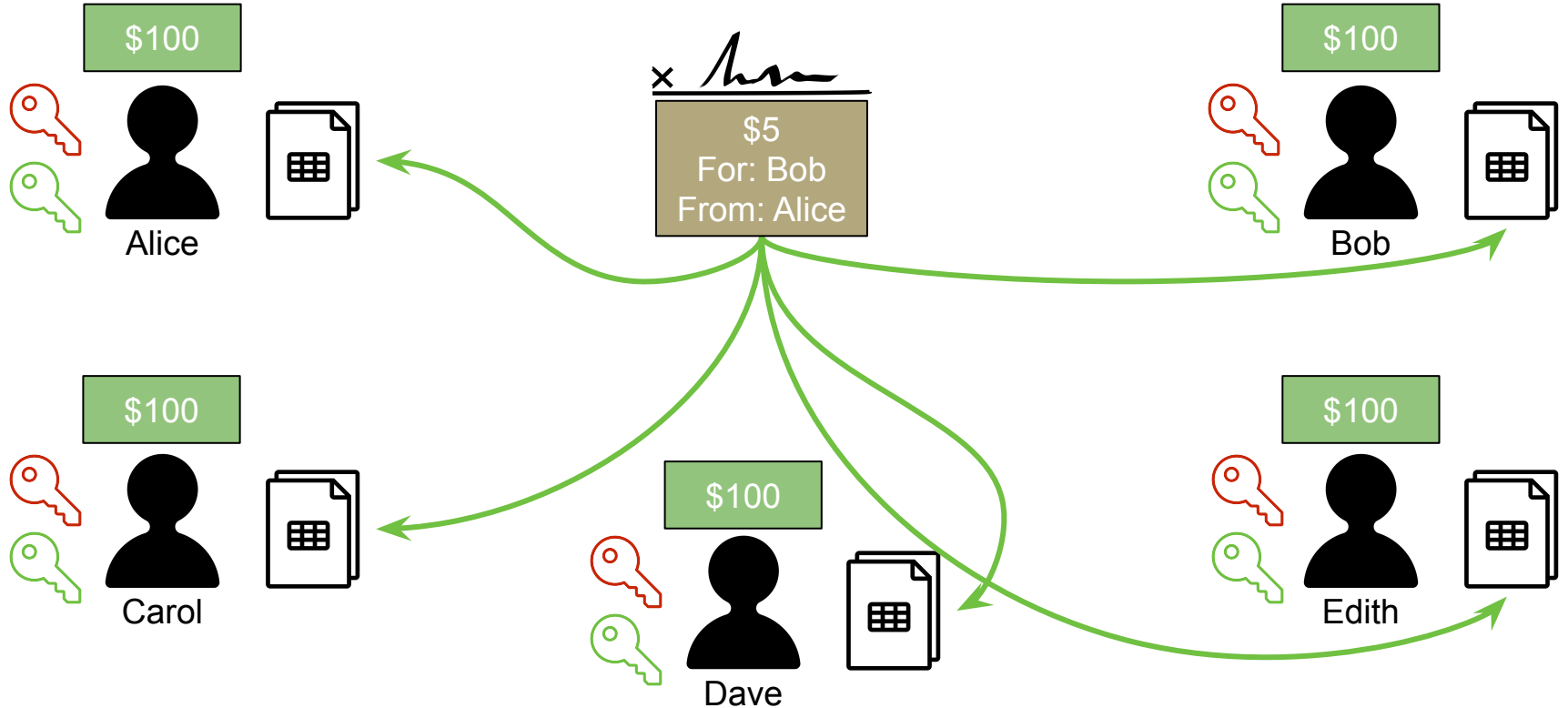
# Blockchains



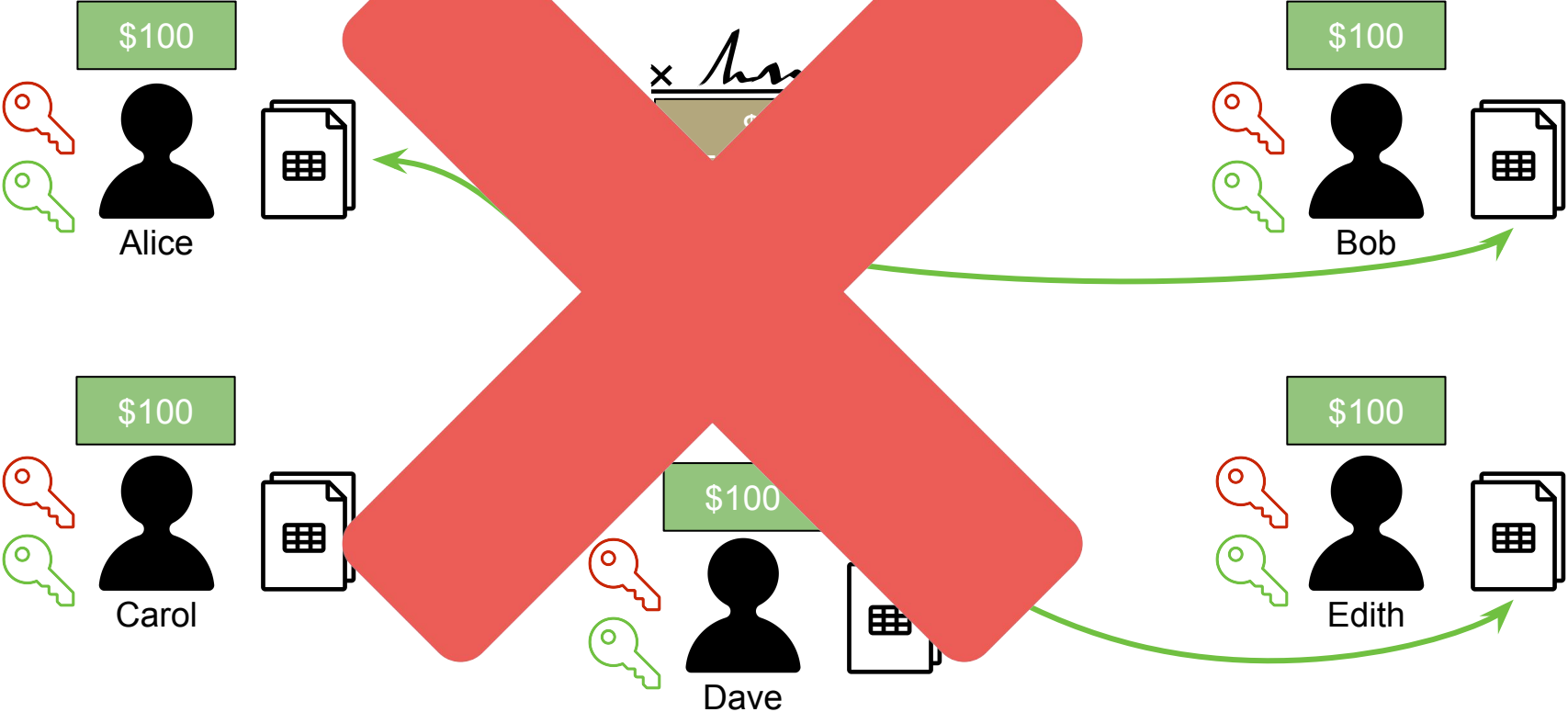
# Blockchains



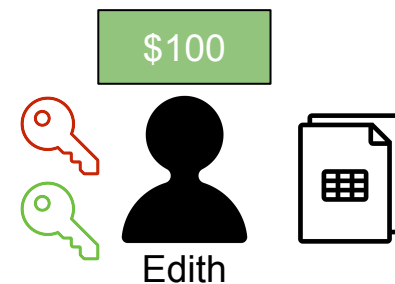
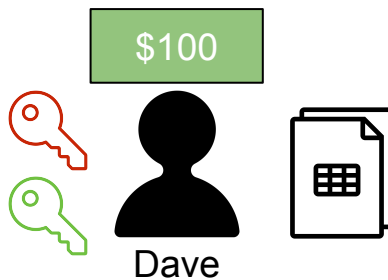
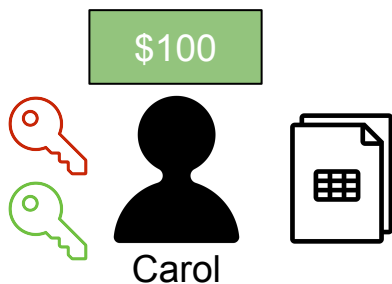
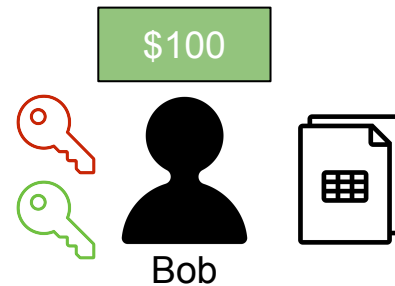
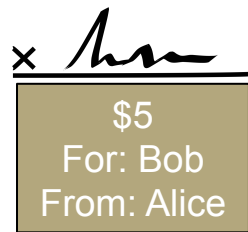
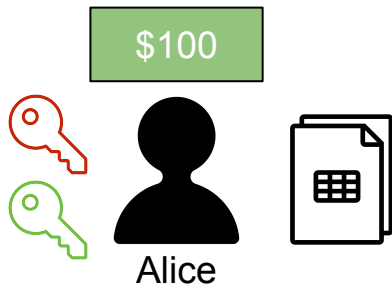
# Blockchains: everyone updates on their own asap!



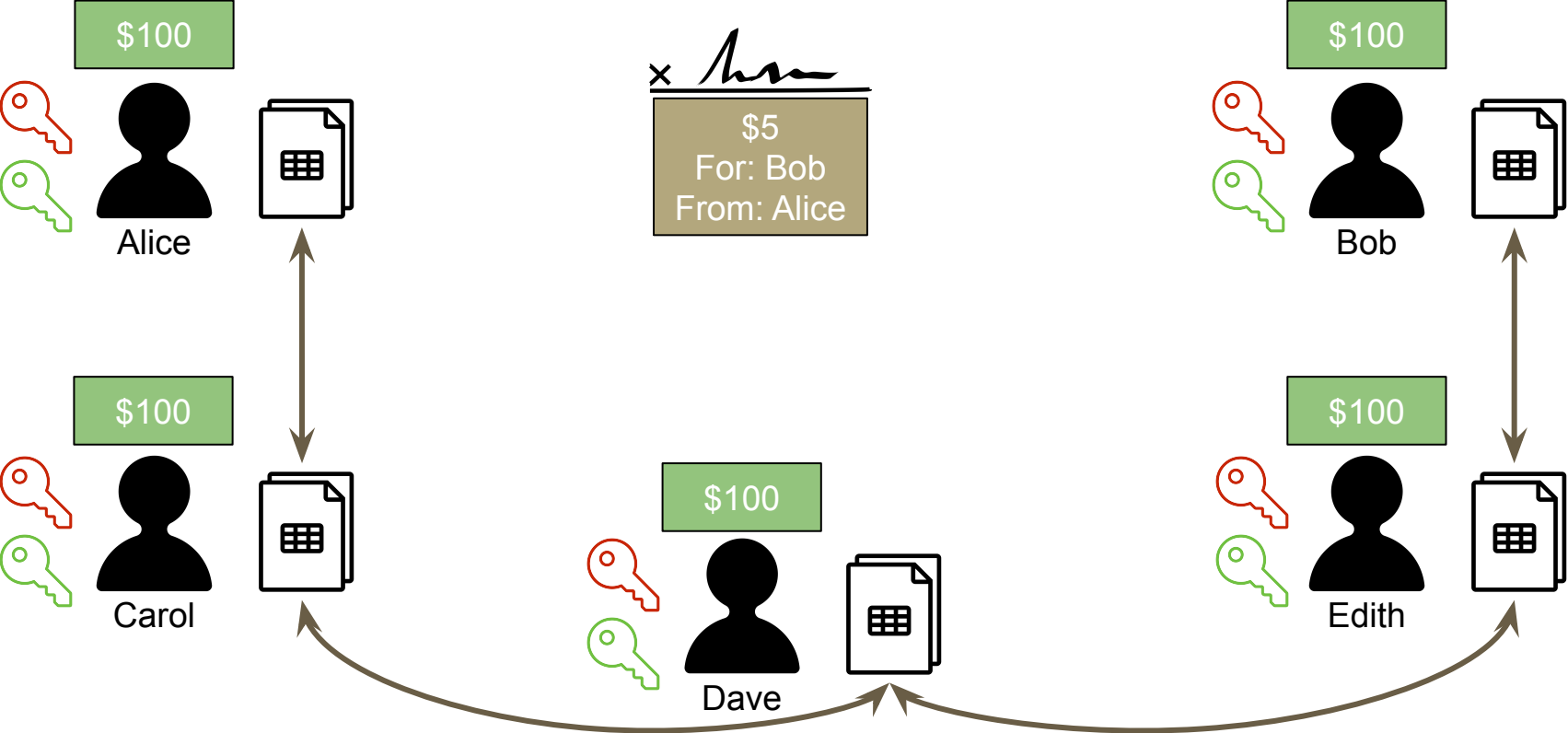
# Blockchains



# Blockchains: stay in sync with code and NO trust



# Blockchains: store in blocks chained together

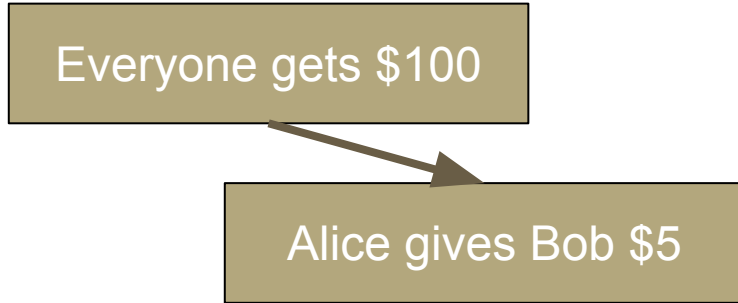


# Blockchain: a cryptographically-verifiable Tx chain

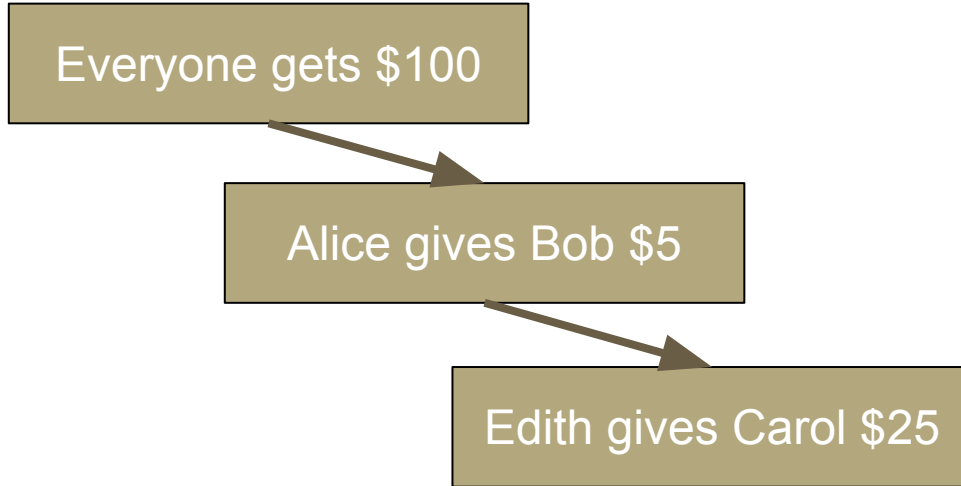
Everyone gets \$100



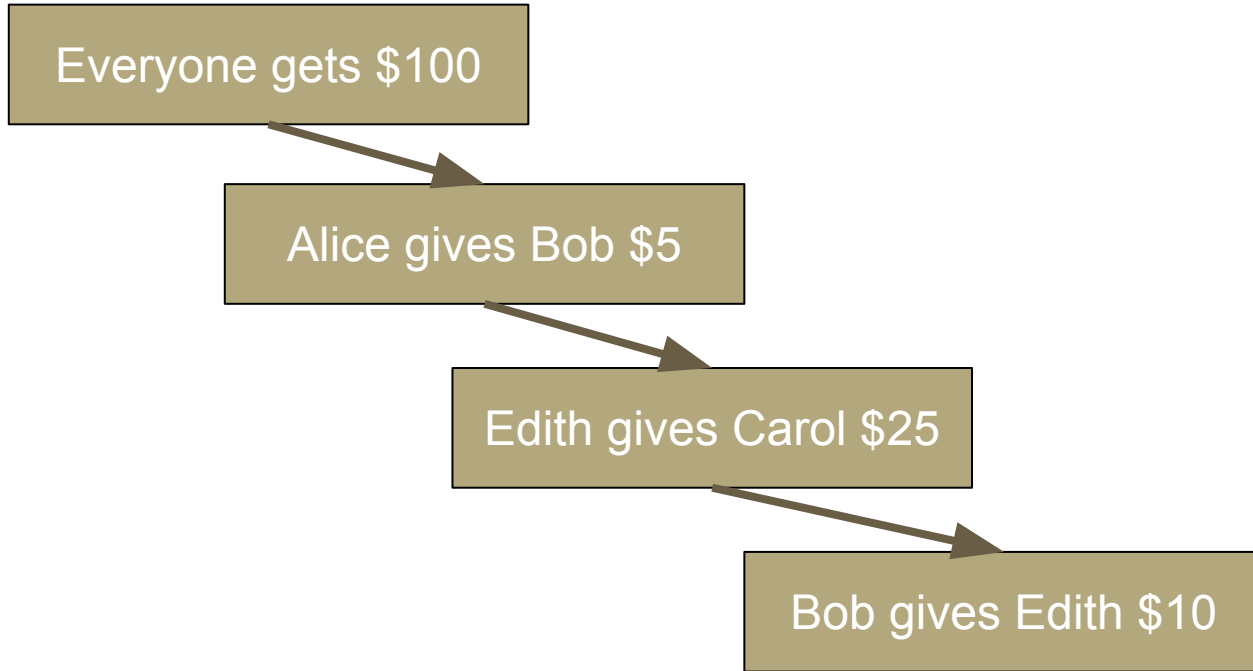
# Blockchain: a cryptographically-verifiable Tx chain



# Blockchain: a cryptographically-verifiable Tx chain



# Blockchain: a cryptographically-verifiable Tx chain



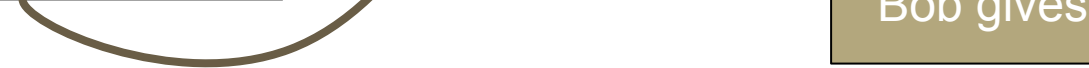
# Blockchain

Assume all transactions here are signed, and the creator of the hash verified that the sender had the necessary funds

Everyone gets \$100



Alice gives Bob \$5

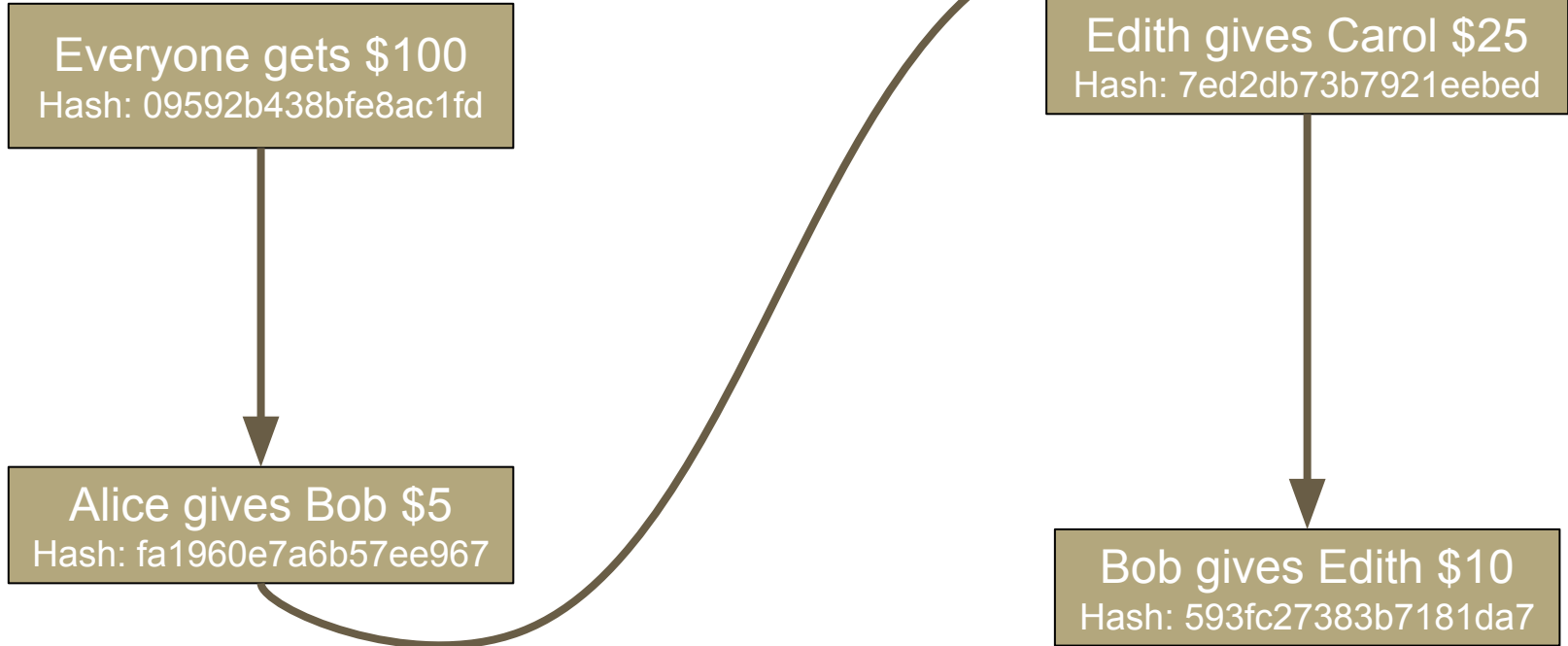


Edith gives Carol \$25



Bob gives Edith \$10

# Blockchain: hash each block



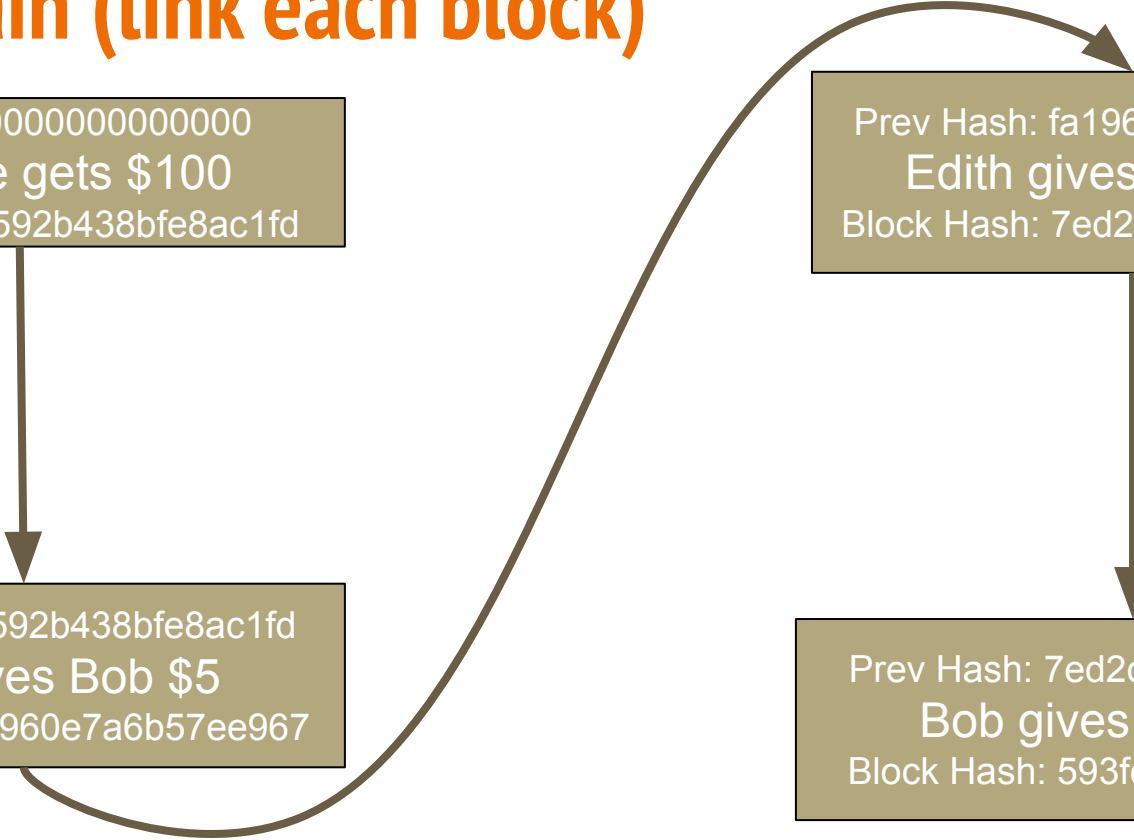
# Blockchain (link each block)

Prev Hash: 00000000000000  
Everyone gets \$100  
Block Hash: 09592b438bfe8ac1fd

Prev Hash: 09592b438bfe8ac1fd  
Alice gives Bob \$5  
Block Hash: fa1960e7a6b57ee967

Prev Hash: fa1960e7a6b57ee967  
Edith gives Carol \$25  
Block Hash: 7ed2db73b7921eebed

Prev Hash: 7ed2db73b7921eebed  
Bob gives Edith \$10  
Block Hash: 593fc27383b7181da7



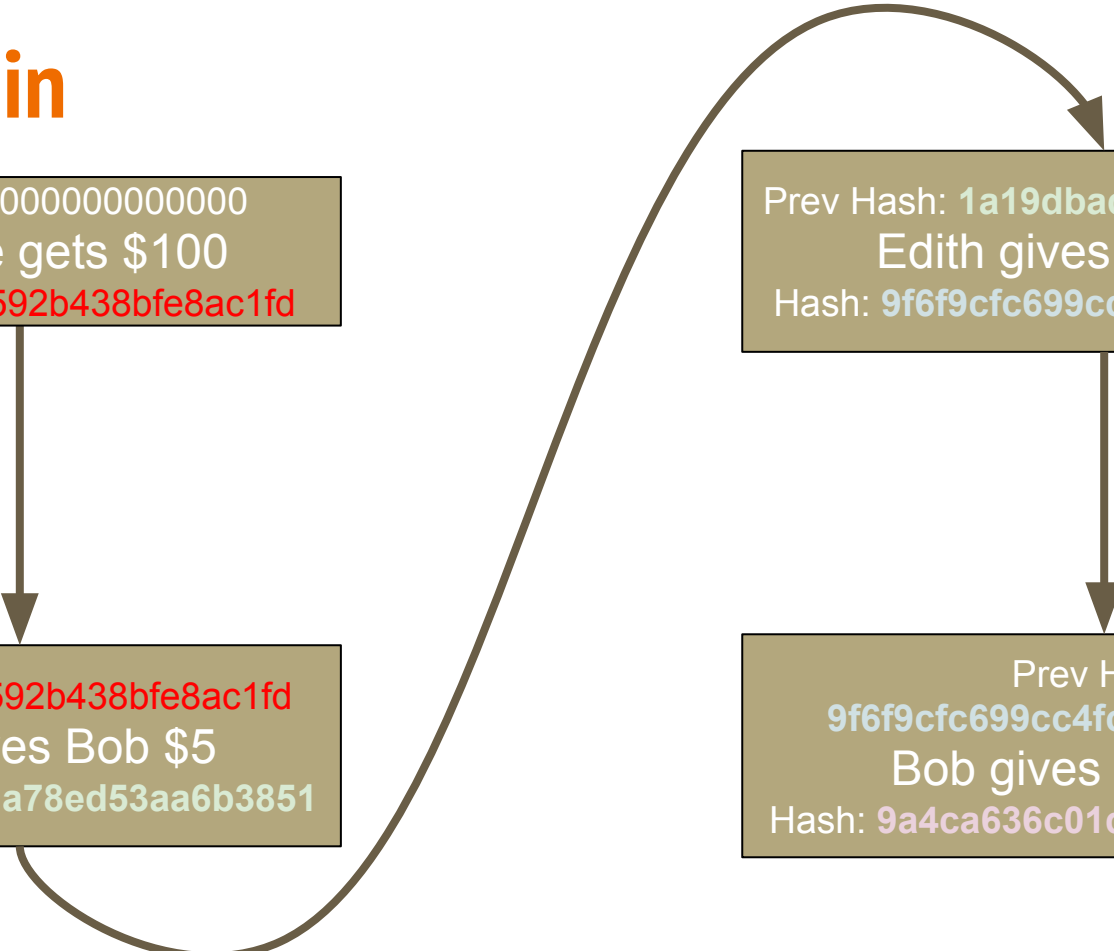
# Blockchain

Prev Hash: 00000000000000  
Everyone gets \$100  
Block Hash: **09592b438bfe8ac1fd**

Prev Hash: **09592b438bfe8ac1fd**  
Alice gives Bob \$5  
Hash: **1a19dbada78ed53aa6b3851**

Prev Hash: **1a19dbada78ed53aa6b3851**  
Edith gives Carol \$25  
Hash: **9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c**

Prev Hash:  
**9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c**  
Bob gives Edith \$10  
Hash: **9a4ca636c01d47386080cc70944**



# Blockchain

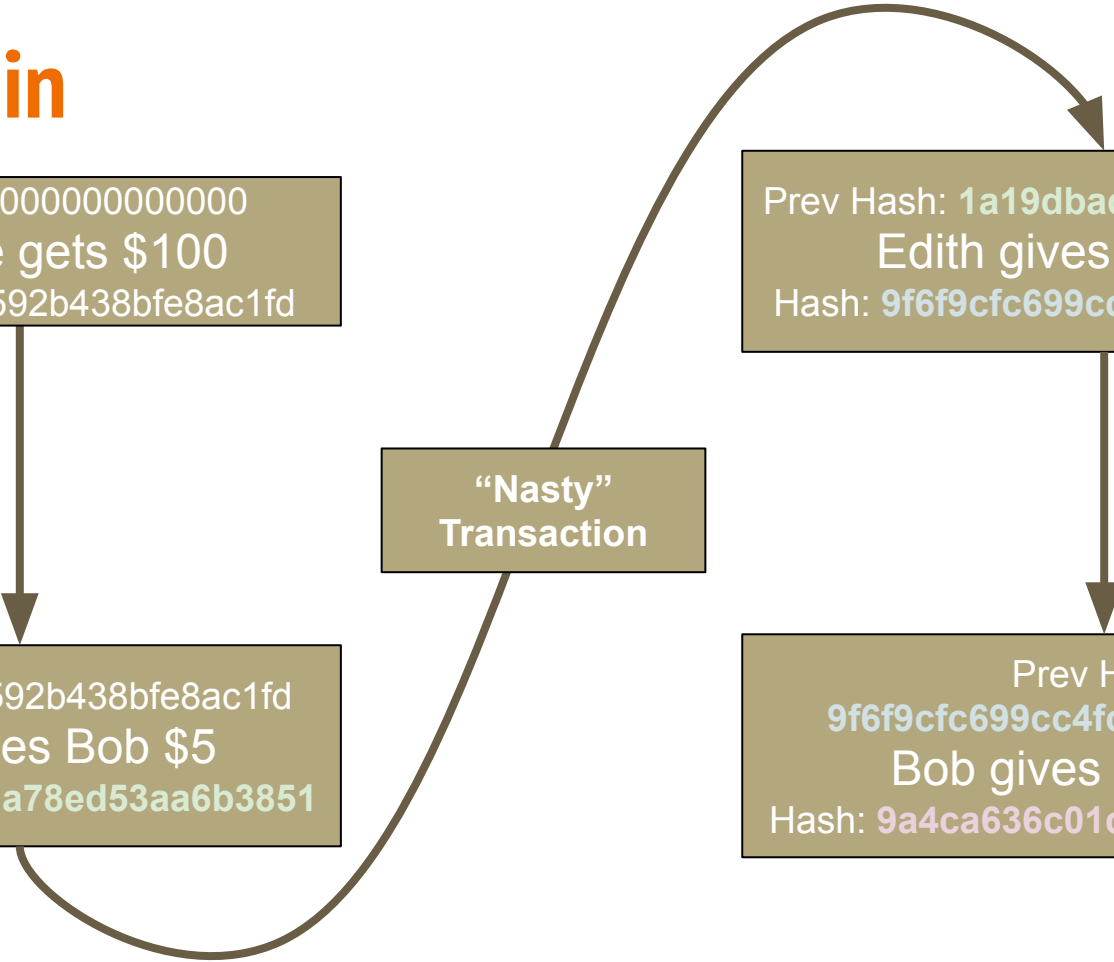
Prev Hash: 0000000000000  
Everyone gets \$100  
Block Hash: 09592b438bfe8ac1fd

Prev Hash: 09592b438bfe8ac1fd  
Alice gives Bob \$5  
Hash: 1a19dbada78ed53aa6b3851

“Nasty”  
Transaction

Prev Hash: 1a19dbada78ed53aa6b3851  
Edith gives Carol \$25  
Hash: 9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c

Prev Hash:  
9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c  
Bob gives Edith \$10  
Hash: 9a4ca636c01d47386080cc70944





# Blockchain

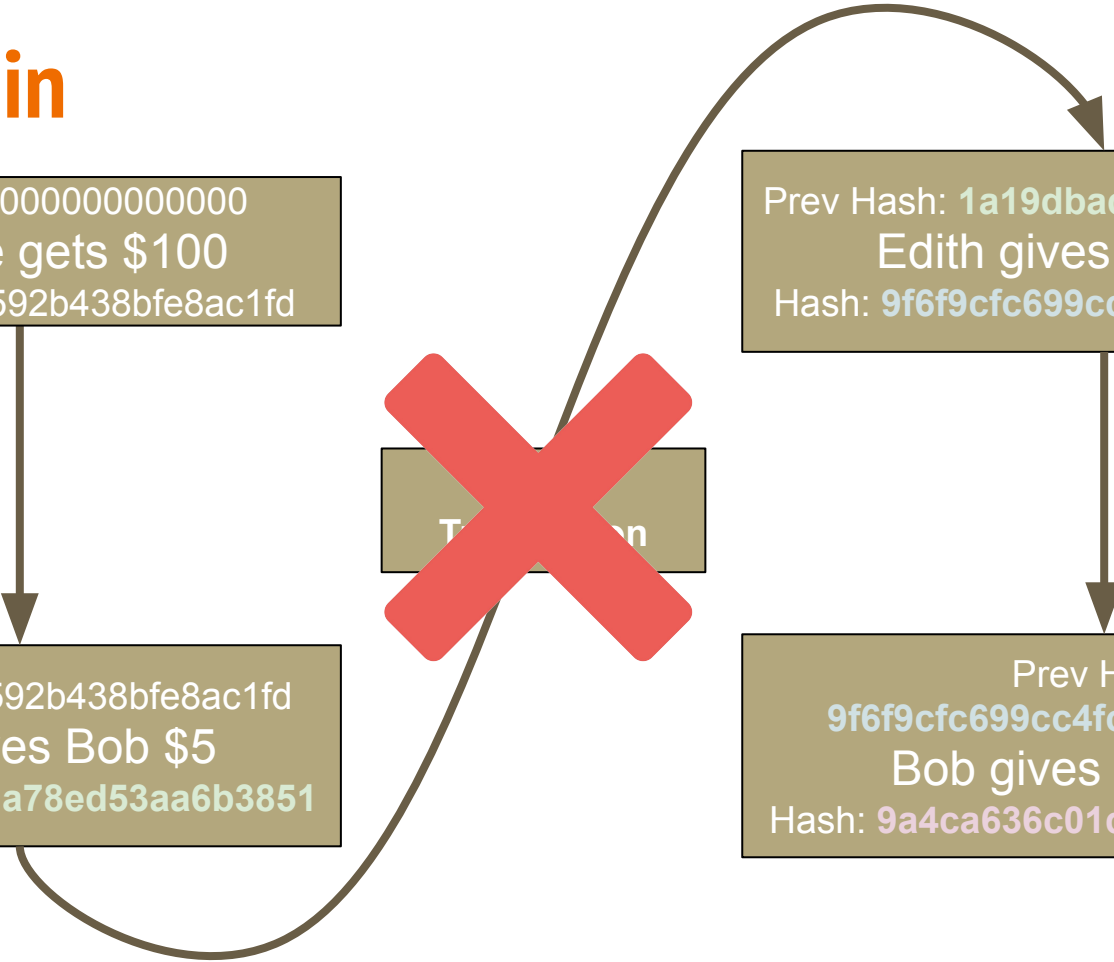
Prev Hash: 0000000000000  
Everyone gets \$100  
Block Hash: 09592b438bfe8ac1fd

Prev Hash: 09592b438bfe8ac1fd  
Alice gives Bob \$5  
Hash: 1a19dbada78ed53aa6b3851

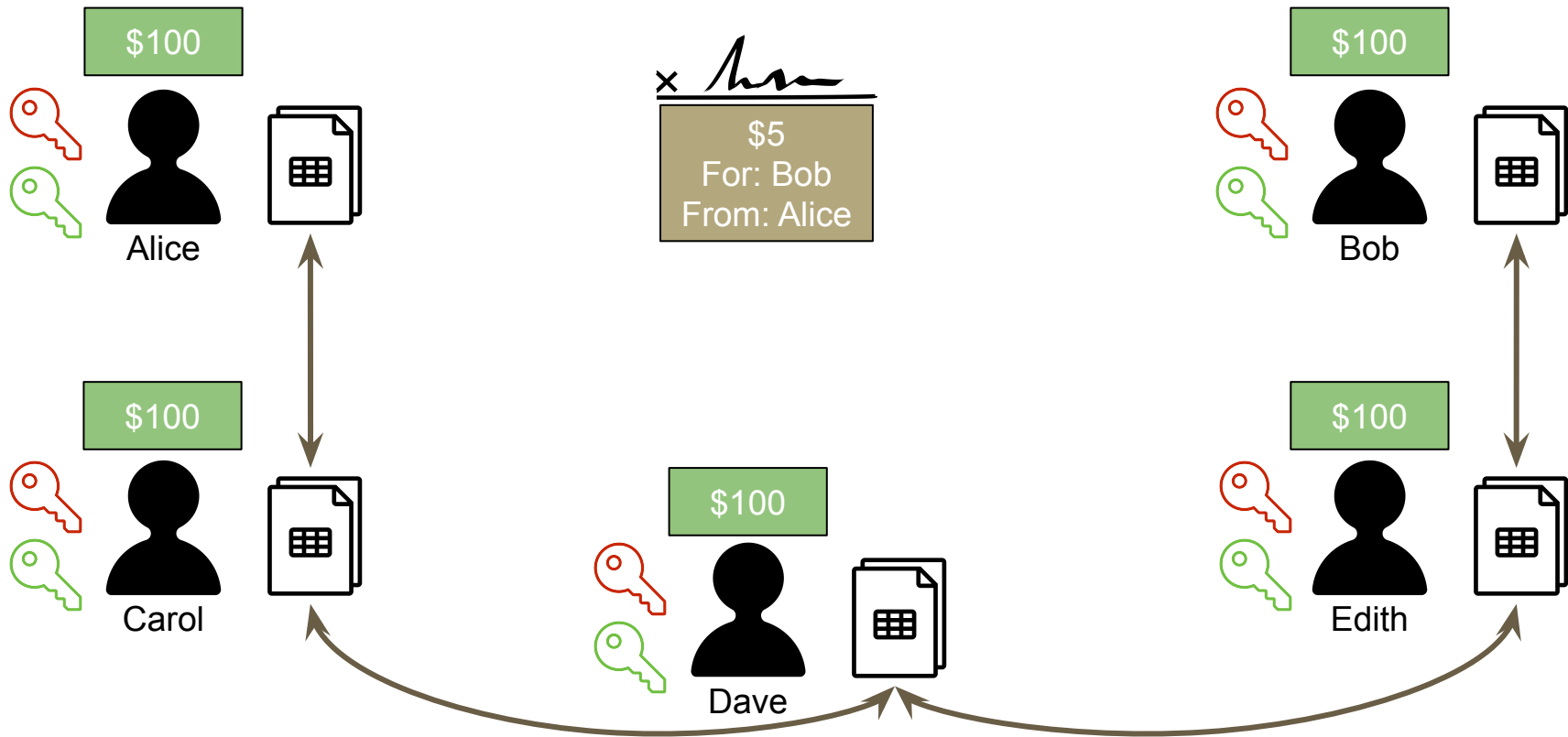
~~Transaction~~

Prev Hash: 1a19dbada78ed53aa6b3851  
Edith gives Carol \$25  
Hash: 9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c

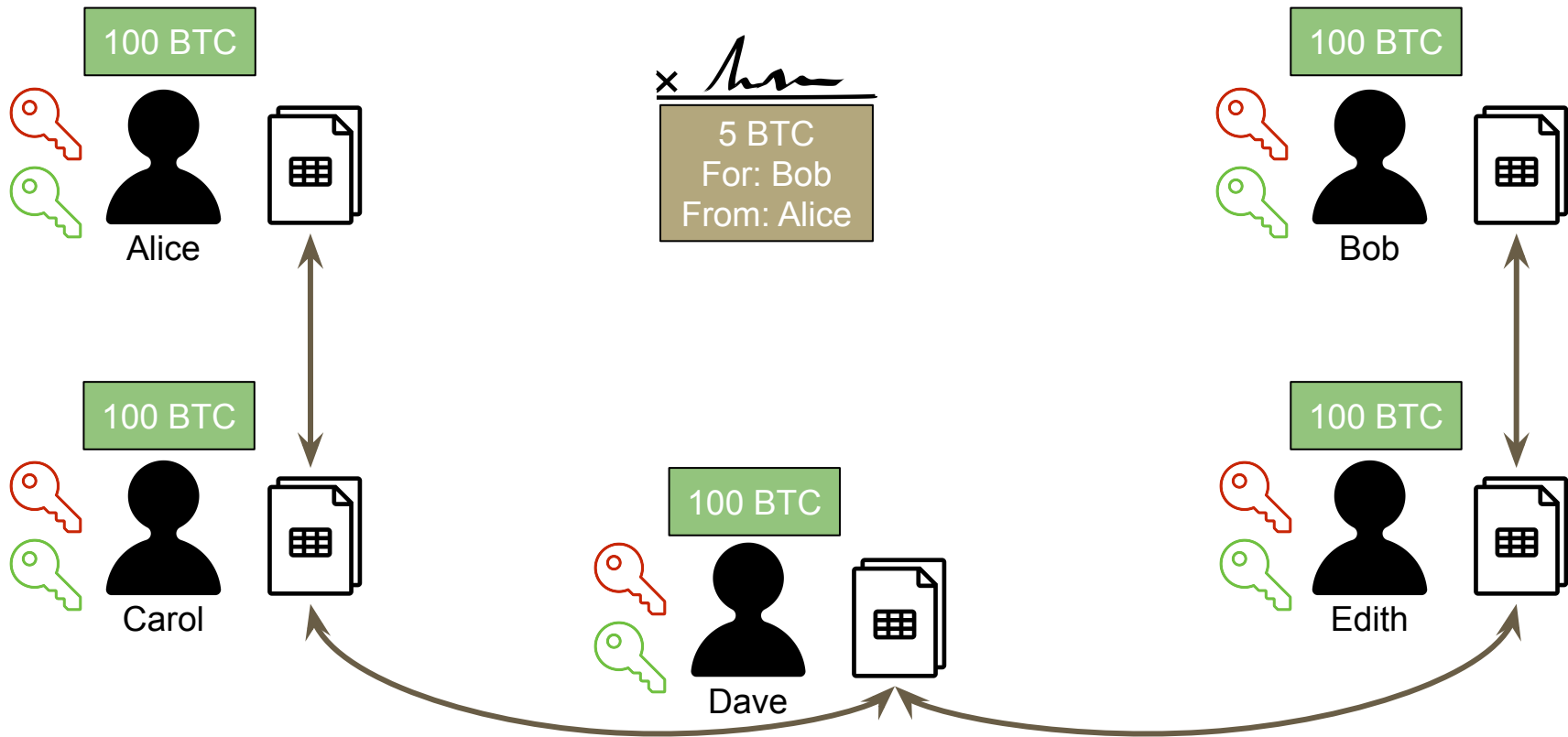
Prev Hash:  
9f6f9cfc699cc4fcbd3375da0e9c  
Bob gives Edith \$10  
Hash: 9a4ca636c01d47386080cc70944



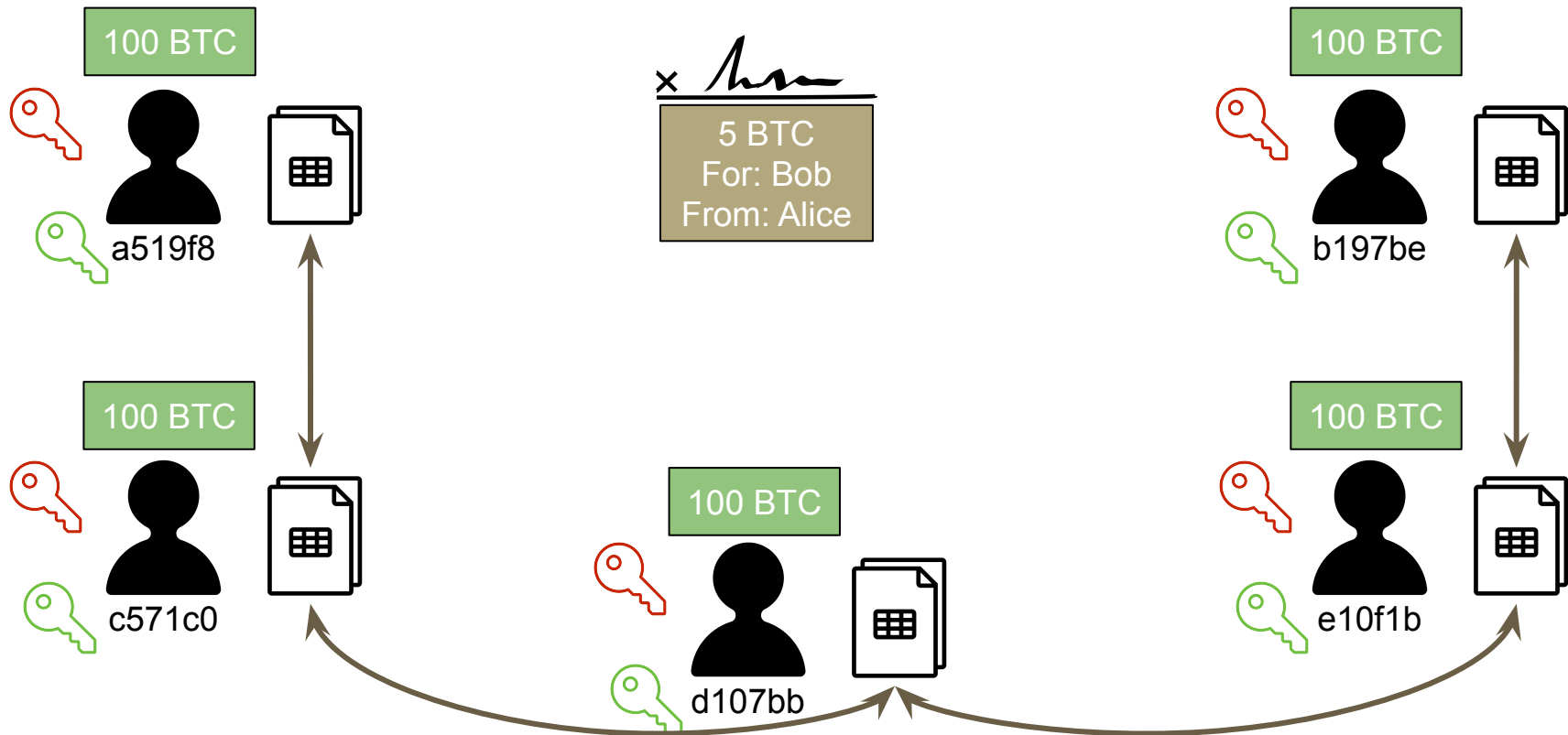
# Bitcoin: a shared Blockchain (cooperative)



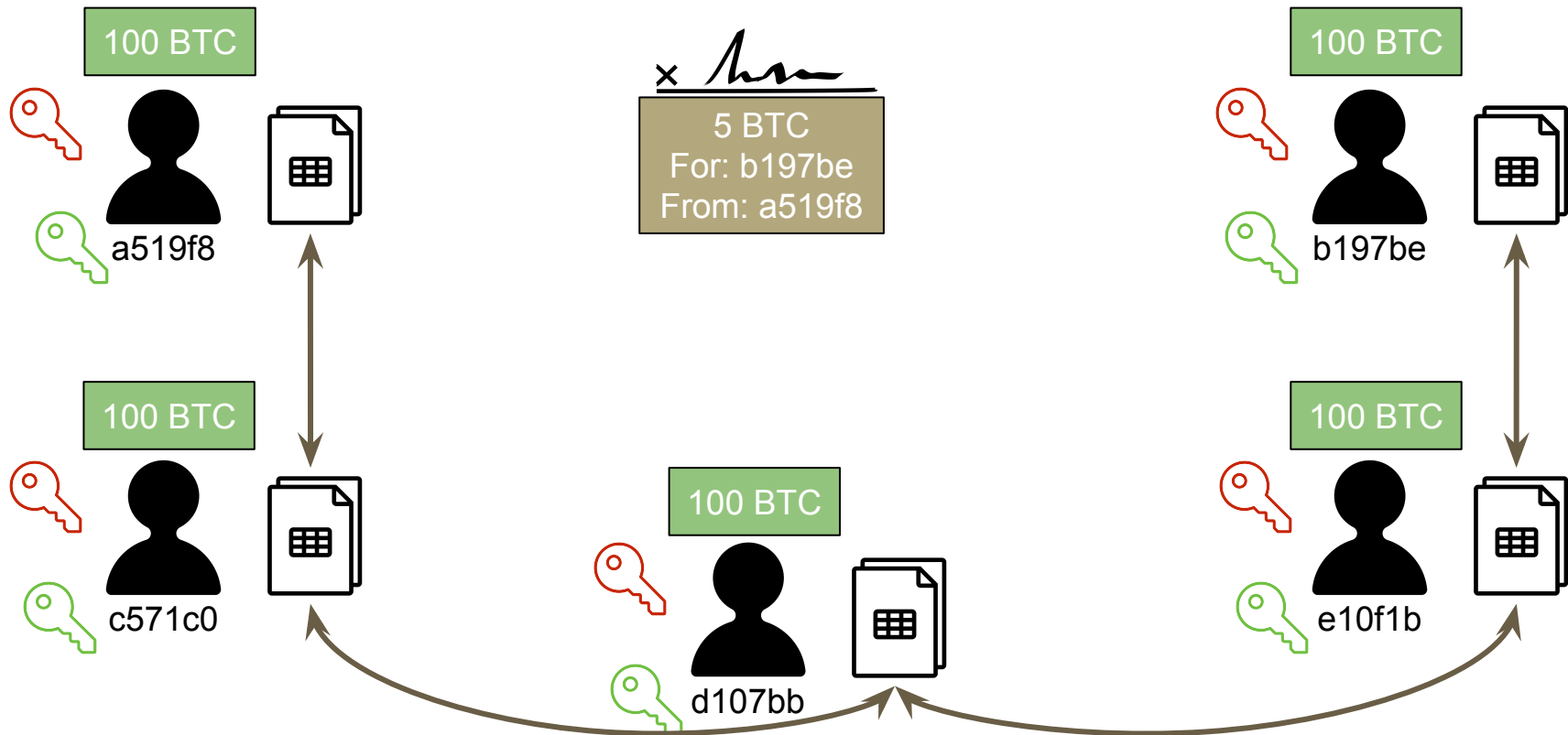
# Bitcoin: change USD to Bitcoin



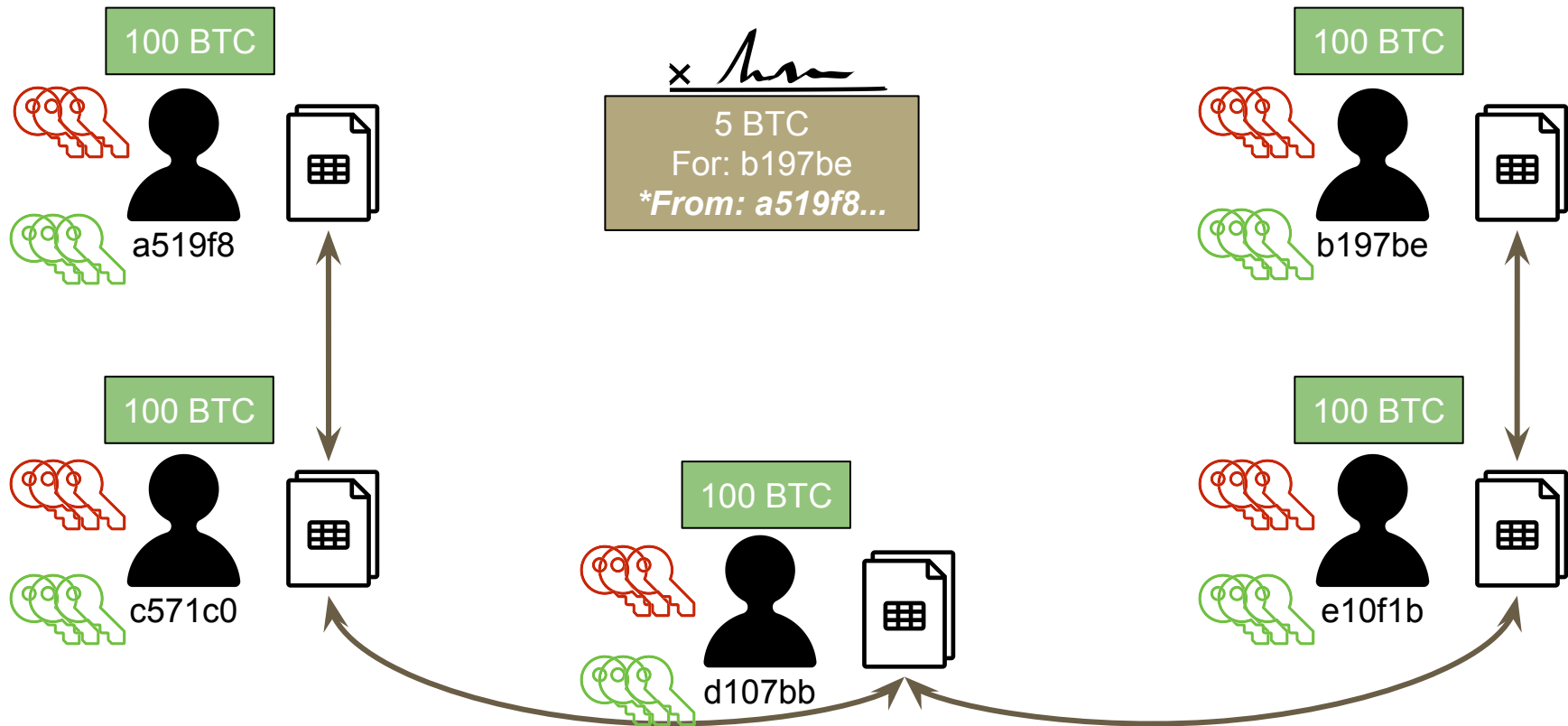
# Bitcoin: no names, just (public) keys



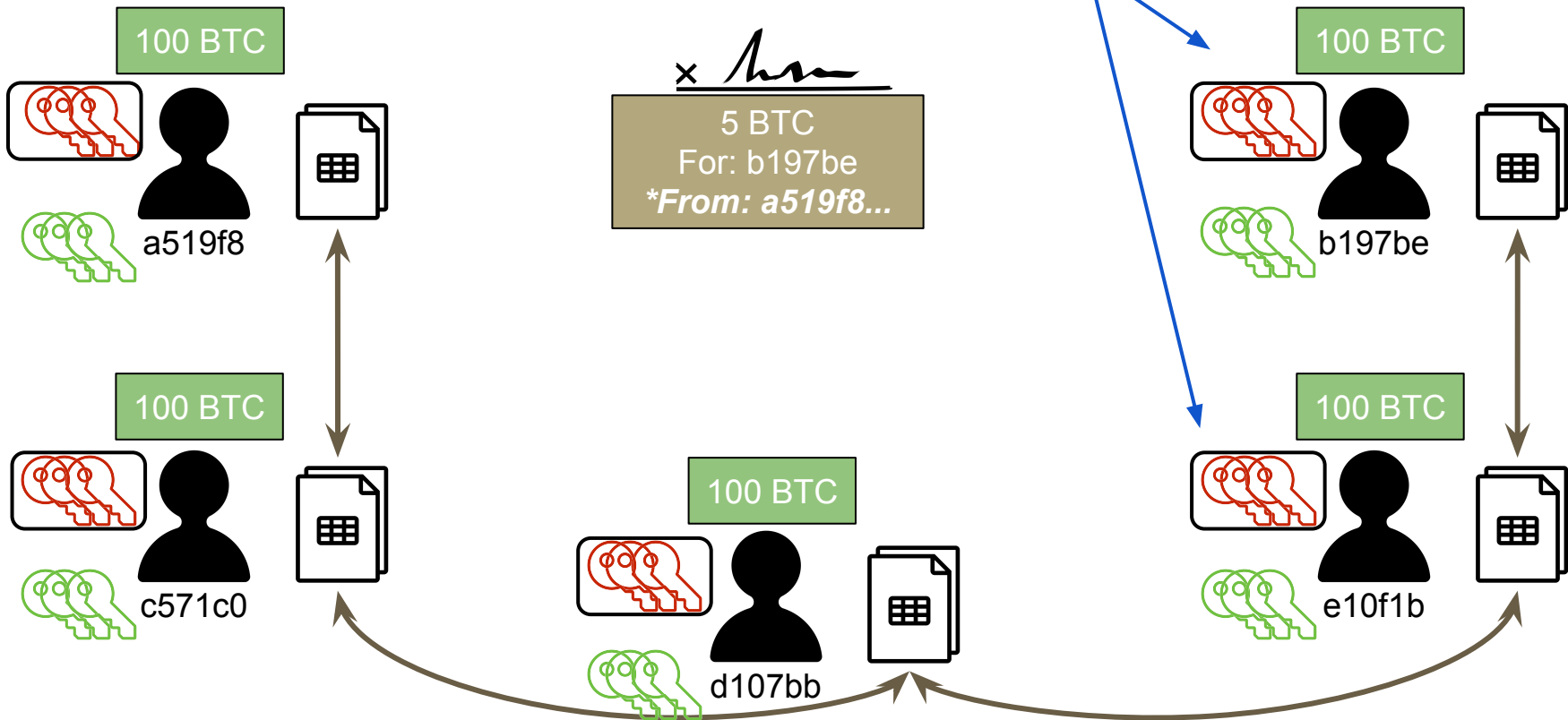
# Bitcoin: keys also on the Tx's, no names



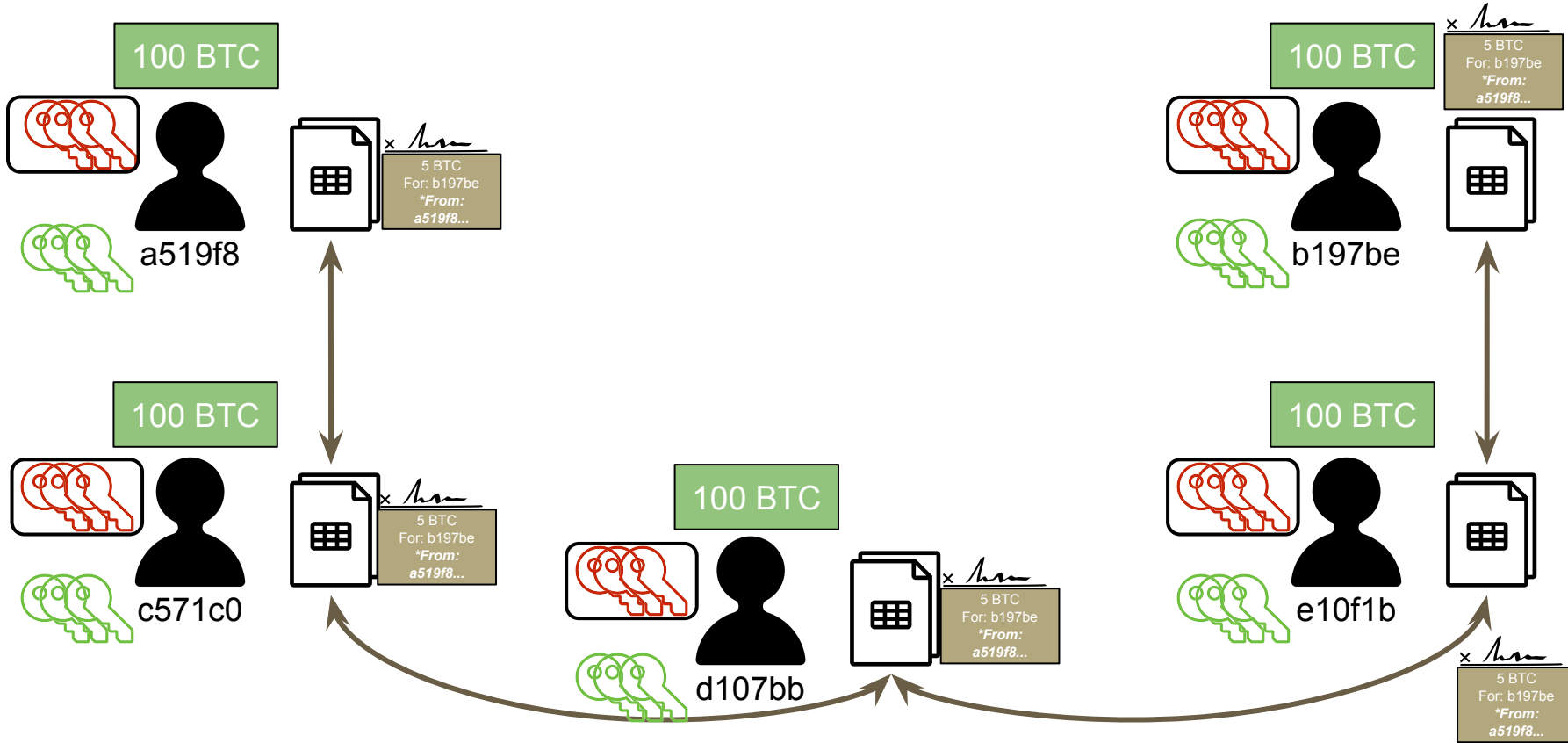
# Bitcoin: multiple keys are allowed



# Bitcoin: wallets (or keychains)

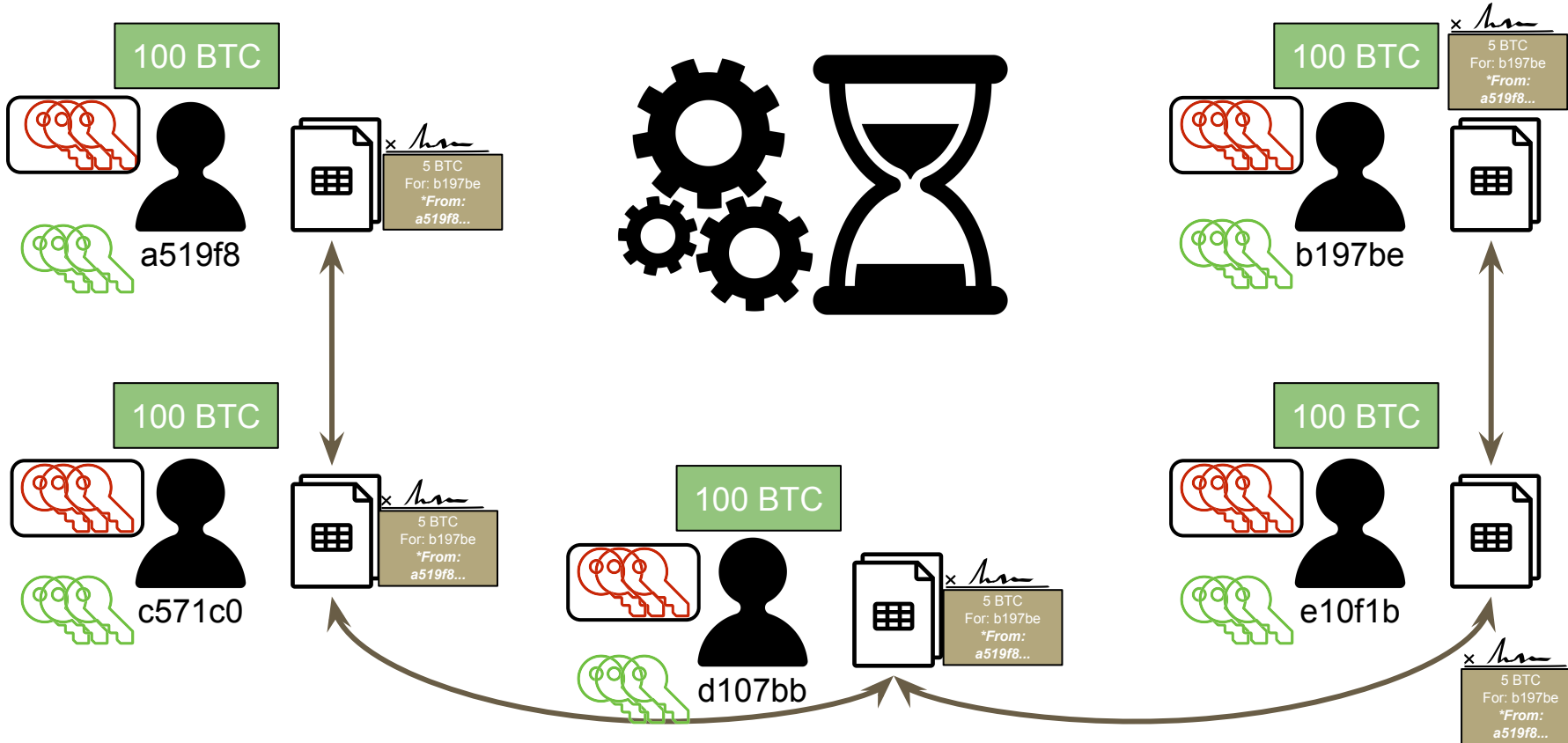


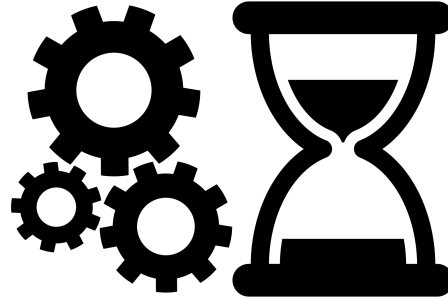
# Bitcoin: cryptographic puzzle





# Bitcoin: "computational puzzle"





**What is this “computational puzzle”  
(proof-of-work)?!**



**Demo**

# The Bitcoin “Puzzle”

x 

---

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

# The Bitcoin “Puzzle”

x   
\_\_\_\_\_

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

# The Bitcoin “Puzzle”

x 

---

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

Hash: -----

# The Bitcoin "Puzzle"

x   
-----

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

**Nonce:**

Nonce Solver:

Hash: -----



# The Bitcoin "Puzzle"

x 

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

Nonce:

Nonce Solver:

Hash: -----

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver  
(miner)



# The Bitcoin "Puzzle"

x 

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce:  
Nonce Solver:  
Hash: -----

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



Must be below  
certain value,  
say one  
leading zero



# The Bitcoin "Puzzle": example of how miners mine

x   
\_\_\_\_\_

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

Nonce: 0

Nonce Solver: a519f8 (**Alice**)

Hash: a166137346cd32e73e

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



Must be below  
certain value



# The Bitcoin "Puzzle"

x 

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 1  
Nonce Solver: b197be (**Bob**)  
Hash: d59910db074b35fa9d

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



Must be below  
certain value



# The Bitcoin "Puzzle"

x 

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 2  
Nonce Solver: c571c0 (Carol)  
Hash: 4c274d79254f259960a

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



Must be below  
certain value



# The Bitcoin "Puzzle"

x   
\_\_\_\_\_



Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver

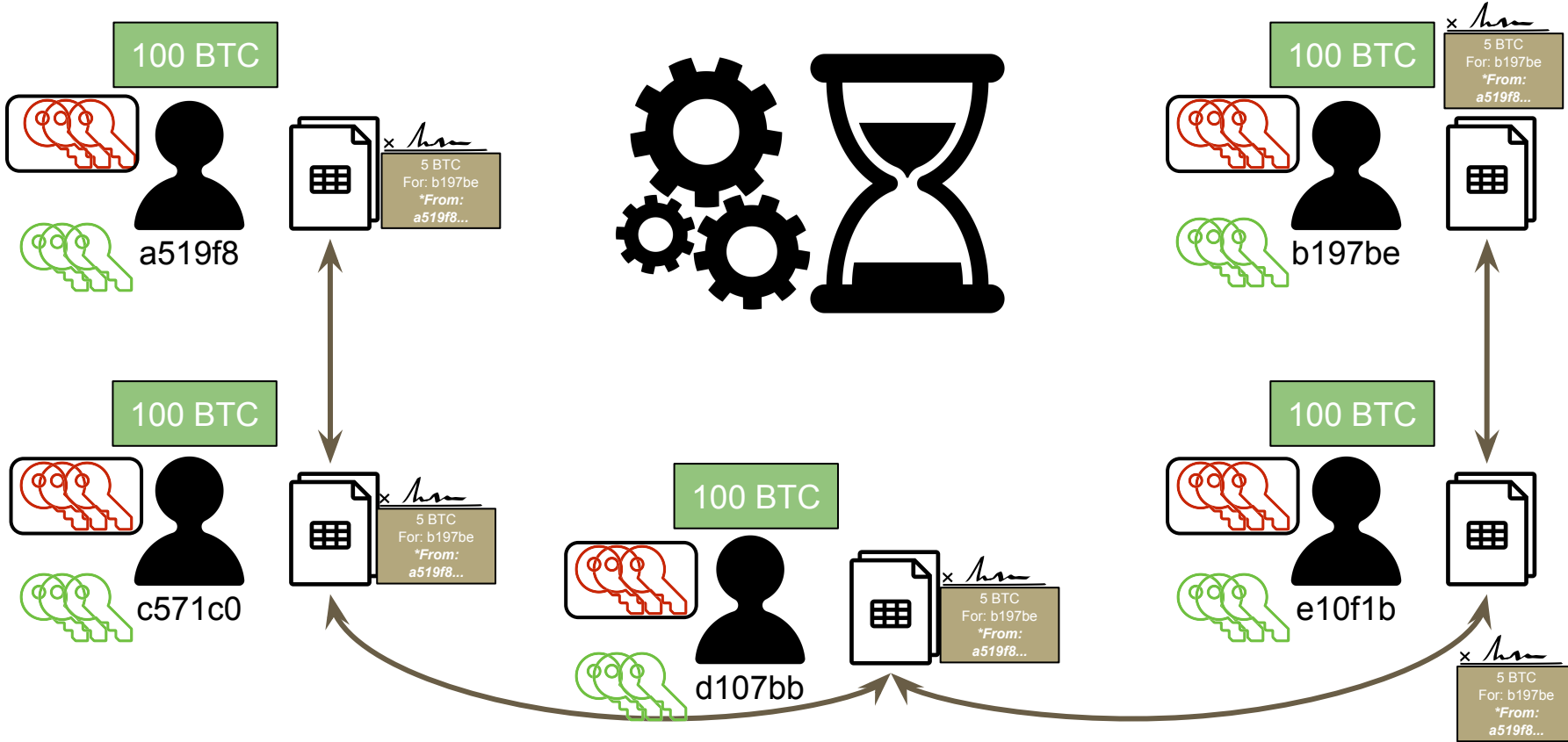


Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
Nonce Solver: d107bb (Dave)  
Hash: **03a419ef573a846f**

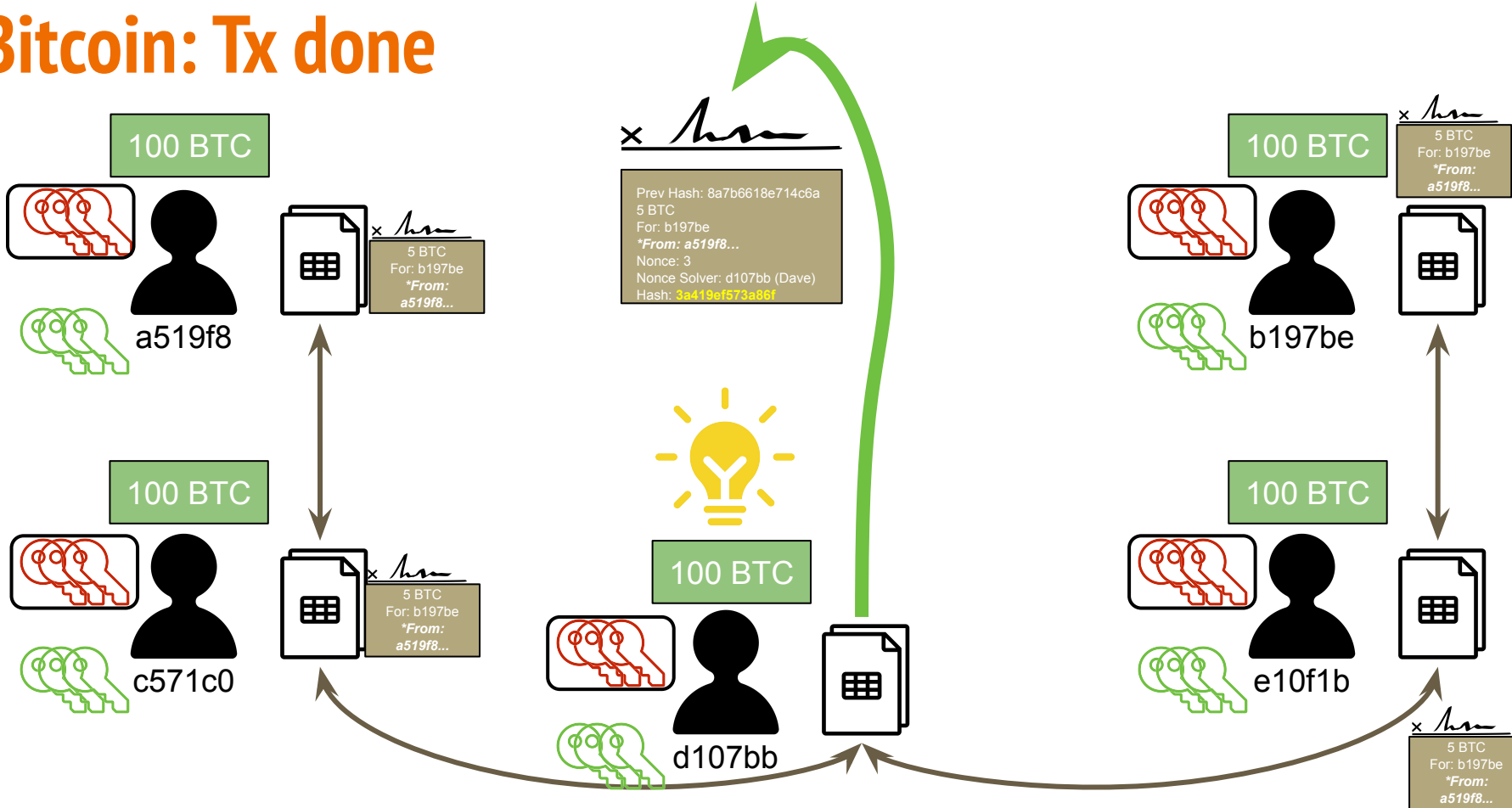
Must be below  
certain value



# Bitcoin

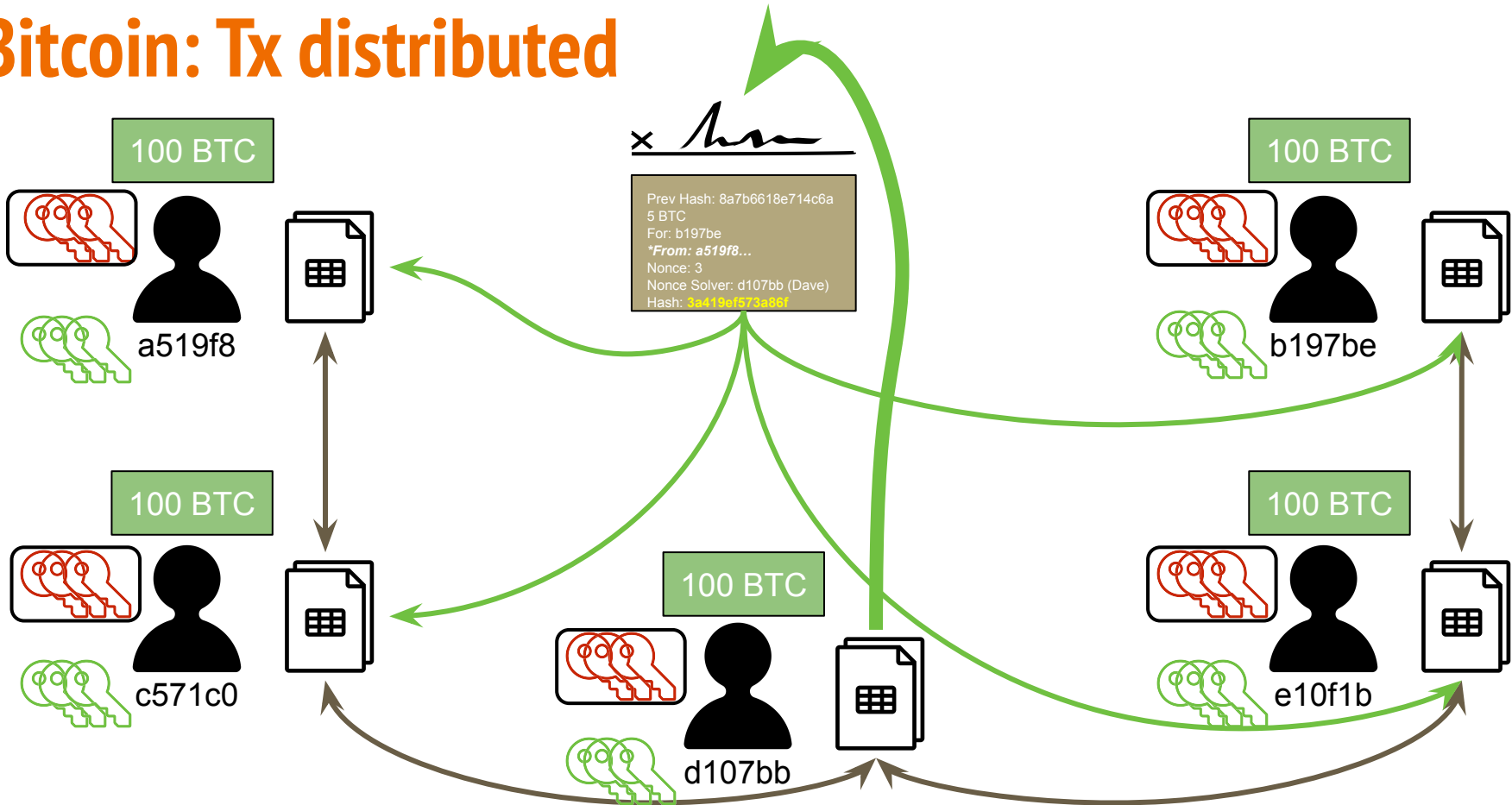


# Bitcoin: Tx done

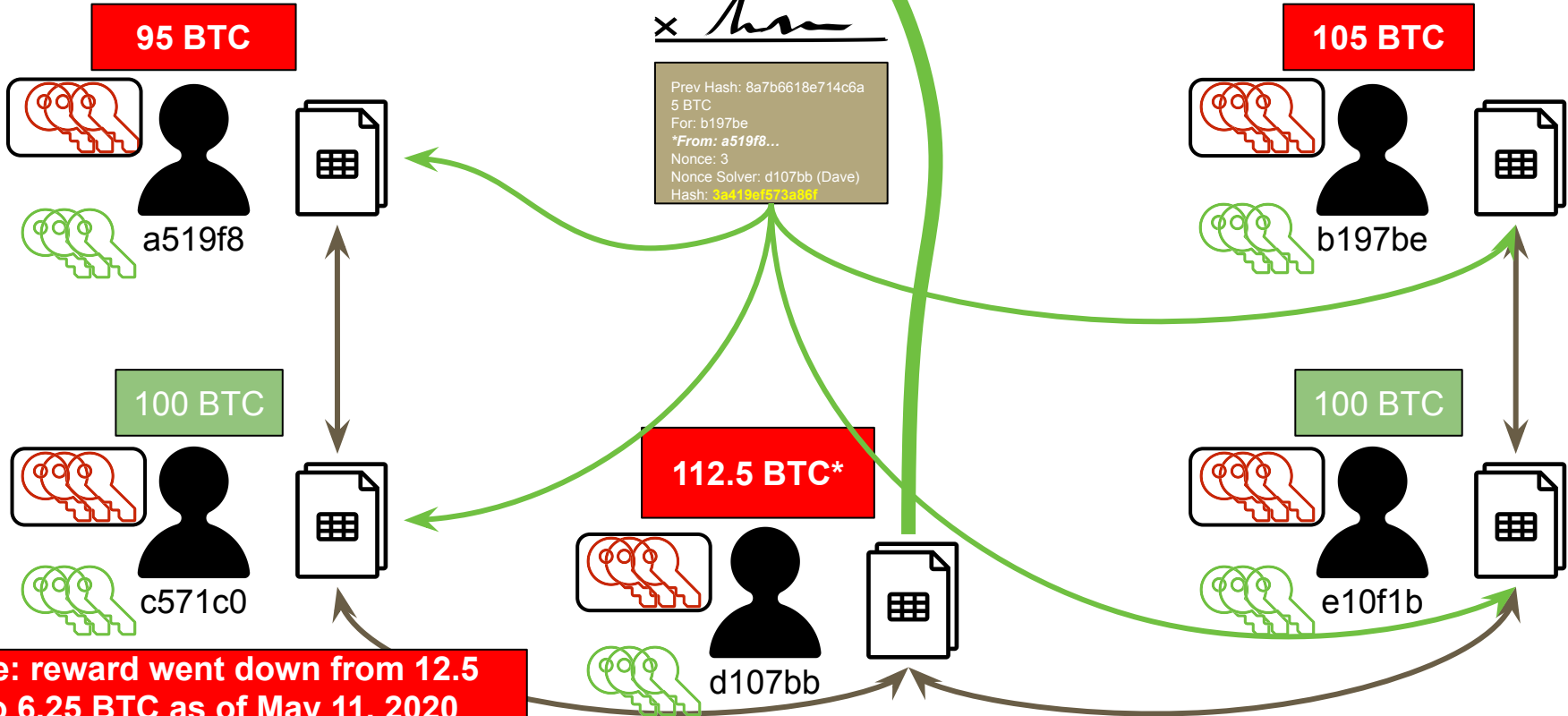




# Bitcoin: Tx distributed



# Bitcoin: funds transferred



# The Bitcoin "Puzzle": can you steal the nonce?

x 

Puzzle Solution  
- nonce  
depends on  
solver too

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a

5 BTC

For: b197be

*\*From: a519f8...*

Nonce: 3

Puzzle  
Solver

Nonce Solver: d107bb (Dave)

Hash: **03a419ef573a86f**

Must be below  
certain value

# The Bitcoin "Puzzle": nonce is block-specific

x 

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver

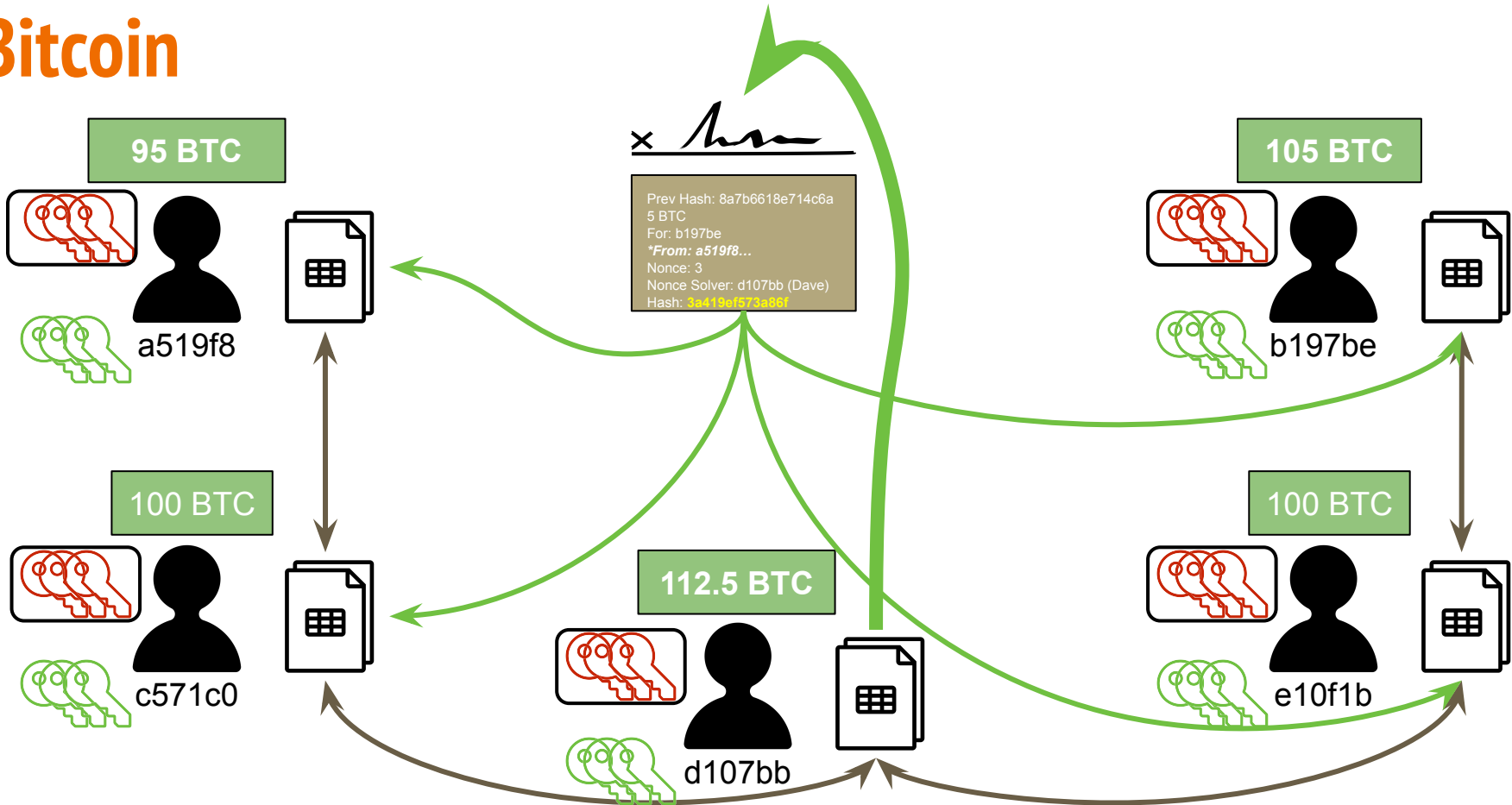


Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
**Nonce Solver: d107bb (Dave)**  
Hash: 03a419ef573a86f

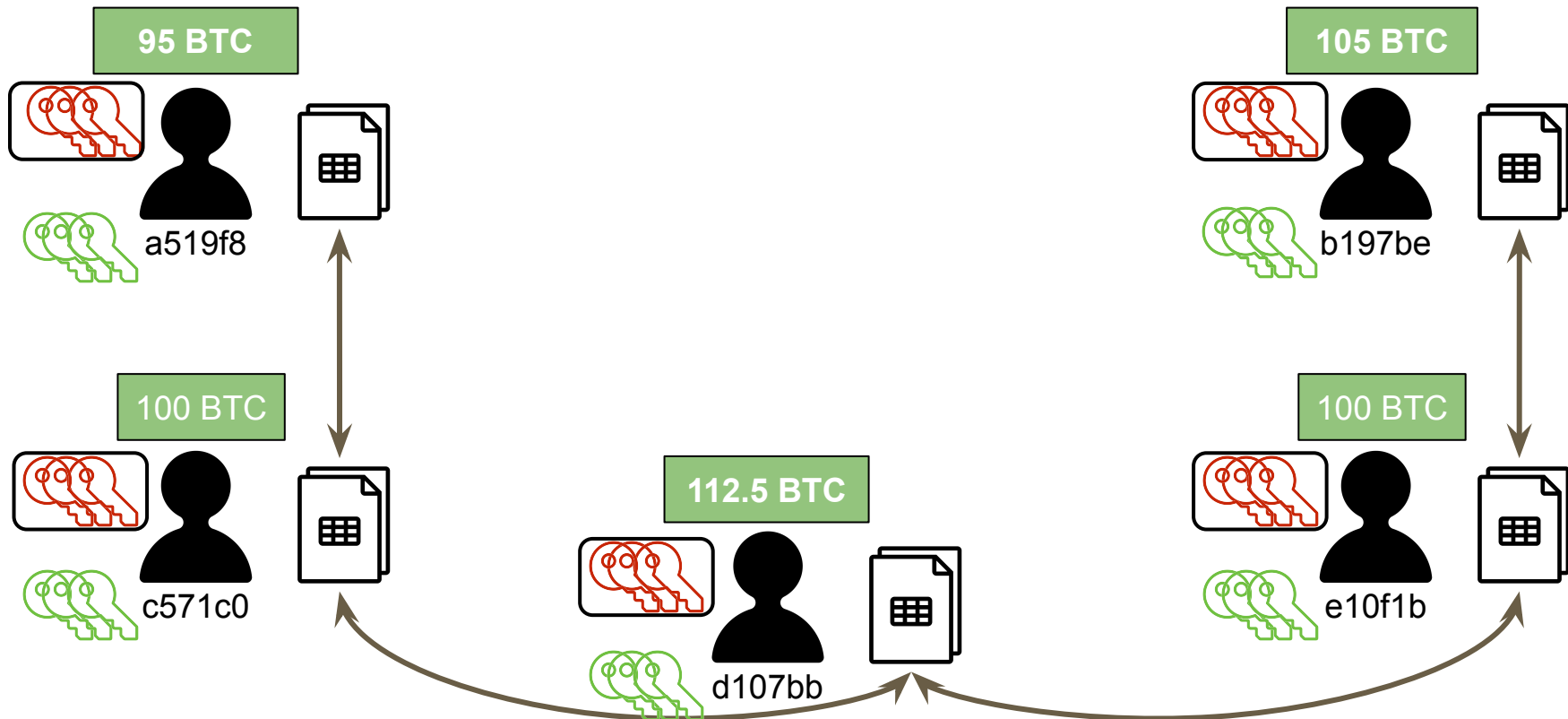
Must be below  
certain value



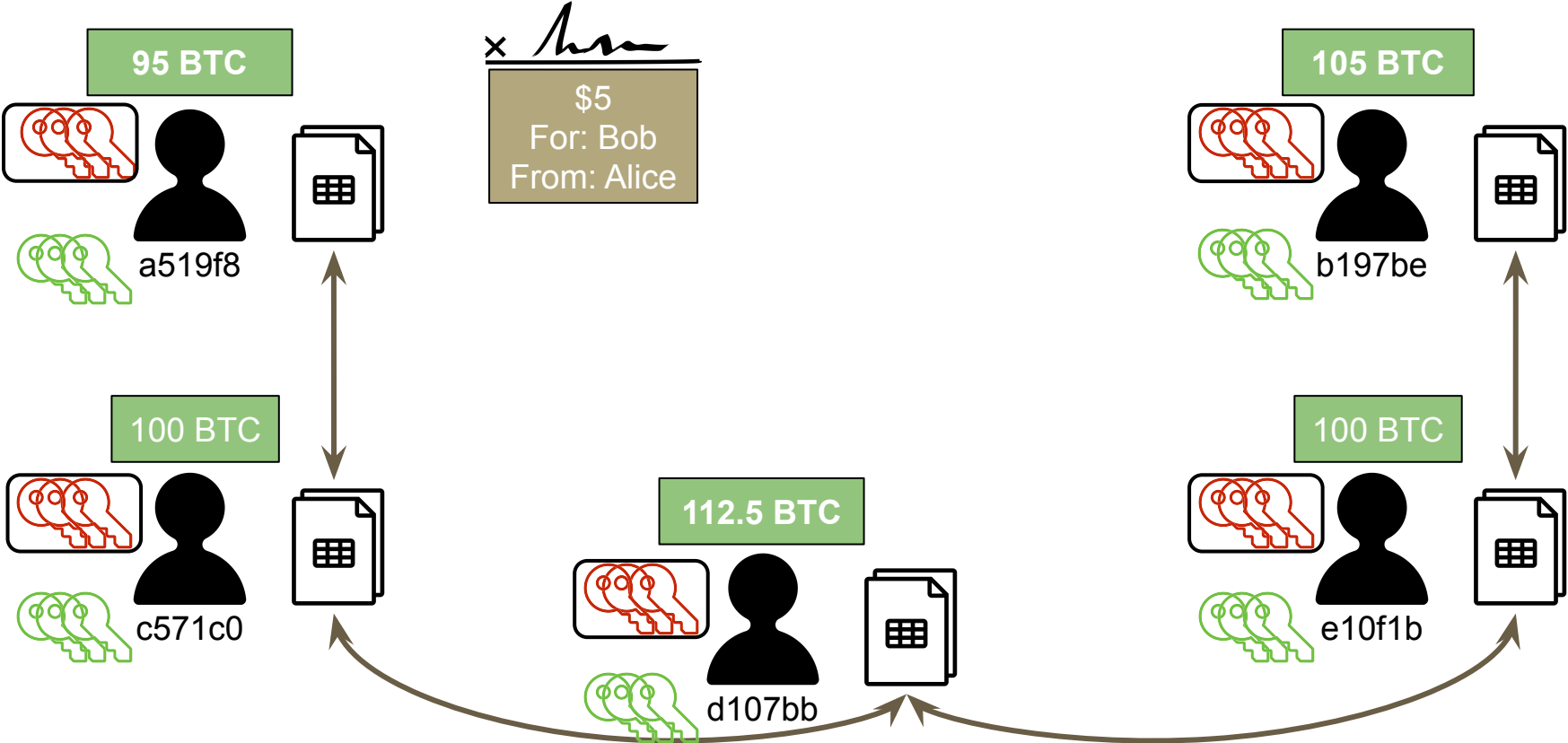
# Bitcoin



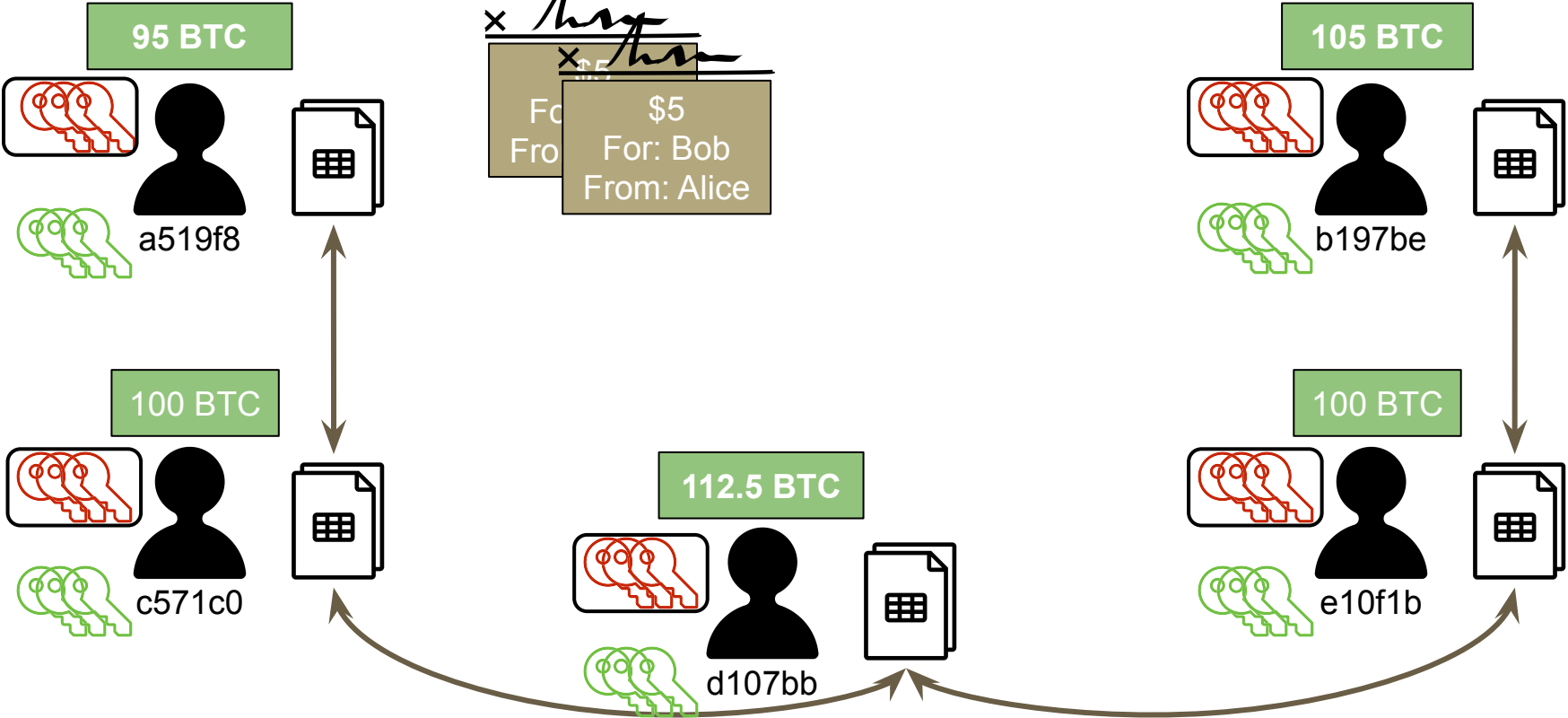
# Bitcoin: one Tx per block? Not really!



# Bitcoin

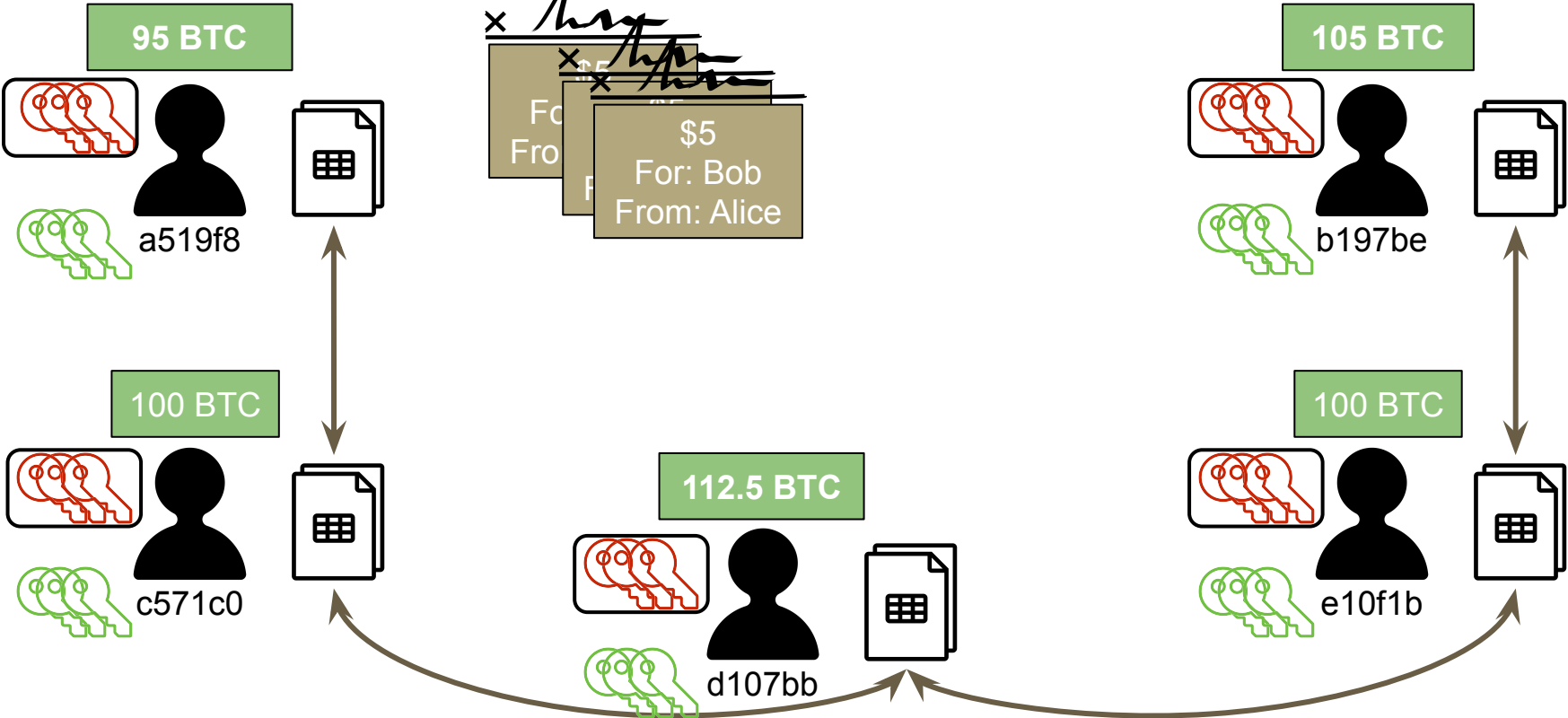


# Bitcoin

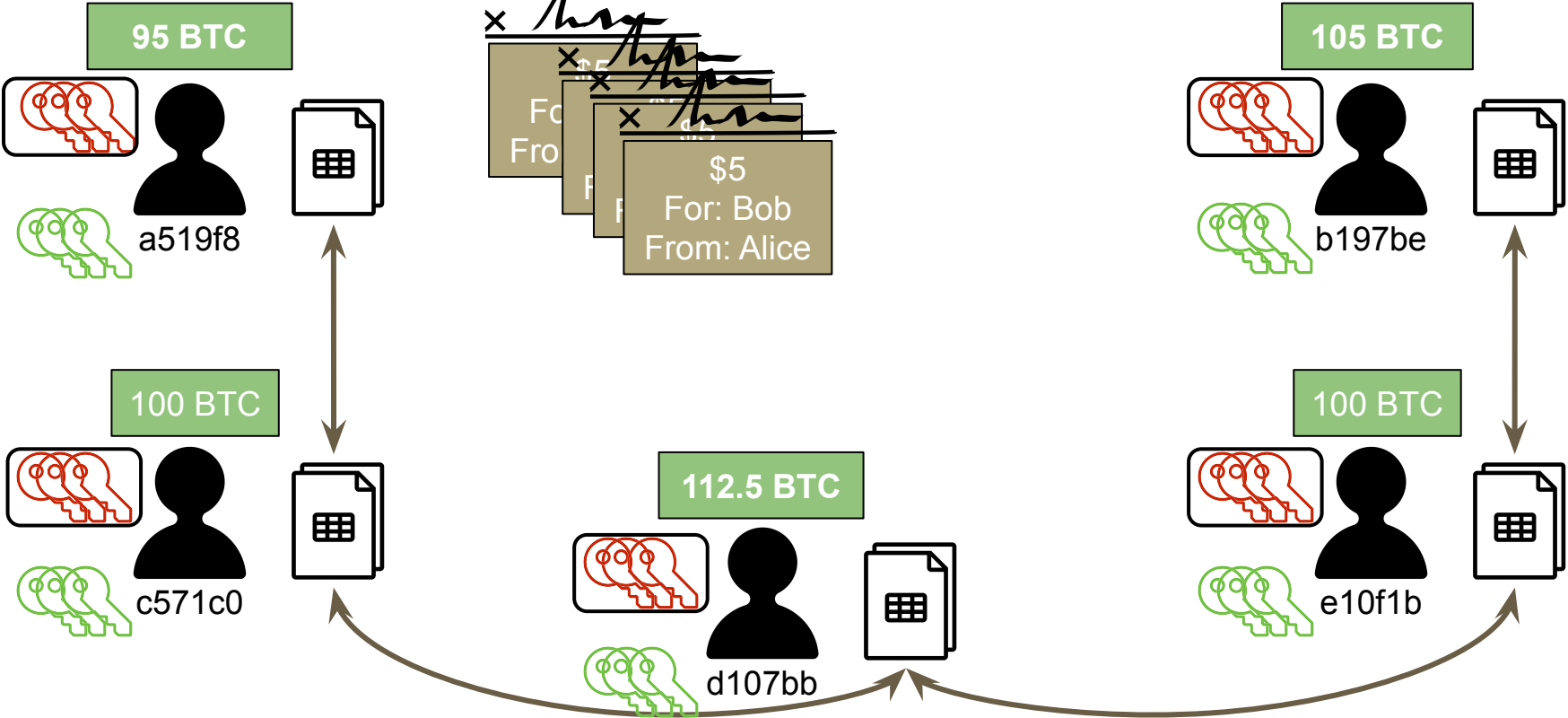




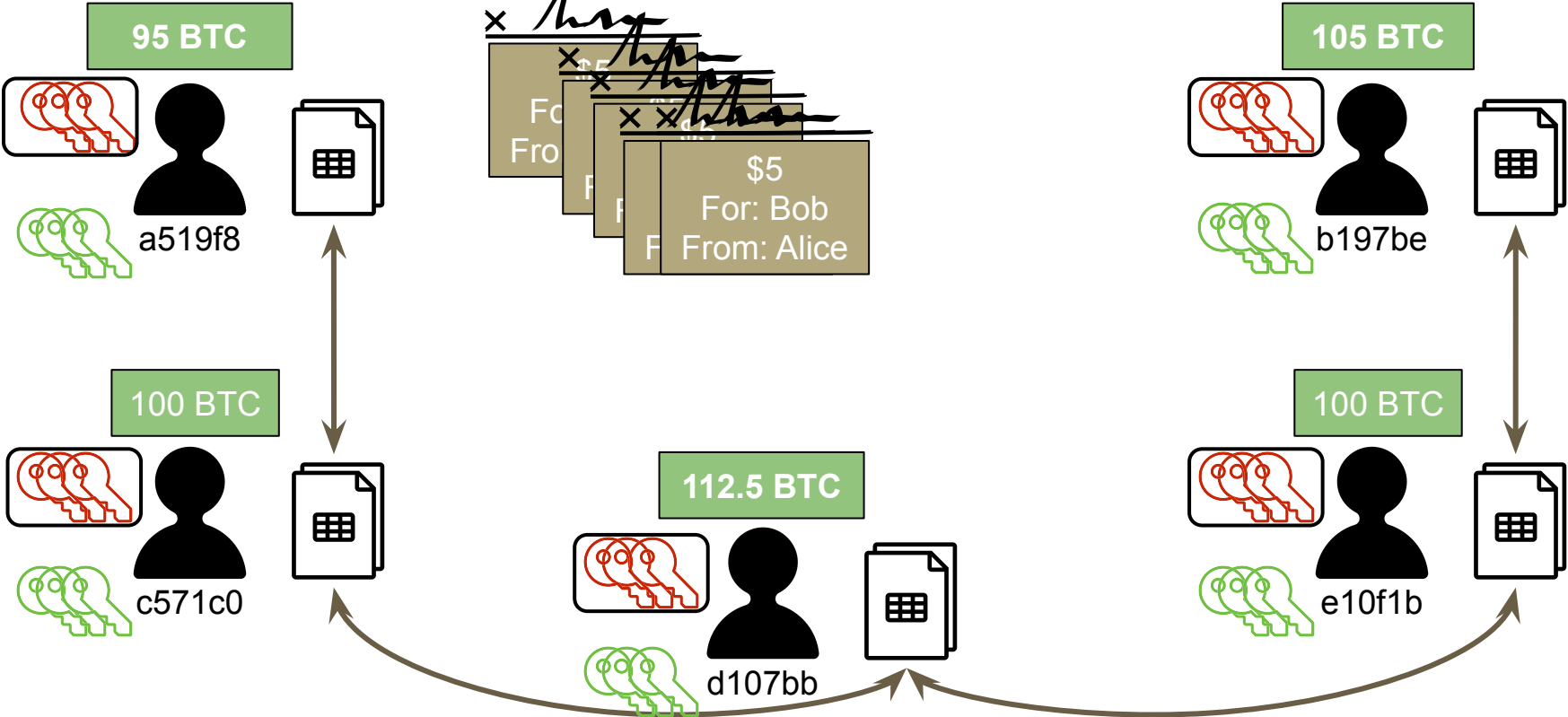
# Bitcoin



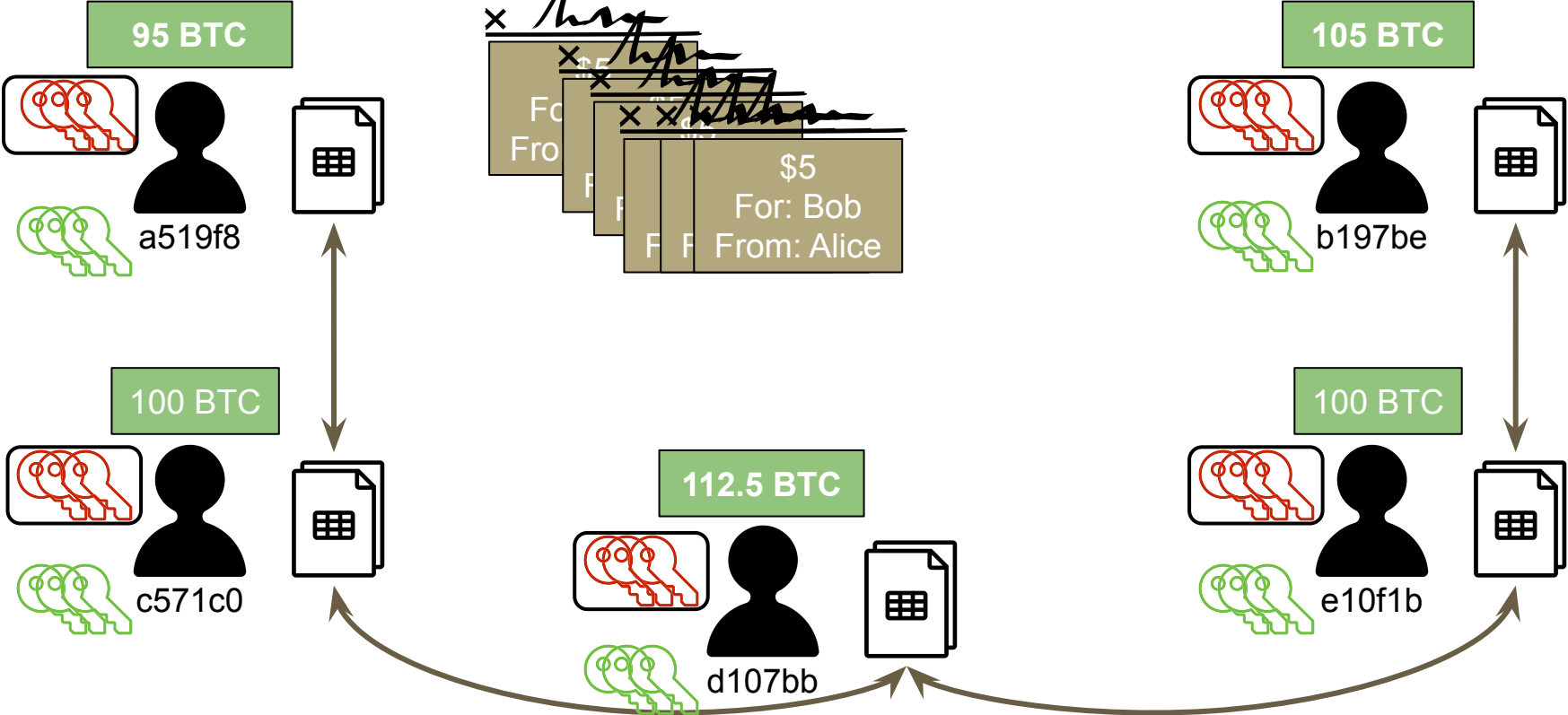
# Bitcoin



# Bitcoin

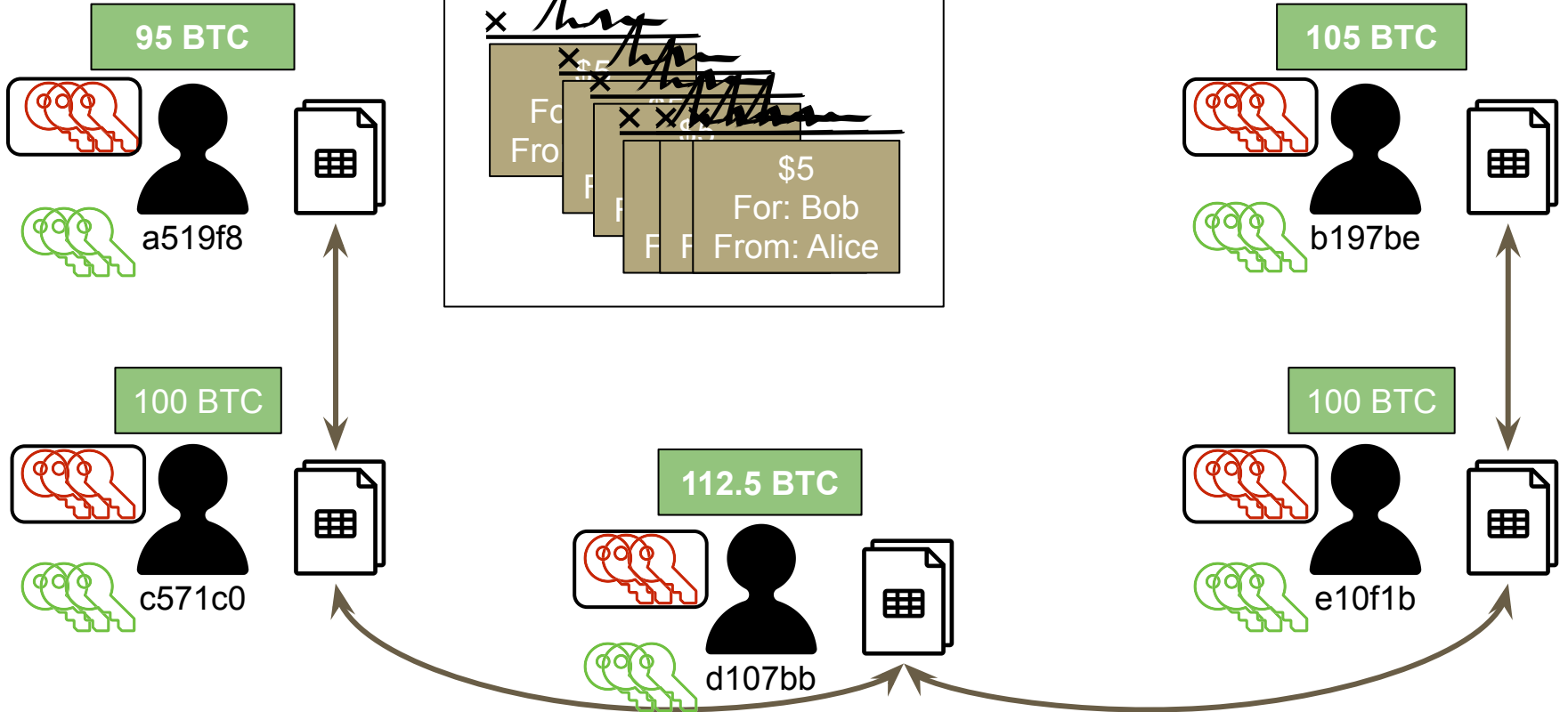


# Bitcoin



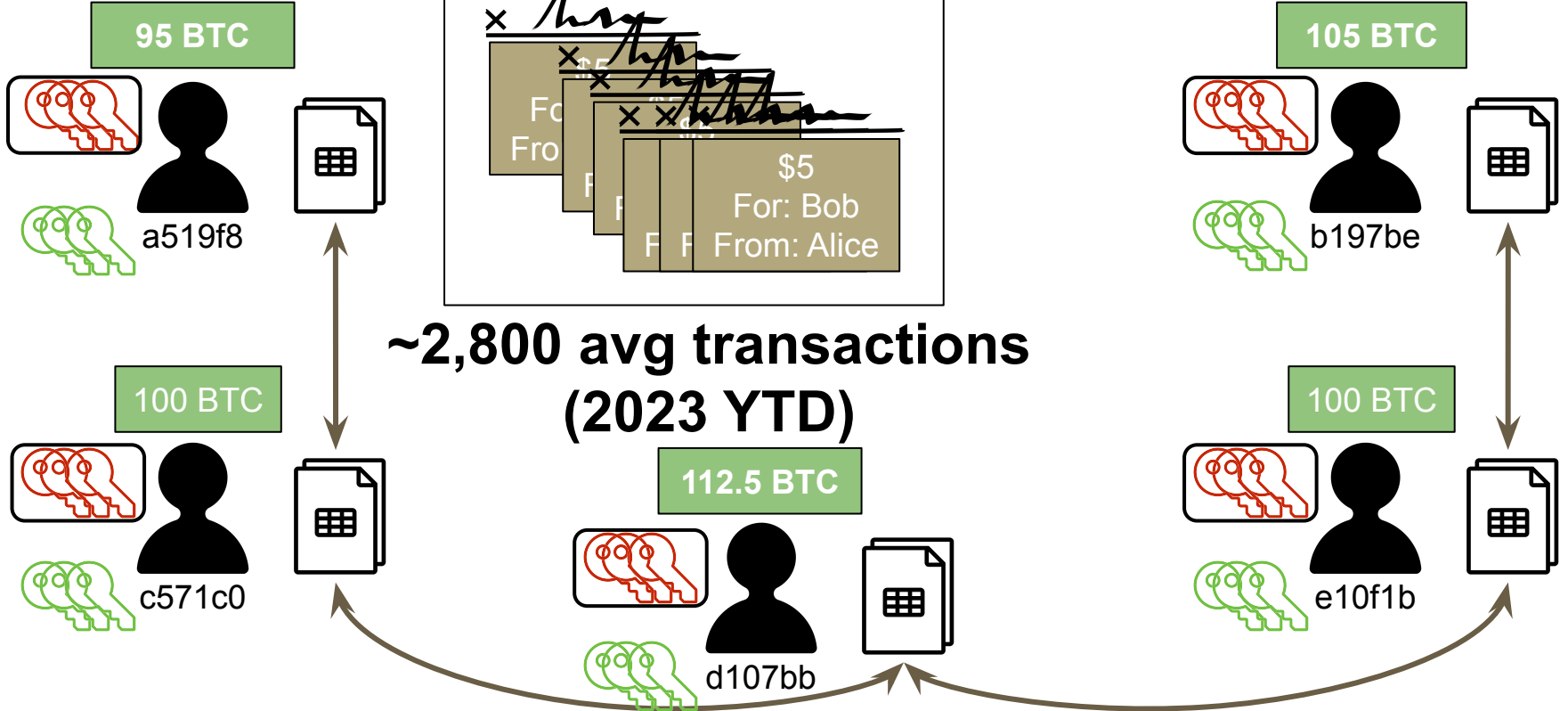
# Bitcoin

~ Every  
10 min



# Bitcoin

~ Every  
10 min



# Calibrating “Puzzle” (every 2016 blocks; ~2 weeks)

x 

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
Nonce Solver: d107bb (Dave)  
Hash: **3a419ef573a86f**

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



Must be below  
certain value



# Calibrating The Bitcoin "Puzzle" w/ Difficulty

x   
\_\_\_\_\_

Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
Nonce Solver: d107bb (Dave)  
Hash: **3a419ef573a86f**

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



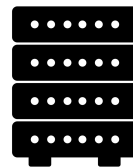
Must be below  
certain value  
**(DIFFICULTY)**





# Calibrating The Bitcoin "Puzzle" w/ Difficulty

x *Am*



Few computers =  
low difficulty, i.e.  
blocks can be  
solved more easily

Puzzle  
Solution



Puzzle  
Solver



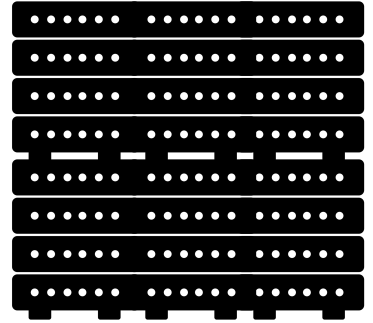
Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
Nonce Solver: d107bb (Dave)  
Hash: **000a419ef573a86f**



Must be below  
certain value  
**(DIFFICULTY)**

# Calibrating The Bitcoin "Puzzle" ...

x *Am*



More computers = high difficulty, i.e. blocks more time-consuming to solve, but balances out because more computers working to solve the problem

Puzzle Solution



Puzzle Solver



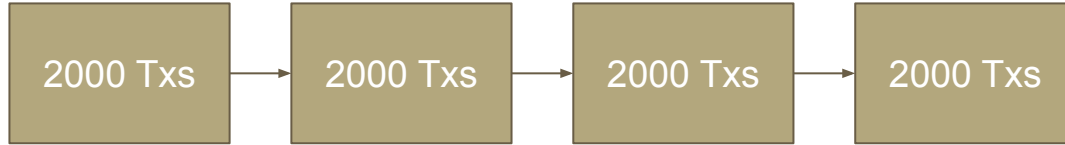
Prev Hash: 8a7b6618e714c6a  
5 BTC  
For: b197be  
*\*From: a519f8...*  
Nonce: 3  
Nonce Solver: d107bb (Dave)  
Hash: **00000a419ef573a**



Must be below certain value  
**(DIFFICULTY)**

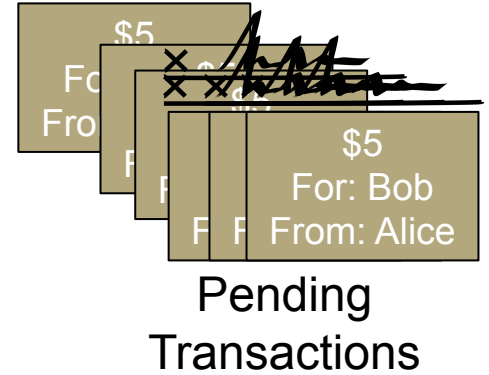
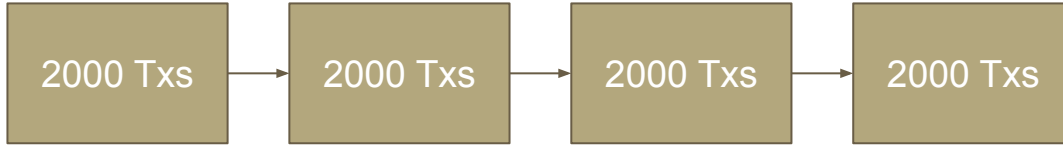
# Why the Puzzle?

Normal Miner's Blockchain:



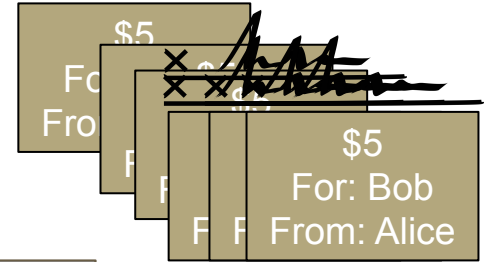
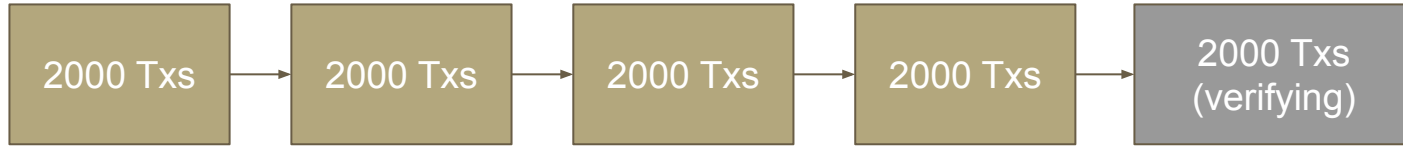
# Why the Puzzle?

Normal Miner's Blockchain:



# Why the Puzzle?

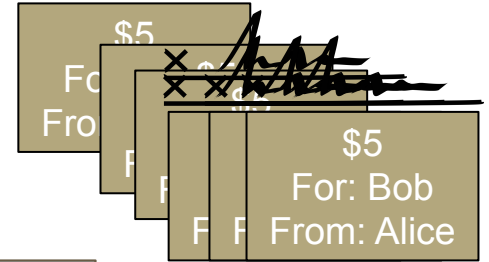
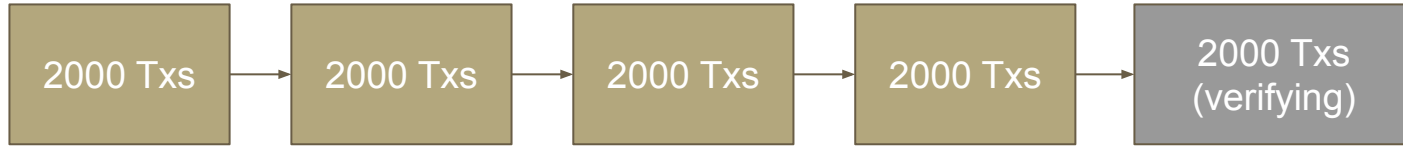
Normal Miner's Blockchain:



Pending Transactions

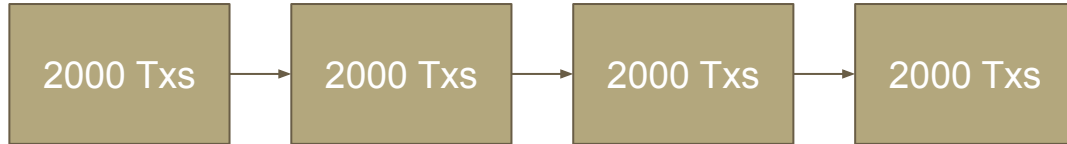
# Why the Puzzle?

## Normal Miner's Blockchain:



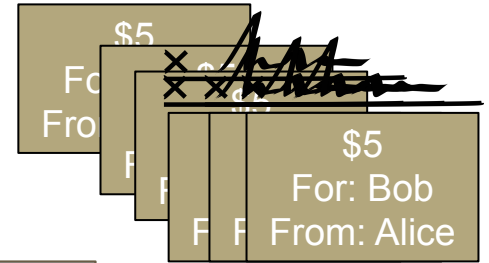
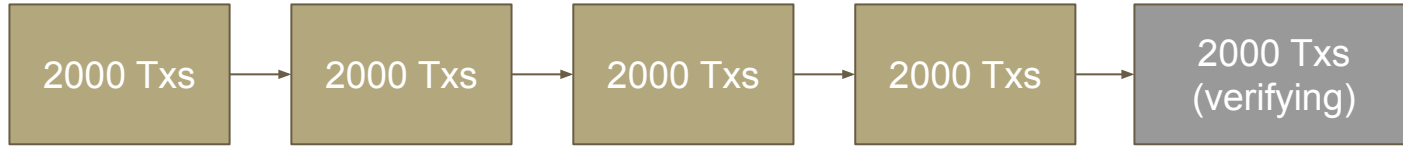
Pending Transactions

## Malicious Miner's Blockchain:



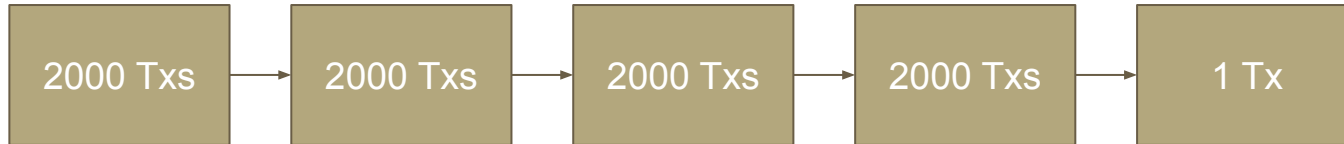
# Why the Puzzle? Let's spam!

Normal Miner's Blockchain:



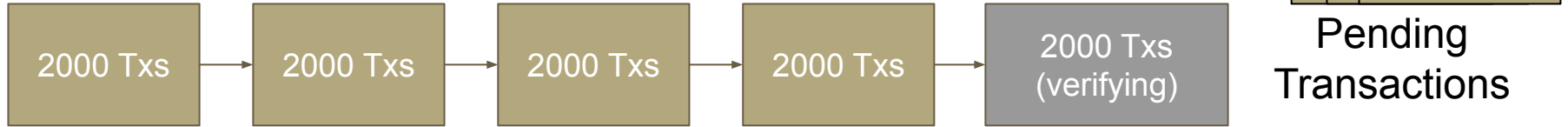
Pending Transactions

Malicious Miner's Blockchain:

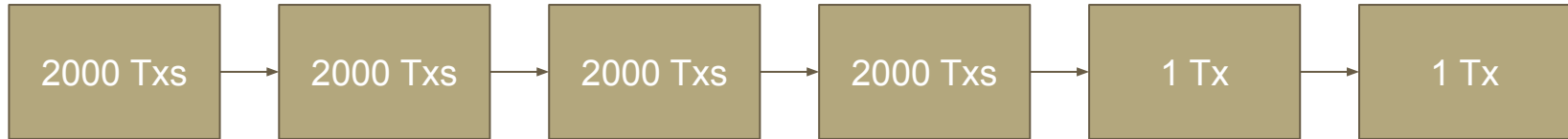


# Why the Puzzle?

## Normal Miner's Blockchain:



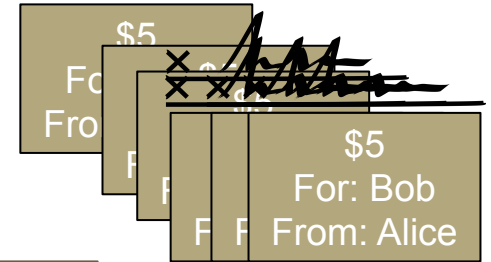
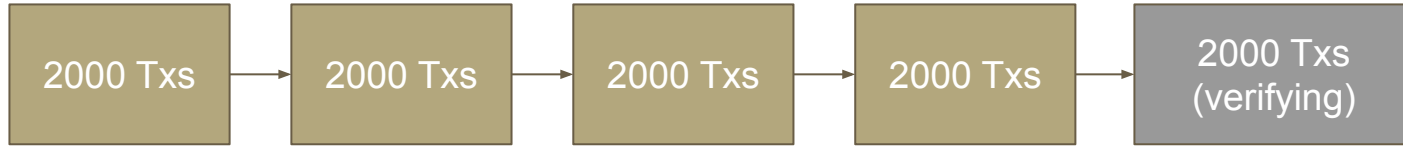
## Malicious Miner's Blockchain:





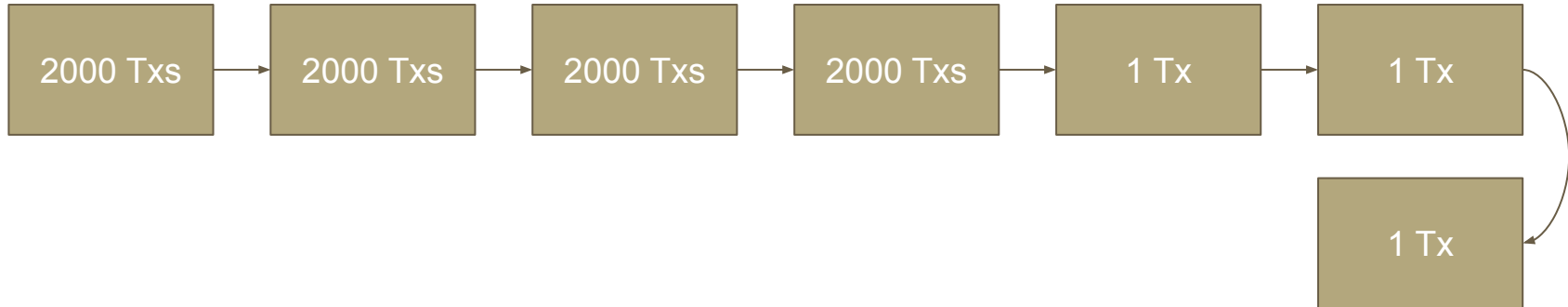
# Why the Puzzle?

## Normal Miner's Blockchain:



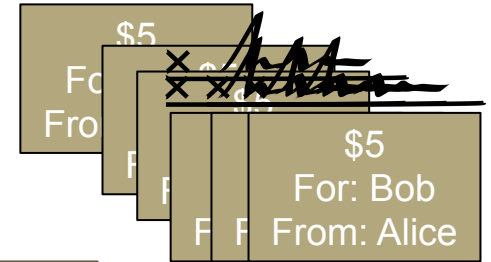
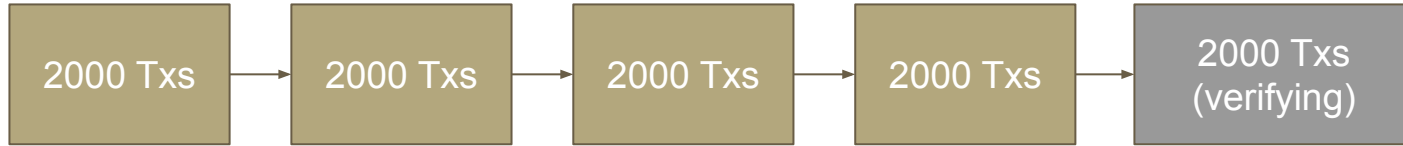
Pending Transactions

## Malicious Miner's Blockchain:



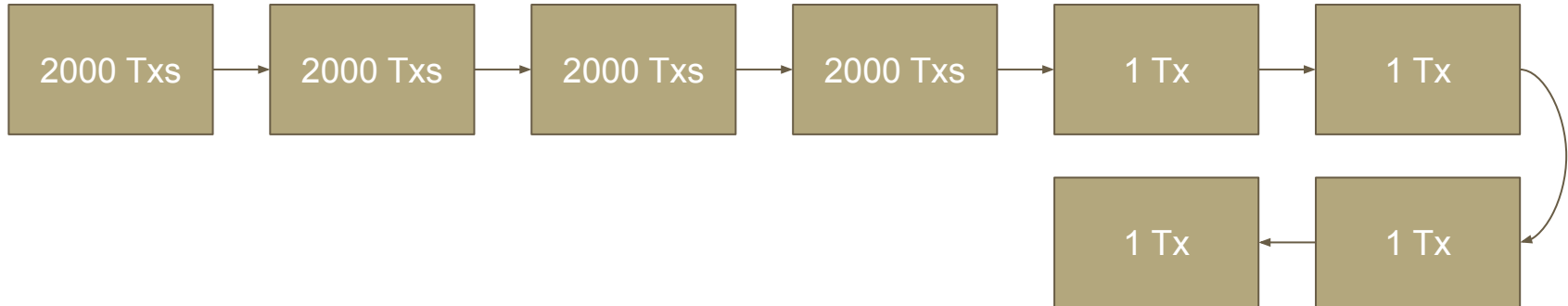
# Why the Puzzle?

## Normal Miner's Blockchain:



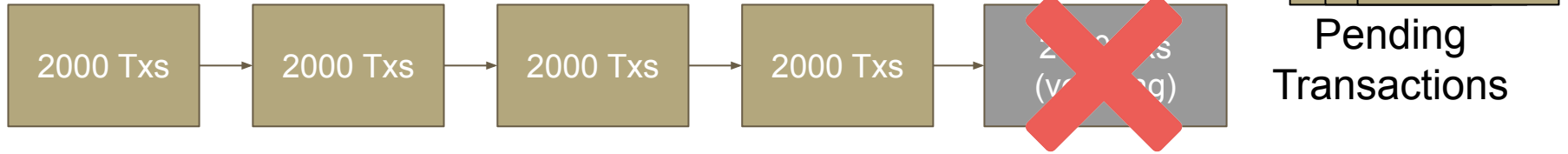
Pending Transactions

## Malicious Miner's Blockchain:

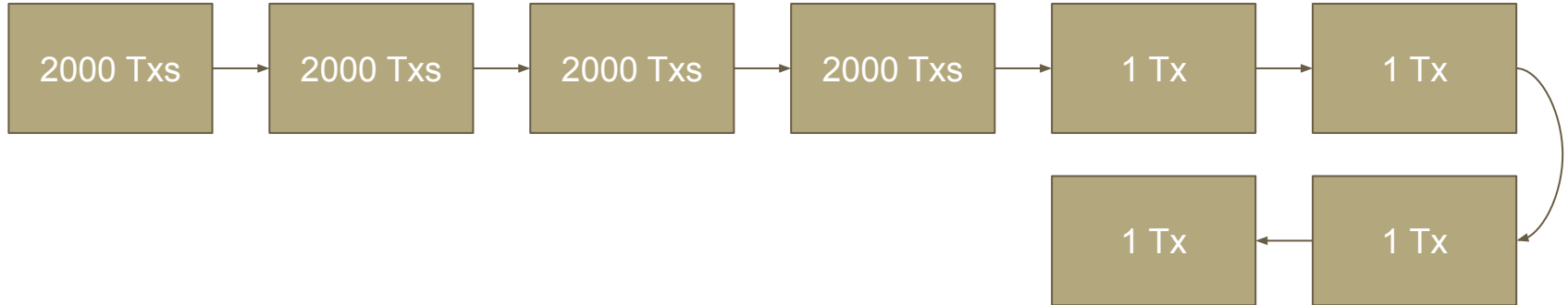


# Why the Puzzle?

Normal Miner's Blockchain:

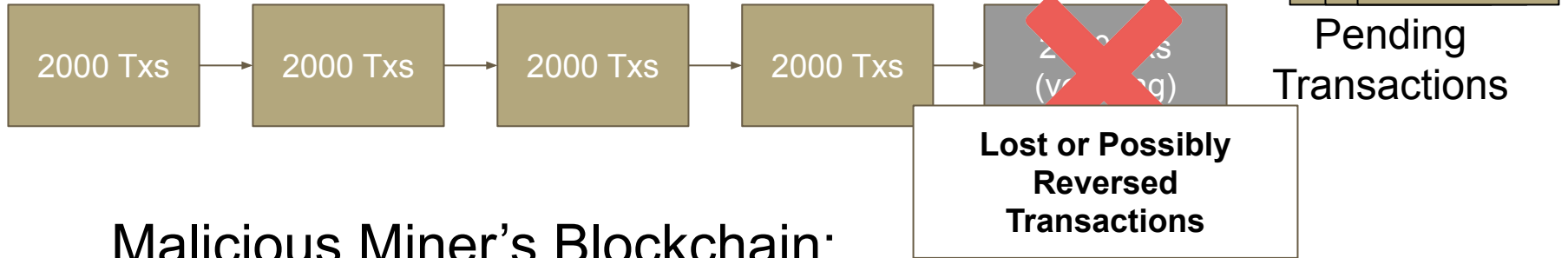


Malicious Miner's Blockchain:

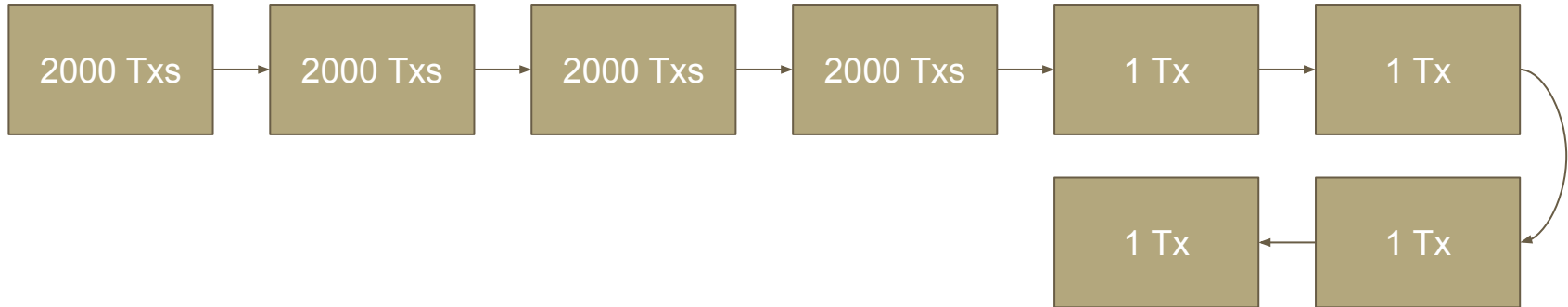


# Why the Puzzle?

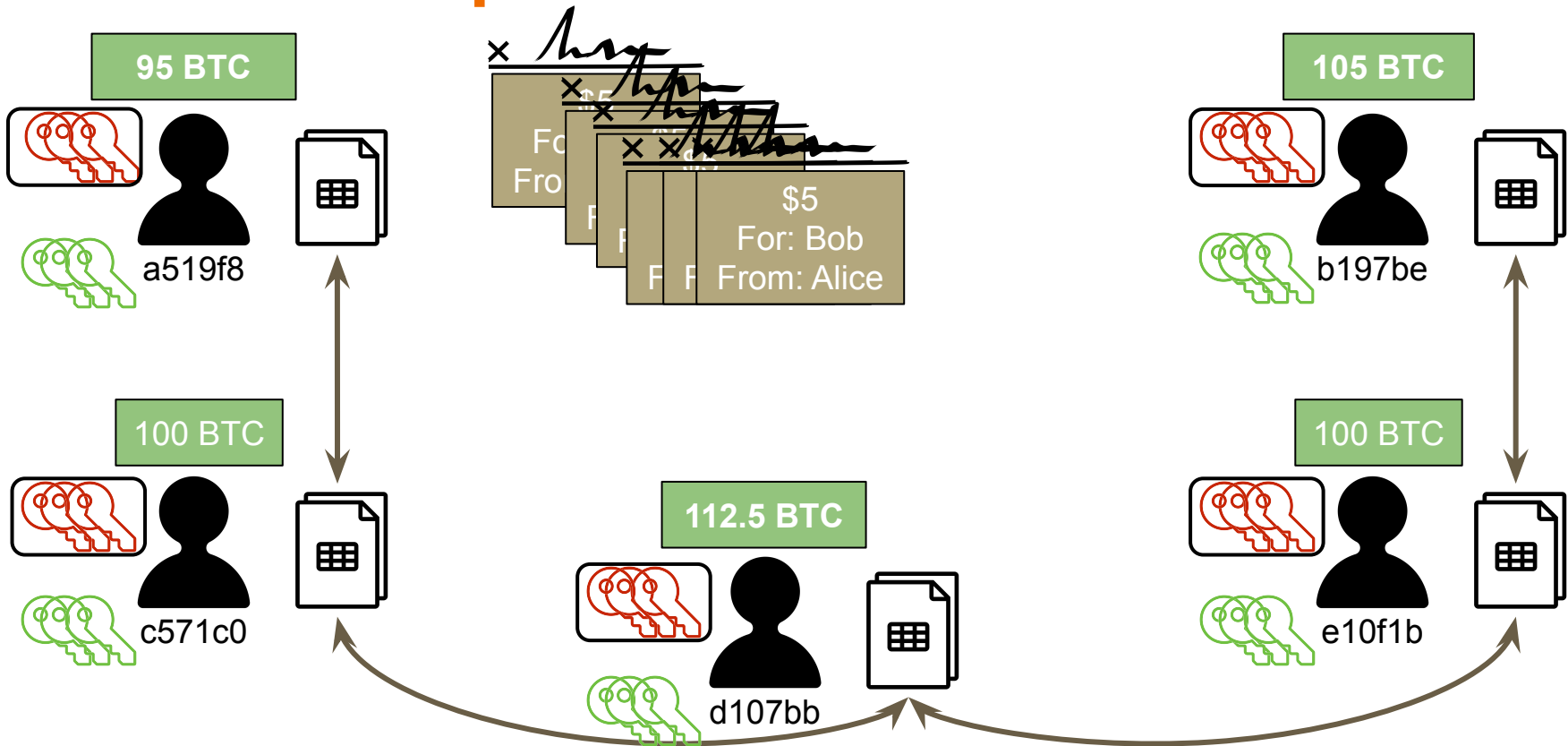
Normal Miner's Blockchain:



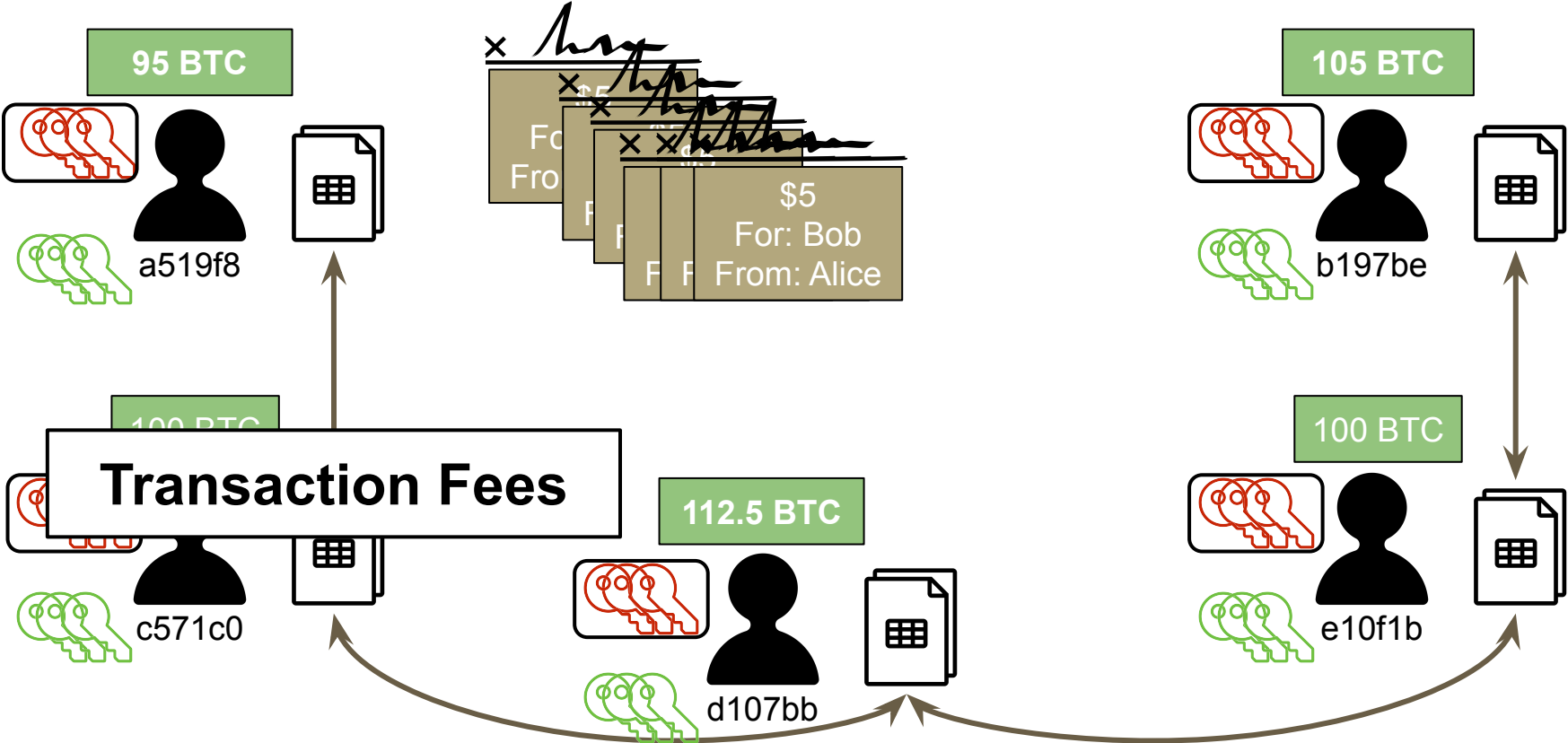
Malicious Miner's Blockchain:



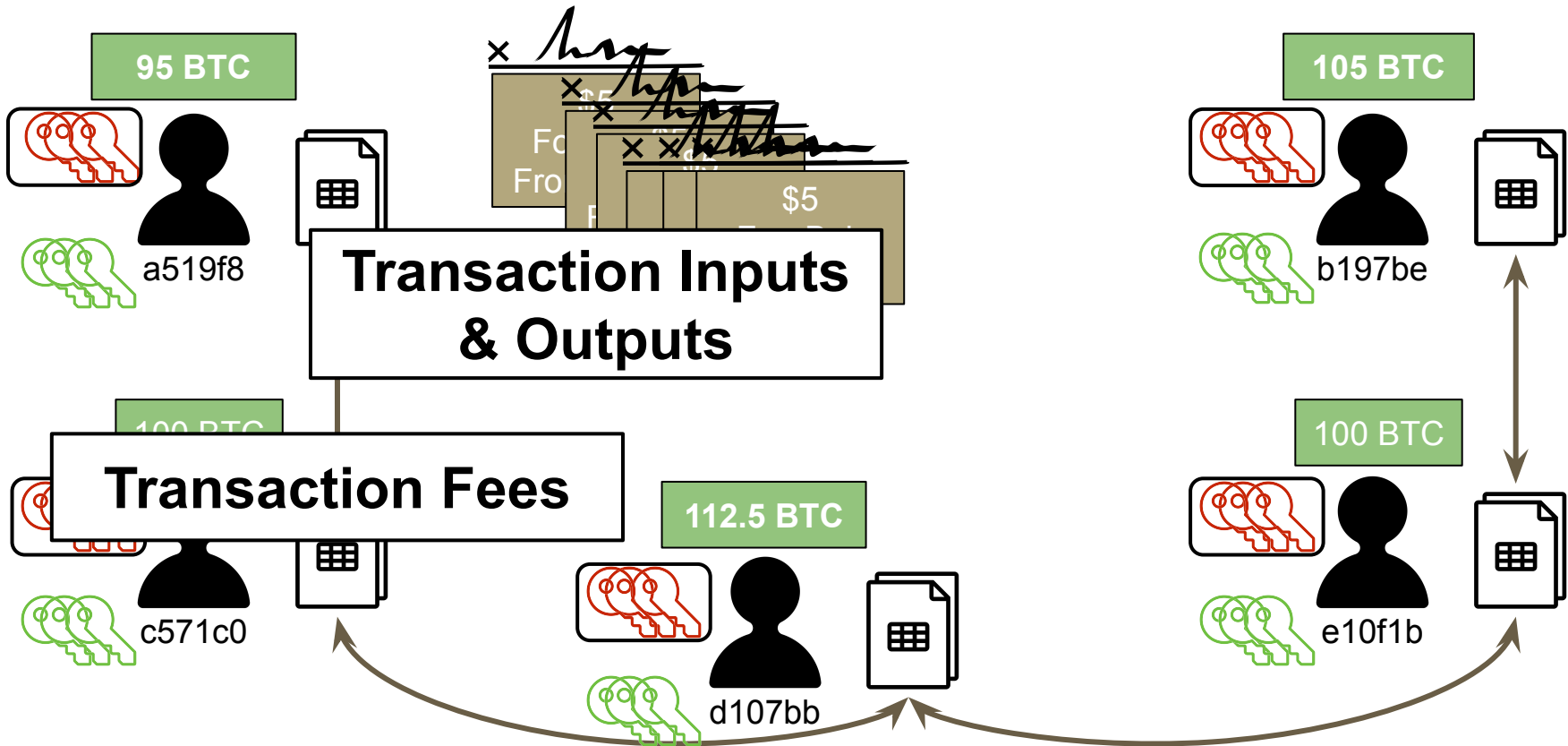
# Bitcoin: other topics



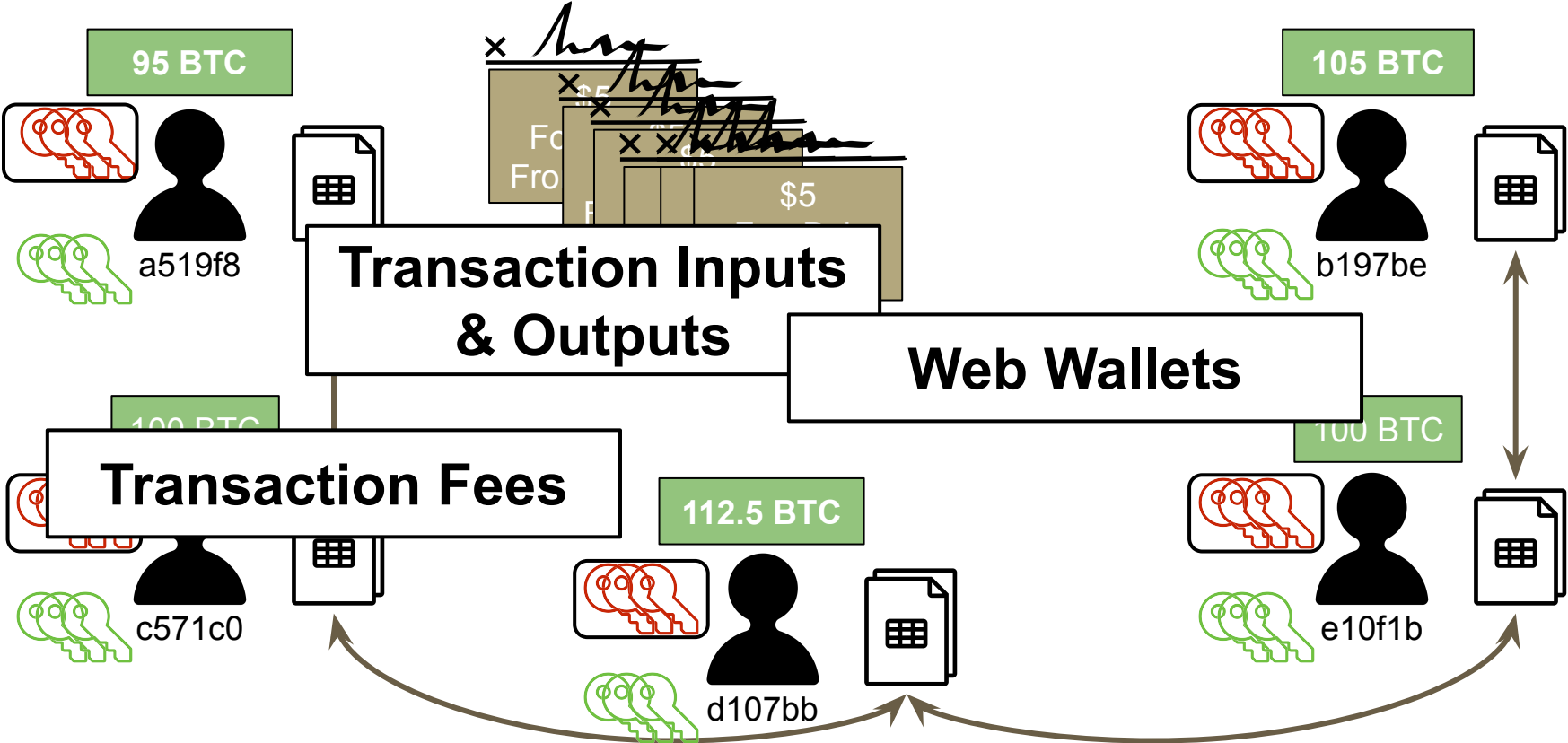
# Bitcoin



# Bitcoin

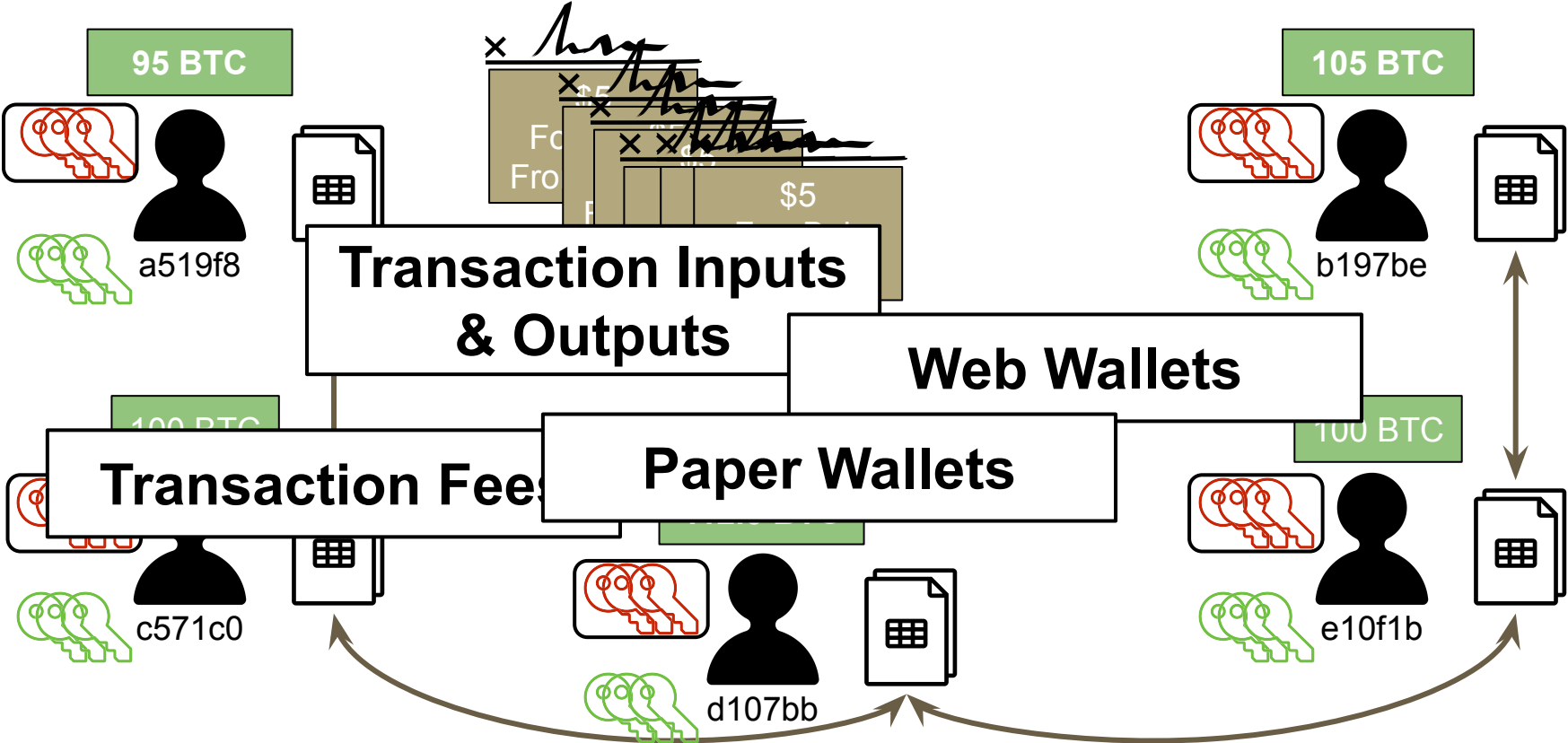


# Bitcoin

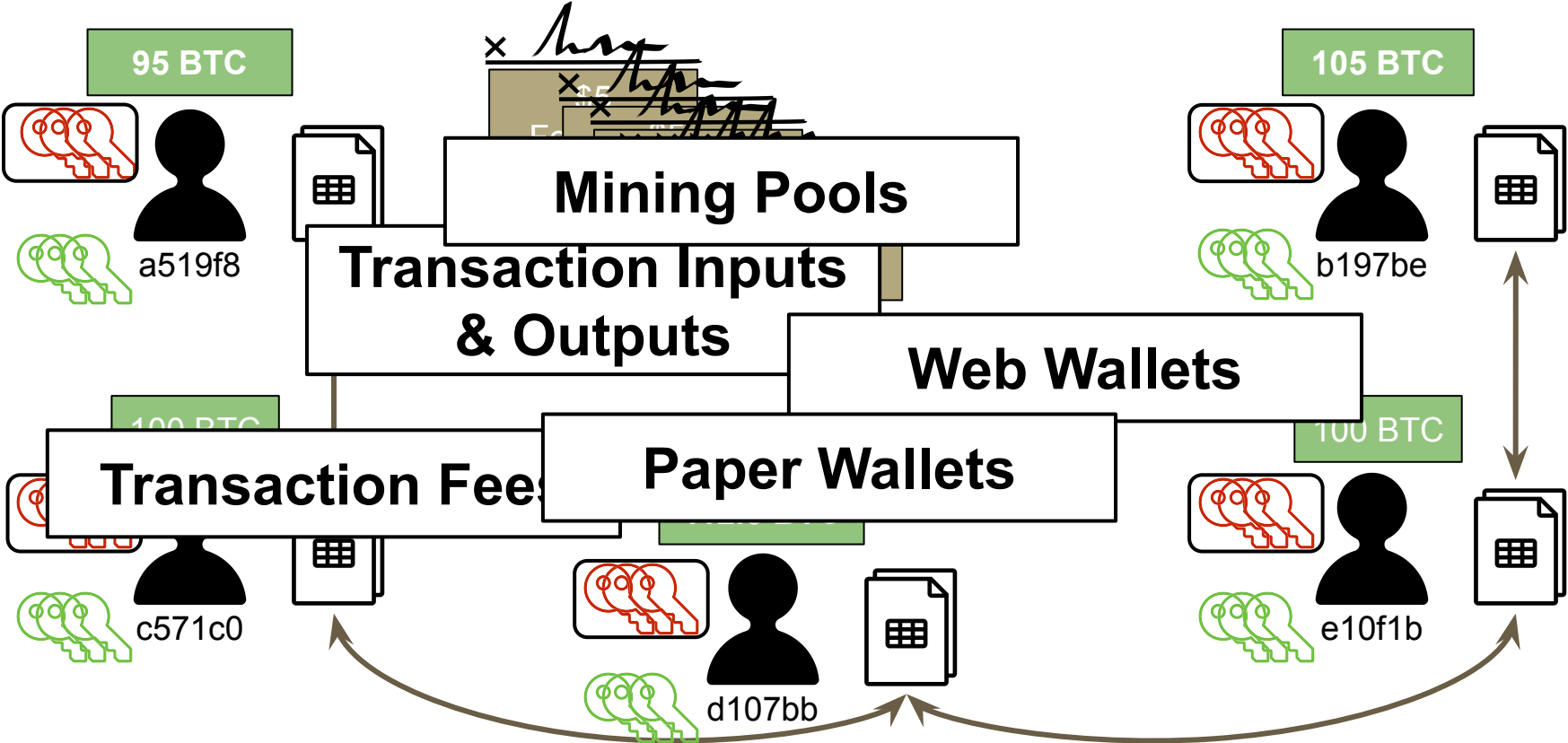




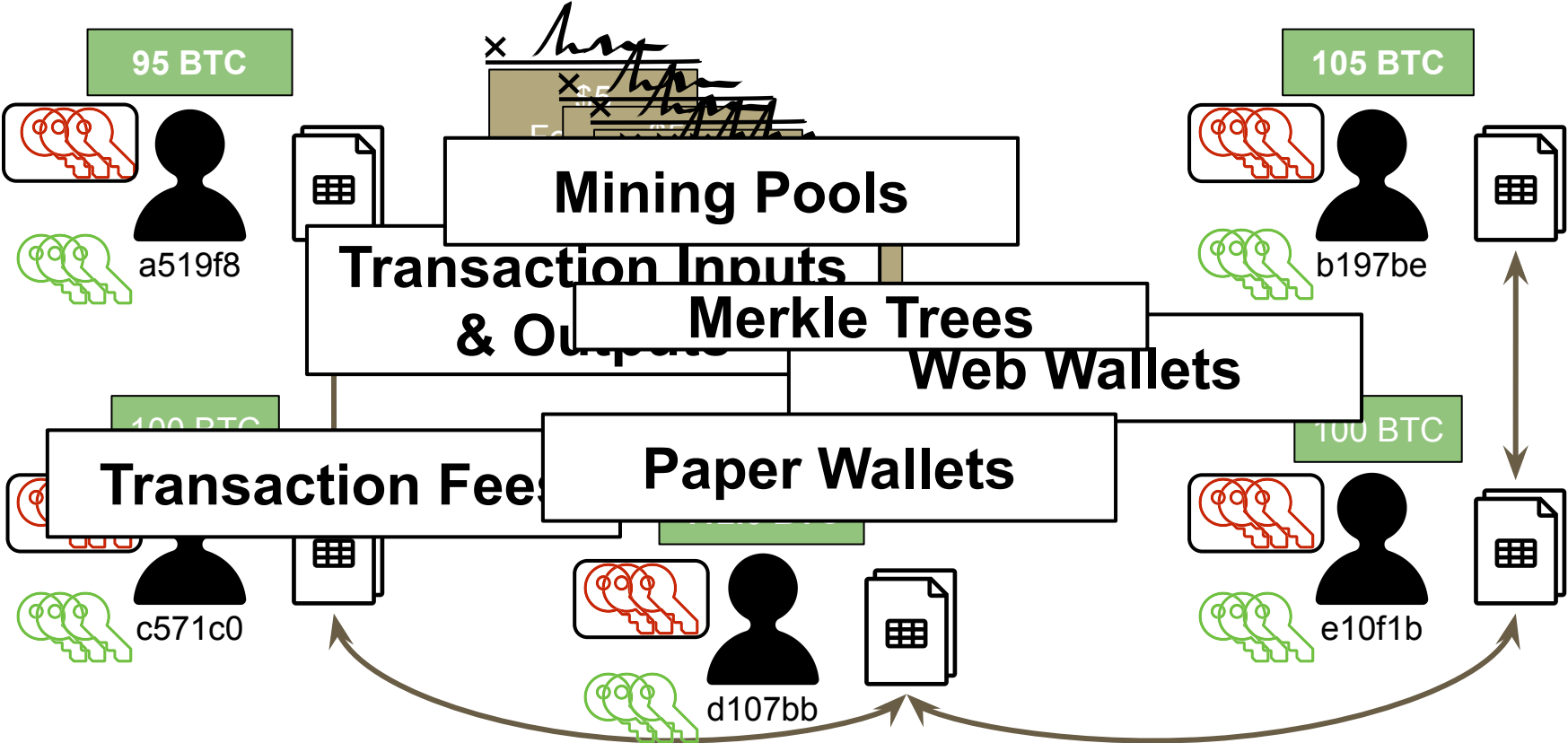
# Bitcoin



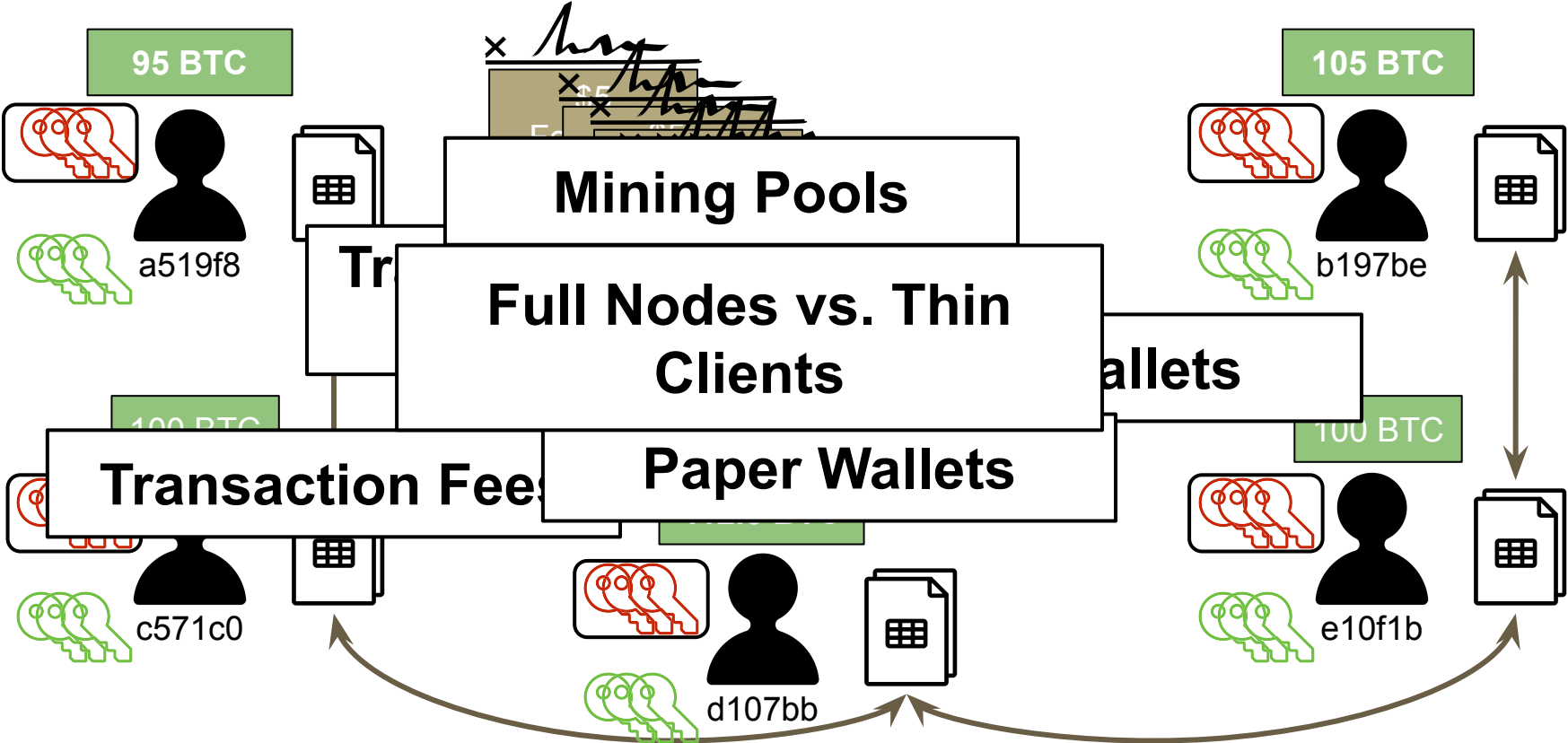
# Bitcoin



# Bitcoin



# Bitcoin



# Funny Story: guard your wallet (Dec 2013)!!



**This was just the beginning!  
Lot more to learn ...**

**Thank you for your participation.**

**Visit: [fintech.gsb.columbia.edu](https://fintech.gsb.columbia.edu)**